## ΜΑΣ029 - Στοιχεία Γραμμικής Άλγεβρας

Ασκήσεις Σωστό-Λάθος

1. Κάθε ανηγμένος κλιμακωτός πίνακας είναι κλιμακωτός.

Απάντηση: Σωστό

2. Κάθε πίνακας έχει μοναδική κλιμακωτή μορφή.

Απάντηση: Λάθος

3. Τα ηγετικά 1 ενός πίνακα, εμφανίζονται πάντα σε διαφορετικές στήλες.

Απάντηση: Σωστό

4. Οι στήλες ενός κλιμακωτού πίνακα που περιέχουν ηγετικό 1, έχουν όλα τα υπόλοιπα στοιχεία ίσα με 0.

Απάντηση: Λάθος

**5.** Aν οι A, B είναι  $2 \times 2$  πίνακες, τότε AB = BA.

Απάντηση: Λάθος

**6.** Για κάθε πίνακα A,  $(A^T)^T = A$ .

Απάντηση: Σωστό

7. Αν οι A, B, C είναι  $n \times n$  πίνακες και A - C = B - C, τότε A = B.

Απάντηση: Σωστό

8. Αν οι A,B,C είναι  $n\times n$  πίνακες και AC=BC, τότε A=B.

Απάντηση: Λάθος

9. Αν οι A, B, C είναι  $n \times n$  πίνακες, τότε A(B+C) = AB + AC.

Απάντηση: Σωστό

10. Αν οι A, B, C είναι  $n \times n$  πίνακες, τότε  $(A+B)^2 = A^2 + 2AB + B^2$ .

Απάντηση: Λάθος

11. Αν οι A, B είναι  $n \times n$  πίνακες, τότε  $(AB)^{-1} = A^{-1}B^{-1}$ .

Απάντηση: Λάθος

12. Αν οι A, B είναι  $n \times n$  πίνακες, τότε  $(AB)^T = A^T B^T$ .

Απάντηση: Λάθος

13. Αν οι A,B είναι  $n \times n$  είναι πίνακες και  $\lambda \in \mathbb{R}$ , τότε  $(\lambda A + B)^T = \lambda A^T + B^T$ .

Απάντηση: Σωστό

14. Ο ανάστροφος ενός άνω τριγωνικού πίνακα είναι άνω τριγωνικός.

Απάντηση: Λάθος

15. Αν ένας πίνακας είναι συμμετρικός και άνω τριγωνικός, τότε είναι διαγώνιος.

Απάντηση: Σωστό

16. Ένας τετραγωνικός πίνακας με μηδενική γραμμή ή στήλη δεν είναι αντιστρέψιμος.

Απάντηση: Σωστό

**17.** Ένας ομογενές σύστημα με  $n \times n$  πίνακά ο οποίος έχει r ηγετικά 1, έχει n-r ελεύθερες μεταβλητές.

Απάντηση: Σωστό

18. Ένα γραμμικό σύστημα με περισσότερες εξισώσεις από ότι μεταβλητές έχει άπειρες λύσεις.

Απάντηση: Λάθος

**19.** Αν ο τετραγωνικός πίνακας A δεν είναι αντιστρέψιμος, τότε το ομογενές σύστημα  $A\mathbf{x}=\mathbb{O}$  έχει άπειρες λύσεις.

Απάντηση: Σωστό

20. Αν ο επαυξημένος πίνακας ενός γραμμικού συστήματος έχει μηδενική γραμμή, τότε το σύστημα έχει άπειρες λύσεις.

Απάντηση: Λάθος

21. Δεν υπάρχει γραμμικό σύστημα με δύο ακριβώς λύσεις.

Απάντηση: Σωστο

22. Η ορίζουσα κάτω τριγωνικού πίνακα είναι ήση με το άθροισμα των στοιχείων της κυρίας διαγωνίου.

Απάντηση: Λάθος

**23.** Αν το άθροισμα δύο γραμμών ενός  $6 \times 6$  πίνακα είναι ίσο με την τελευταία γραμμή, τότε η ορίζουσα του πίνακα είναι ίση με 0.

