臺北市立松山高中 110 學年度第 2 學期 第二次段考 高二 數 A 試題卷

- 一、是非題 18%(每題 3 分) (正確請畫 〇,錯誤請打×)
- 1. 若實數 $x \cdot y \cdot z$ 滿足2x y + z = 1,則 $\sqrt{(x-1)^2 + (y+3)^2 + z^2}$ 的最小值為 $\sqrt{6}$ 。
- 2. 空間中,若兩直線的方向向量平行,則兩直線必平行。
- 3. 已知 $L_1 \cdot L_2$ 為兩歪斜線,直線 L_1 上有兩定點 $A \cdot B$,直線 L_2 有一動點P, 則當 ΔPAB 面積最小時,點P到 L_1 的距離即為 L_1 、 L_2 兩歪斜線的距離。
- 4. 直線 $\begin{cases} x + z = 2 \\ y = 1 \end{cases}$ 與 軸的距離為 $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 。
- 5.「雖然小松數學平時考都不及格,但他覺得這次數學段考有30%的機率會及格」, 此句提到的30%是主觀機率。
- 6. 有 5 個人依序抽籤, 5 支籤中只有 1 支中獎籤, 小松第一個抽, 小山最後一個抽; 若取出不放回,則小松中獎機率高於小山。
- 二、多重選擇題:12%(每題6分)

(錯一個選項得4分;錯二個選項得2分;錯三個以上選項或未答者不給分)

1. 下列哪些選項與 $L: \frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-4}{-3}$ 為同一條直線?

$$(A)^{\frac{x+1}{1}} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+2}{3}$$
 (F

(B)
$$\frac{x-2}{2} = \frac{y-4}{4} = \frac{1-z}{6}$$

$$(A)\frac{x+1}{1} = \frac{y+3}{2} = \frac{z+2}{3} \qquad (B)\frac{x-2}{2} = \frac{y-4}{4} = \frac{1-z}{6} \qquad (C)\begin{cases} x = 1+t \\ y = 1+2t \end{cases}$$

$$(D)\begin{cases} 2x - y = 0 \\ 3x + z - 7 = 0 \end{cases} \qquad (E)\begin{cases} 5x - y + z = 8 \\ 3x + z - 7 = 0 \end{cases}$$

(D)
$$\begin{cases} 2x - y = 0 \\ 3x + z - 7 = 0 \end{cases}$$

(E)
$$\begin{cases} 5x - y + z = 8 \\ 3x + z - 7 = 0 \end{cases}$$

2. 空間坐標中, L_1 $\begin{cases} \frac{x-1}{2} = \frac{y-3}{3} \\ z = 6 \end{cases}$, $L_2 : \frac{x-1}{-3} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-6}{6}$, E : 3x - 2y = -3,

則下列敘述何者正確?

- (A) L_1 和 L_2 恰交於一點 (B) L_1 和E恰交於一點 (C) L_2 和E恰交於一點

- (D) L_1 和xz平面恰交於一點 (E) L_2 和yz平面恰交於一點

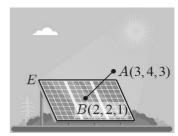
三、填充題:60%(每格6分)

1. 空間中, E_1 為通過A(2,1,-1)、B(1,2,-1)、C(1,1,3)三點的平面方程式, E_2 為通過P(1,0,1)及Q(0,-2,1)且與 E_1 垂直的平面,則 E_2 的方程式為 (1) 2. 當太陽能板在接收太陽光時,其板面與太陽光垂直,可達到最好的發電效率。

某廠商發明一套智能太陽能板,可隨時間轉動保持與太陽光垂直。 若將地面設為xy平面,在某一時間,經過點A(3,4,3)的太陽光,

照射到太陽能板E上的點B(2,2,1),

設E所在的平面與地面所來的銳角 θ ,則 $\cos \theta =$ (2)



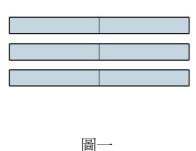
3. 已知 $P(5,-3,-1) \cdot Q(10,-2,0) \cdot E: 4x-y-z-6=0$ 則向量 \overline{PQ} 在平面E上的正射影長為 (3)

4. 「柳絮紛飛」為松山高中著名的畢業活動,其中「柳絮」的製作方法如下: 將 3 張長寬皆為2cm × 24cm的長條紙沿中線對折(如圖一),

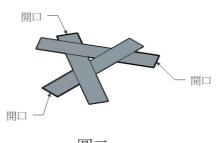
然後相互套住(如圖二),

再分別將三張紙往開口方向拉緊,使得長條部份兩兩垂直(如圖三),

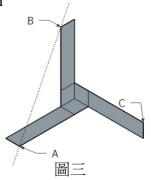
請問在圖三的立體圖形中,點C到直線AB的距離為____











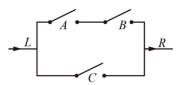
5. 已知 $A(2,-2,1) \cdot B(4,-2,-3) \cdot E : 2x - 2y + z = 0$,平面E上有一動點P, 求 $\overline{PA} + \overline{PB}$ 的最小值 = _____(5)

