

概要：有限种“方块”构建尽可能多样的物品

Problem D 归纳  
(分析) 1' 设计“方块”(静态) —— 存储空间 & 拼接“兼容性”

$$f(\text{Block}) = (a_1, \dots, a_e) \quad (\text{向量})$$

可供资源：几何形状  
图案

## Q 1

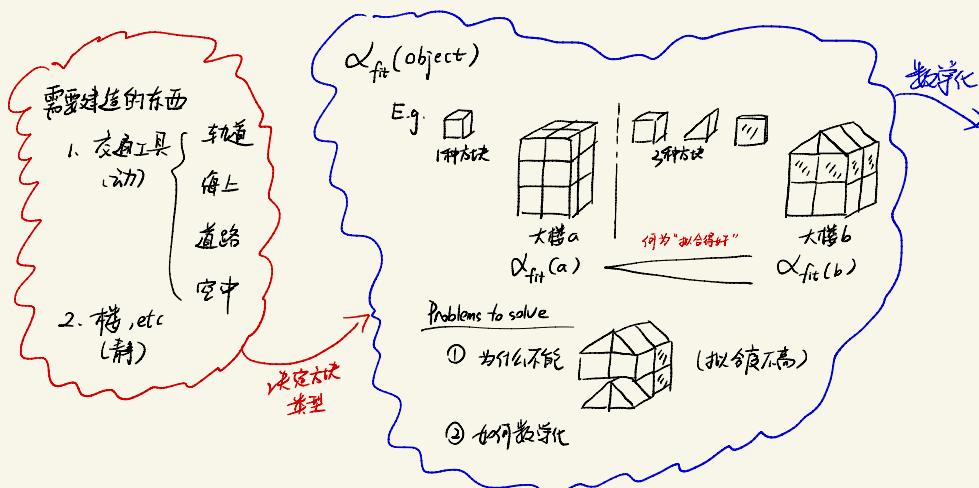
外观、功能，一堆不随具体位置变化的内在属性所组成的集群

- ①  $(x, y, z)$  空间位置 —— 精度？ Hint: IMMC4K HK Map
- ②  $f(\text{block})$  相对位置
- ③ 它要用来做什么 ( $T \leftarrow g_{\text{target}}(\text{Block})$ ) Eg.  $T$  = “桥塔”
- ④ 在  $T$  中的相对位置

① 定义‘Cluster’：最小的具有完整意义的方块集合 Eg. 一桥塔

$$P_S = \{f(X(\text{block}))\}$$

不允许：违反物理规律？

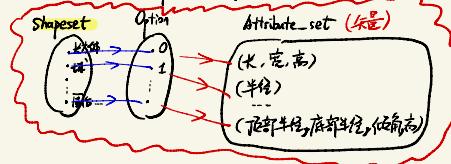


# Block 的内在属性

体积 V

几何形状  
(几何特征)  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Option} \leftarrow \text{int}(A) \\ \text{E.g. 长方体、球...} \end{array} \right.$

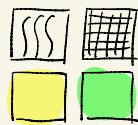
形状属性集 (内部自适应 Option 变化)



遗留问题：数学化过程  
的流——混沌

$f(\text{Block}) =$

外表装饰图案



抽象

纹路 定义：不用于渲染底色的部分

线条 纹路密度  $p_1(\text{surface})$

定义： $p_1(O) = \dots$

圆心 O

曲面 (一定距离)

造 surface 线度 L 的一定比例  $\alpha_{radius}$ ,  $r = \frac{d}{L} \cdot \alpha_{radius}$ ,  $L$  是 surface 中的

最大最小

每一个点 O 为圆心作无数个圆,  $p_1(O) = \frac{\# \text{线条交叉}}{\pi r^2}$  组成连续三维

曲面 (一定连续) 非严格证明 阴影代表纹饰



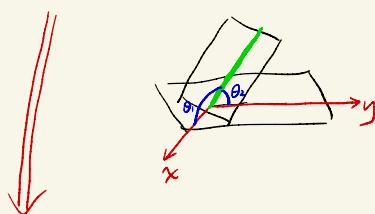
这个方向平移

- ① 与边界相反的区域为负
- ②  $d \rightarrow 0$ , 平移后边界的“大边”不变
- ③ 对于一个“边”  $d \rightarrow 0$  时 可以近似成 显示速度变化 而处碰撞解算