Απάντηση: Σωστό

**24.** Αν A, B είναι  $n \times n$  πίνακες, τότε det(A+B) = detA + detB.

Απάντηση: Λάθος

**25.** Αν det A = 0, τότε ο A έχει μηδενική γραμμή ή στήλη.

Απάντηση: Λάθος

**26.** Aν ο A είναι  $3 \times 3$  πίνακας, det(2A) = 2detA.

Απάντηση: Λάθος

**27.** Αν A, B είναι  $n \times n$  πίνακες, τότε  $det(A^{-1}BA) = detB$ .

Απάντηση: Σωστό

**28.** Αν οι στήλες ενός  $n \times n$  πίνακα A παράγουν τον  $\mathbb{R}^n$ , τότε οι στήλες του A είναι γραμμικά ανεξάρτητες.

Απάντηση: Σωστό

**29.** Ο χώρος που παράγεται από ένα διάνυσμα τον  $\mathbb{R}^2$  αντιστοιχεία σε μία ευθεία.

Απάντηση: Σωστό

30. Αν δύο σύνολα διανυσμάτων παράγουν τον ίδιο χώρο, είναι ίσα.

Απάντηση: Λάθος

31. Κάθε γραμμικά ανεξάρτητο σύνολο περιέχει το μηδενικό διάνυσμα.

Απάντηση: Λάθος

**32.** Αν  $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2 \in \mathbb{R}^3$  και το  $\mathbf{v}_1$  δεν είναι πολλαπλάσιο του  $\mathbf{v}_2$ , τότε το  $\{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2\}$  είναι γραμμικά ανεξάρτητο.

Απάντηση: Σωστό

**33.** Αν  $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3, \mathbf{v}_4 \in \mathbb{R}^4$  και το  $\{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3\}$  είναι γραμμικά ανεξάρτητο, τότε το  $\{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3, \mathbf{v}_4\}$  είναι γραμμικά ανεξάρτητο.

Απάντηση: Λάθος

**34.** Αν  $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3, \mathbf{v}_4 \in \mathbb{R}^4$  και το  $\{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3, \mathbf{v}_4\}$  είναι γραμμικά ανεξάρτητο, τότε το  $\{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3\}$  είναι γραμμικά ανεξάρτητο.

Απάντηση: Σωστό

**35.** Av  $A \sim B$  τότε  $\operatorname{Col} A = \operatorname{Col} B$ .

Απάντηση: Λάθος

**36.** Aν  $A \sim B$  τότε rank  $A = \operatorname{rank} B$ .

Απάντηση: Σωστό

**37.** Aν ο A είναι  $2 \times 3$  πίνακας, η απεικόνιση  $T(\mathbf{x}) = A\mathbf{x}$  έχει πεδίο ορισμού το  $\mathbb{R}^2$ .

Απάντηση: Λάθος

**38.** Αν ο A είναι  $3 \times 2$  πίνακας, η απεικόνιση  $T(\mathbf{x}) = A\mathbf{x}$  δεν μπορεί να είναι 1-1.

Απάντηση: Λάθος

**39.** Αν ο A είναι  $4 \times 3$  πίνακας, η απεικόνιση  $T(\mathbf{x}) = A\mathbf{x}$  δεν μπορεί να είναι επί.

Απάντηση: Σωστό

40. Οι ιδιοτιμές ενός πίνακας είναι ίδιες με αυτές της κλιμακωτής μορφής του.

Απάντηση: Λάθος

41. Αν το 0 είναι ιδιοτιμή ενός πίνακας, τότε οι στήλες του πίνακα είναι γραμμικά ανεξάρτητες.

Απάντηση: Λάθος

42. Οι ιδιοτιμές ενός πίνακα είναι τα στοιχεία της κυρίας διαγωνίου του.

Απάντηση: Λάθος

**43.** Ένας  $n \times n$  πίνακας με λιγότερες από n διακριτές ιδιοτιμές δεν είναι διαγωνοποιήσιμος.

Απάντηση: Λάθος

**44.** Αν ο  $n \times n$  πίνακας A είναι διαγωνοποιήσιμος, τότε έχει n γραμμικά ανεξάρτητα ιδιοδιανύσματα.

Απάντηση: Σωστό

**45.** Υπάρχει  $5 \times 5$  πίνακας που δεν έχει πραγματικές ιδιοτιμές (αλλά μόνο μιγαδικές).

Απάντηση: Λάθος