6. 下表為同學們使用一儀器在地面測量某建築物高度若干次所得的數據, 根據此數據推測,假如再用此儀器測量該建築物的高度,

下一次測得 20 公尺的機率為何? (6)

測量值	18 公尺	19 公尺	20 公尺	21 公尺	22 公尺
次數	8	11	13	12	6

- 7. 若一個袋子中有 15 個球,其中 3 個為紅球,每次取一個球出來,取後不放回; 若第二次取到紅球,求第四次也取到紅球的機率?_____(7)____
- 8. 已知某飛彈擊中目標的機率為 $\frac{3}{5}$,則至少要同時發射 (8) 枚飛彈,才能使擊中目標 (即至少擊中 1 發)的機率大於 99.9%。 (log 2 \approx 0.3010、log 3 \approx 0.4771)
- 9. 右圖為一電路圖,其中 $A \cdot B \cdot C$ 均為開關, 已知每個開關接通的機率分別為 $\frac{1}{3} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2}$,且三者功能互不影響, 則電流能由 L 流通到 R 的機率為 (9)



10. COVID-19 在全球大流行,某個國家在疫情高峰時的盛行率為 5%;

若這個國家的國民此時使用敏感性80%、特異性97%的快篩試劑進行檢驗,

問檢驗結果呈現陽性反應時,真正得到 COVID-19 的機率為何?____(10)_

『盛行率:某特定時間患有某一疾病的人口比例;敏感性:有病的人被檢驗出陽性反應的比例;

特異性:沒病的人被檢驗出陰性反應的比例』

四、計算題:10%

- 1.獄中有甲、乙、丙、丁四名囚犯,皇帝隨機赦免其中一位囚犯,並將赦免哪位囚犯告訴獄卒, 後來甲聽聞皇帝會赦免四人中的一人,趕緊向獄卒詢問自己是否會被赦免,
- 已知獄卒回答是誠實的,但他不回答甲是否會被赦免,而是從剩下三人裡不被赦免的人中,隨機選一人告訴甲來作為回答。
- (1)若赦免的犯人為甲,請問獄卒回答乙不被赦免的機率?
- (2)若赦免的犯人為乙,請問獄卒回答乙不被赦免的機率?
- (3)若赦免的犯人為丙,請問獄卒回答乙不被赦免的機率?
- (4)請問獄卒回答乙不會被赦免的機率?
- (5)已知獄卒回答乙不會被赦免的情況下,請問是甲被赦免的機率?

臺北市立松山高中 110 學年度第 2 學期 第二次段考 高二 數 A 答案卷

<u>-</u>	年	班	號	姓名	
	- 1		<i></i>	\sim	

一、是非題 18%(每題 3 分)

1	2	3	4	5	6

二、多重選擇題:12%(每題6分)

(錯一個選項得4分;錯二個選項得2分;錯三個以上選項或未答者不給分)

1	2

三、填充題:60%(每格6分)

二、県允趜・00%(母格 0 分)						
1	2	3	4			
5	6	7	8			
9	10					

四、計算題:10%

1

臺北市立松山高中 110 學年度第 2 學期 第二次段考 高二 數 A 答案卷

二 年_____ 班 _____ 號 姓名_______

一、是非題 18%(每題 3 分)

1	2	3	4	5	6
×	×	0	×	0	×

二、多重選擇題:12%(每題6分)

(錯一個選項得4分;錯二個選項得2分;錯三個以上選項或未答者不給分)

1	2	
(C)(E)	(A)(C)(D)(E)	

三、填充題:60%(每格6分)

二、填光圈、00/0(亏俗 0 为)					
1	2	3	4		
2x - y - 4z + 2 = 0	$\frac{2}{3}$	3	$3\sqrt{14}$		
5	6	7	8		
2√14	13 50	$\frac{1}{7}$	8		
9	10				
<u>5</u> 8	80 137				

四、計算題:10%

	1	
$(1)\frac{1}{3}$		
(2) 0		
$(1)\frac{1}{3}$ $(2) 0$ $(3)\frac{1}{2}$		
$(4)\frac{1}{3}$		
$(4)\frac{1}{3} \\ (5)\frac{1}{4}$		