颜色：标准 (R, G, B) 三色

⑥

基准面与空间 xOy 平面 (地面) 的夹角 (两个参数  $\theta_1, \theta_2$ )



$$f(\text{Block}) = \left( \begin{array}{c} V \\ (p_1, p_2) \\ (\rho, G, B) \\ \text{ShapeSet 中定义的矢量} \\ (v_1, \dots, v_k) \end{array} \right)$$

ShapeSet

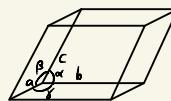
通用参数:  $x, y, z, \theta_1, \theta_2$  (两个参数  $\theta_1, \theta_2$ )  
定位坐标 沿途形体

type 几何体

0 “平行六面体”

参数

$a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$   
 $k \left( \frac{\text{上表面密度}}{\text{下表面密度}} \right)$

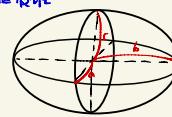


E.g.  $k=1$  平行六面体  $k=0$  四棱锥

1 棱球体

参数

$a, b, c$



2 棱圆柱台

参数

$a, b, h, \alpha, \beta, k \left( \frac{\text{上表面密度}}{\text{下表面密度}} \right)$

E.g.  $k=1$  棱圆柱体

$k=0$  棱圆锥体



Hint: 实体拟合度一般较高，基本只看表面形态

↑ 表面

↓ 实体

# 拟合度计算

[!] 算的是绝对拟合度

## ① 形状(体积)因子

- 体积较原图形的重叠程度 Overlap(Cluster)

- 多余部分 Excessive(Cluster)

$$\boxed{I_1} = \frac{\text{Overlap(Cluster)} - \text{Excessive(Cluster)}}{\text{Total Volume}}$$

## ② 与 Block 相关

实际	目标
$ p_1(\text{Surface(Block)}) - p_1(\text{Surface(Target)})  = \Delta p_1$	
$ p_2(\text{Surface(Block)}) - p_2(\text{Surface(Target)})  = \Delta p_2$	

$$\boxed{I_2} = e^{-(k_1 \Delta p_1 + k_2 \Delta p_2)}$$

iii) 颜色部分: 由内而外逐层计算为  $\Delta_c$

$(P_{\text{blue}}, G_{\text{blue}}, B_{\text{blue}}), (R_{\text{standard}}, G_{\text{standard}}, B_{\text{standard}})$ .

$$\Delta_{\text{color}} \stackrel{\text{def}}{=} \sqrt{\sum_{B \in B} \frac{|P_{\text{block}} - P_{\text{standard}}|^2}{3}} \quad (\text{逐层加权})$$

$$\boxed{I_3} = e^{-(\frac{\Delta_{\text{color}}}{\Delta c} - 1)} \quad (\Delta_{\text{color}} = \Delta c 的 10\% \sim 100\%)$$

iv) 形状部分

[原则] 对应块的三维形状必须属于同一类  $I \in \{0, 1\}$  (同类别, 不同类别)

$$\Delta_{\text{shape}} = \sqrt{\sum_{x \in \text{attribute-set}(block)} \frac{|X_{\text{desire}} - X_{\text{actual}}|^2}{\# \text{attribute-set}}} \quad \text{待改进}$$

$$\text{因子} = I \cdot e^{-\Delta_{\text{shape}}}$$

综合以上因素得到一个拟合度矢量  $\boxed{J} = (\text{体积因子}, \text{体积因子}, \text{颜色因子}, \text{形状因子})$

$$\underline{\text{def}} = (V_U, V_{st}, V_C, V_{sh})$$

$$\begin{pmatrix} V_U & V_{st} & V_C & V_{sh} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \frac{V_{j_1}}{J_1} & \frac{(p_1, p_2)}{J_2} & \frac{(P, G, B)}{J_3} & \frac{(x_1, \dots, x_k)}{J_4} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{Uj_1} & V_{stj_2} & V_{Cj_3} & V_{shj_4} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} VW \\ (V_{st}p_1, V_{st}p_2) \\ (V_{C R}, V_{C G}, V_{C B}) \\ (V_{sh}x_1, \dots, V_{sh}x_k) \end{pmatrix} = f_{\text{same}}(\text{Block}, \text{Cluster}).$$

