### ΤΥΠΟΛΟΓΙΟ ΜΑΣ026

## Α. Συστήματα συντεταγμένων

Μετατροπή	Τύποι	Περιορισμοί
Πολικές σε καρτεσιανές $(r,\theta)  ightarrow (x,y)$	$x = r\cos\theta \qquad y = r\sin\theta$	$r \ge 0$ ,
Καρτεσιανές σε πολικές $(x,y)  o (r,\theta)$	$r = \sqrt{x^2 + y^2}  \tan \theta = \frac{y}{x}$	$0 \le \theta \le 2\pi$

Μετατροπ	τή		Τύποι		Περιορισμοί
Κυλινδρικές σε Καρτεσιανές	$(r, \theta, z) \to (x, y, z)$	$x = r\cos\theta$	$y = r \sin \theta$	z = z	$r \ge 0$
Καρτεσιανές σε Κυλινδρικές	$(r, \theta, z) \to (x, y, z)$	$r = \sqrt{x^2 + y^2}$	$\tan \theta = rac{y}{x}$	z = z	$\rho \geq 0$
Σφαιρικές σε Καρτεσιανές	$(\rho, \theta, \phi) \to (x, y, z)$	$x = \rho \cos \theta \sin \phi$	$y = \rho \sin \theta \sin \phi$	$z = \rho \cos \phi$	$0 \le \theta \le 2\pi$
Καρτεσιανές σε Σφαιρικές	$(x,y,z) \to (\rho,\theta,\phi)$	$\rho = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$	$\tan \theta = rac{y}{x}$	$\cos \phi = \frac{z}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$	$0 \le \phi \le \pi$

## Β. Κωνικές Τομές

Παραβολή	$y^2 = \pm 4px$	ανοίγει στην $\pm x$ κατεύθυνση
(p > 0)	$x^2 = \pm 4py$	ανοίγει στην $\pm y$ κατεύθυνση
Έλλειψη	$x^2/a^2 + y^2/b^2 = 1$	μεγάλος άξονας στην $x$ κατεύθυνση
(a>b>0)	$x/b^2 + y/a^2 = 1$	μεγάλος άξονας στην $y$ κατεύθυνση
Υπερβολή	$x^2/a^2 - y^2/b^2 = 1$	ανοίγει στην $x$ κατεύθυνση
(a>0,b>0)	$y^2/a^2 - x^2/b^2 = 1$	ανοίγει στην $y$ κατεύθυνση

## Γ. Τετραγωνικές επιφάνειες

Εξίσωση	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{z^2}{c^2} = 1$	$\frac{z^2}{c^2} - \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 0$	$z^2 - \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 0$	$z - \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 0$	$z - \frac{y^2}{b^2} + \frac{x^2}{a^2} = 0$
Ταξινόμηση	Ελλειψοειδές	Μονόχωνο Δίχωνο υπερβολοειδές υπερβολοειδές		Ελλειπτικός κώνος	Ελλειπτικό παραβολοειδές	Υπερβολικό παραβολοειδές

# Δ. Παραμετρικές εξισώσεις ευθειών και επιπέδων στον $\mathbb{R}^3$

Δ1. Ευθεία που διέρχεται από το σημείο  $P(x_0,y_0,z_0)$  και είναι παράλληλη στο διάνυσμα  $\vec{u}=(a,b,c)$ .

Διανυσματική εξίσωση	$\vec{r} = \vec{OP} + t\vec{u}, \ t \in \mathbb{R}$
Παραμετρικές εξισώσεις	$x = x_0 + at, y = y_0 + bt, z = z_0 + ct, t \in \mathbb{R}$
Συμμετρικές εξισώσεις	$\frac{x - x_0}{a} = \frac{y - y_0}{b} = \frac{z - z_0}{c}$

Δ2. Επίπεδο που διέρχεται από το σημείο  $P(x_0,y_0,z_0)$  και είναι κάθετο στο διάνυσμα  $\vec{n}=(a,b,c)$ 

Διανυσματική εξίσωση	$\vec{n} \cdot (\vec{r} - \vec{OP}) = 0$
Καρτεσιανή εξίσωση	$a(x - x_0) + b(y - y_0) + c(z - z_0) = 0$
	$ \acute{\eta}  ax + by + cz + d = 0 $