

ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΚΥΠΡΟΥ ΤΜΗΜΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ ΚΑΙ ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗΣ

MAΣ002, MAΘΗΜΑΤΙΚΑ ΙΙ 1ⁿ ΕΝΔΙΑΜΕΣΗ ΕΞΕΤΑΣΗ 28/2/2015

ΟΝΟΜΑΤΕΠΩΝΥΜΟ:	
ΑΡ. ΤΑΥΤΟΤΗΤΑΣ:	

ΒΑΘΜΟΛΟΓΙΑ

OEMA 1	ӨЕМА 2	ӨЕМА 3	ӨЕМА 4	ΣΥΝΟΛΟ

Το εξεταστικό δοκίμιο αποτελείται από 4 θέματα.

ΘΕΜΑ 1: (α) Να βρείτε το εμβαδόν του χωρίου που περικλείεται από τις καμπύλες $y=3x^2$ και $y=1-x^2$ στο διάστημα $\left[0,\frac{1}{2}\right]$. Στην συνέχεια, να βρείτε τον όγκο του στερεού που παράγεται αν το πιο πάνω χωρίο περιστραφεί γύρω από τον άξονα των x. (β) Να βρείτε το μήκος τόξου της καμπύλης $y=\cosh x$ από το σημείο $x=-\ln 2$ έως το σημείο $x=\ln 2$. (Β:25)

ΘΕΜΑ 2: Να βρείτε τα πιο κάτω όρια:

(B:30)

í.
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{-2x^2 + 3x + 8}{5x^2 + x - 27}$$
 íi. $\lim_{x \to 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x^2 - 4x + 3}$ íii. $\lim_{x \to +\infty} x \left(1 - \cosh \frac{1}{x} \right)$

$$\text{ii. } \lim_{x \to 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x^2 - 4x + 3}$$

iii.
$$\lim_{x\to +\infty} x \left(1-\cosh\frac{1}{x}\right)$$

$$iv. \lim_{x\to +\infty} (x+e^x)^{\frac{1}{x}}$$

ΘΕΜΑ3: Να υπολογίσετε τα πιο κάτω γενικευμένα ολοκληρώματα:

(B:25)

i.
$$\int_{0}^{+\infty} (1-2x)e^{-x}dx$$
 ii. $\int_{0}^{4} \frac{1}{(x-4)^{2}}dx$

ii.
$$\int_{0}^{4} \frac{1}{(x-4)^{2}} dx$$

$$\text{iii.} \int\limits_{-\infty}^{0} \frac{e^{x}}{3-2e^{x}} dx$$

ΘΕΜΑ 4: (α) Να εξετάσετε αν οι πιο κάτω ακολουθίες είναι συγκλίνουσες, και αν ναι να βρείτε το όριο τους:

i.
$$\left\{\frac{2^n}{1+2^n}\right\}$$
 ii. $\left\{2+\frac{5}{n}\right\}$

(β) Να αποδείξετε ότι η ακολουθία $\left\{\frac{\ln(n+3)}{n+3}\right\}$ είναι φθίνουσα και φραγμένη. Να υπολογίσετε το όριο της. (Β:20)

ΠΡΟΧΕΙΡΟ