1.2 Πολικές συντεταγμένες

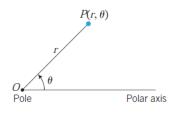
Ένα πολικό σύστημα συντεταγμένων αποτελείται από:

- ένα σημείο Ο (πόλος)
- μια ημιευθεία με αρχή το O (πολικός άξονας)

Ένα σημείο P προσδιορίζεται από τις πολικές συντεταγμένες (r,θ) όπου

- r είναι η απόσταση του σημείου από το O
- θ είναι η γωνία από τον πολικό άξονα προς το P

Το ζεύγος $(0,\theta)$ περιγράφει τον πόλο για οποιοδήποτε θ .



Ένα σημείο να εκφραστεί σε πολικές συντεταγμένες και με αρνητικό r.

Παράδειγμα

 $(3, 5\pi/4)$

Το ίδιο σημείο μπορεί να εκφραστεί με διαφορετικές πολικές συντεταγμένες.

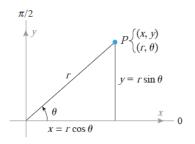
Παράδειγμα

$$(1,7\pi/4)$$
, $(1,-\pi/4)$

Όταν οι εφαρμογές επιβάλλουν να έχουμε μοναδικό ζεύγος πολικών συντεταγμένων για κάθε σημείο τότε θα θεωρήσουμε ότι:

- $r \geqslant 0$
- $0 \leqslant \theta \leqslant 2\pi$

Για να βρούμε τη σχέση πολικών και καρτεσιανών συντεταγμένων θεωρούμε ένα σύστημα αξόνων Ox, Oy έτσι ώστε το Ox να συμπίπτει με τον πολικό άξονα.



Πολικές σε καρτεσιανές
$$x = r \cos \theta$$
, $y = r \sin \theta$
Καρτεσιανές σε πολικές $r^2 = x^2 + y^2$, $\tan \theta = \frac{y}{y}$

Να βρεθούν οι καρτεσιανές συντεταγμένες του πολικού σημείου $P(6,2\pi/3)$

Να βρεθούν οι πολικές συντεταγμένες του καρτεσιανού σημείου $P(-2,-2\sqrt{3})$

Μία από τις χρήσεις των πολικών συντεταγμένων είναι για να απλοποιηθεί η εξίσωση κάποιων γνωστών καμπυλών.

Παράδειγμα

Να γράφημα της πολικής εξίσωσης r=1.

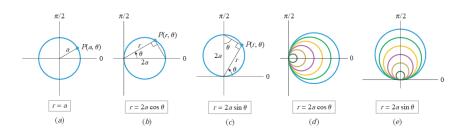
Να βρεθεί το γράφημα της πολικής εξίσωσης $\theta=\pi/4$.

Να βρεθεί το γράφημα της πολικής εξίσωσης $r=\theta$.

Να βρεθεί το γράφημα της πολικής εξίσωσης $r = \sin \theta$.

Να βρεθεί το γράφημα της πολικής εξίσωσης $r = \cos \theta$.

Γενικά:



Να βρείτε τις πολικές εξισώσεις των παρακάτω σχημάτων.







