

Instrukcja do zadania 2

Celem ćwiczenia jest napisanie testu pokerowego. Program ma za zadanie na podstawie testu chi-kwadrat powiedzieć, czy wpisane słowo/zdanie zawiera przypadkowe litery.

Poker test

Hipoteza zerowa H_0 – ilości 0 i 1 są sobie równe

Operujemy na binarnym ciągu wpisanego tekstu o długości s . Wybieramy liczbę m , jak najmniejszą, ale większą od 3, która dzieli s . k to ilość sekwencji wynikająca z zależności $k = s/m$.

Obrazując:

101 000 110 110 101 111 010 001 000 111 – tekst zamieniony na postać binarną

$s = 30$

$m = 3$

$k = 10$

Następnie liczymy ile mamy wszystkich kombinacji 0 i 1 w “trójce”. Jest to 2^m czyli w tym przypadku $2^3 = 8$

Obrazując:

zero jedynek ($0 \times "1"$, czyli 000) – 1 kombinacja

jedna jedynka ($1 \times "1"$, czyli 100, 010, 001) – 3 kombinacje

dwie jedynki ($2 \times "1"$, czyli 110, 011, 101) – 3 kombinacje

trzy jedynki ($3 \times "1"$, czyli 111) – 1 kombinacja

Celem jest aby wyznaczyć ile razy w ciągu binarnym mieliśmy doczynienia z każdym z tych czterech przypadków. Czyli potrzebujemy ile razy wystąpiły trójki, które miały np dwie jedynki. (Określamy częstotliwość). Po wykonaniu tego otrzymujemy hashmapę częstotliwości.

Obrazując:

$\{0=3, 1=7, 2=12, 3=1\}$

zero jedynek – 3 razy

jedna jedynka – 7 razy

dwie jedynki – 12 razy

trzy jedynki – 1 raz

Dla każdego przypadku potrzebujemy określić wartość oczekiwaną. Jest ona określona prawdopodobieństwem wystąpienia każdego przypadku.

Wartość oczekiwana w poker teście dana jest wzorem:

(kombinacja m po 0) $\times \frac{1}{2^m} \times k$ – dla 0

(kombinacja m po 1) $\times \frac{1}{2^m} \times k$ – dla 1

itd aż kolokwialnie mówiąc “dolna” liczba osiągnie $m-1$

Uwaga: kombinacja oznacza symbol Newtona

Przypominając z prezentacji wartość χ^2 można wyliczyć jako:

$$\chi^2 = \sum ([\text{freq}(i) - \text{expectedVal}(i)]^2 / \text{expectedVal}(i)) [1]$$

Podsumowując program działa następująco:

- 1) Zamiana wpisanego słowa na ciąg binarny. (metoda *strToBinary(String s)*)
- 2) Wyliczenie m – dzielnika powstałego ciągu binarnego. (metoda *checkBlockSize(Integer m, String strBinary)*)
- 3) Sprawdzenie częstotliwości pojawiania się konkretnych “trójek” (metody: *getSamplesFrequencyMap(String s, Integer m)* oraz *occurrences(String str, HashMap<Long, Integer> combFreq)*)
- 4) Wyliczenie wartości oczekiwanych (metody: *expectedValues(Integer m, Integer k)*, *combinations(int N, int R)* I *factorialGenerator(int givenNumberToReturnFactorial)*)
- 5) Użycie częstotliwości oraz wartości oczekiwanych I wyliczenie współczynnika χ^2 . (metoda: *chiSquared(HashMap<Long, Integer> combFreq, ArrayList<Double> expectedValues)*)
- 6) Porównanie uzyskanego wyniku z wartością tablicową. (metoda: *freedomLevels(Double pokerResult, Integer m)*)
- 7) Wypisanie czy ciąg zdał lub nie zdał testu randomowości. (metoda: *printResults(Boolean test)*)

Waszym zadaniem jest:

uzupełnić funkcje *chiSquared* oraz *expectedValues*. Dla *chiSquared* jest to implementacja wzoru na chi kwadrat [1], a do *expectedValues* pętla, która zwraca *ArrayList<Double> expectedValues*.

Przydatna strona w razie problemów:

<https://towardsdatascience.com/poker-test-pattern-based-random-number-detection-in-python-ec2dba4955bc>