概念: 等同方块  $\rightarrow$  "整体感"

$$\text{偏上得拟合度函数} \times fit = \frac{\sum_{\text{Block}} \frac{f_{\text{same}}(\text{Block}, \text{Cluster})}{f_{\text{same}}(\text{Block}, \text{Building})}}{\# \text{Block}} \quad (0\% \sim 100\%)$$

$$\Delta_{\text{same}}(\text{Block 1}, \text{Block 2}, \text{Cluster}) : \boxed{\frac{\text{相应的形状及颜色差}}{4}}$$

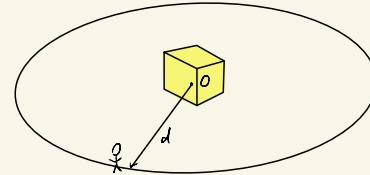
我们定义, 若  $\Delta_{\text{same}} < f_{\text{eye}}$ , 则认为是相同方块.  $\rightarrow$  计算出方块数.

上聚类算法

# Q2

信息的获取  
E.g. ADS-B  
AIS 船舶定位

④ 面对每一个实体，从不同角度看，只要它们中心位置的距离不变，观察到的那面的面积是相同的。



假设 ① “事件”   
 { 小规模 E.g. 地球运动  
 大规模 E.g. 大幅倒塌 → 手动更新 }



- ③ 线条、线路有密度  
④ 实体(entity)视为质点

② “中间态” —— Minecraft  
on 1  
block 静态  
entity 实体

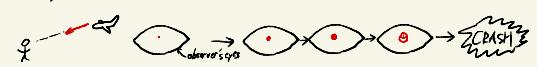
问题：E.g. 船进港去人进不去  
② 船基本要在海上

⑦ 由于车不多，因此不考虑实体的遮挡

⑧ 由于途径香港的航班大多为 HKG 起降，因此在香港做完观测到飞机的概率为 0，故本模型中只考虑 HKG 中观测到飞机起降

⑨ 所有数据取疫情后为准

⑩ 对飞机的观测可近似为二维情况（因为由⑧，不会有飞机在低空中掠过 HKG，故人要识别起降飞机，其运动方向大致与视线共线）

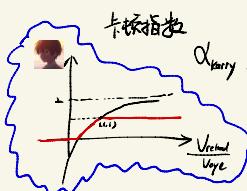


⑪  $Z=0$  以标准海平面为基准

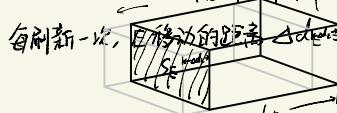
## 本地

动态起来 —— 周期速度  $V_{refresh}$  = 每秒刷新速度  
(单位: Hz (s))

$$\text{每秒计算次数 } M = \sqrt{\frac{C}{V_{refresh}}} \cdot \text{ 每秒刷新多少个实体的位置 } (P_{refresh})$$



对于一个实体 E (Entity)  
正常移动速度  $V_E$  单位: m/s  
线度  $L_E$  单位: m  
截面积  $S_E = L_E^2$  单位:  $m^2$   
距离观察者距离  $d$  单位: m  
占比像素数  $N_E$  单位: 1  
单位面积实体密度  $P_E$  单位:  $m^{-2}$



$$\Delta V_E = S_E \cdot d_E$$

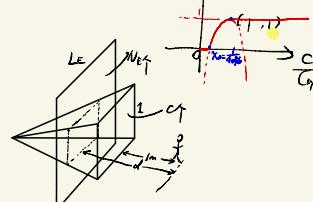
每刷新一次，有  $\frac{V_E}{V_{refresh}}$   $N_E$  个像素被刷新

$$N_E = \left(\frac{r-d}{r-1}\right) L_E^2 C \quad \downarrow \quad V = 2ad_E L_E C \cdot \left(\frac{r-d}{r-1}\right)^2$$

清晰度 C 定义：喜欢者在观察游戏中距离喜欢者实际为 1m 的面积为  $1m^2$  的区域的像素数

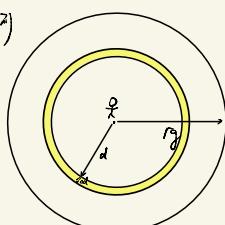
像这一插值的人脸扭曲  
为  $C_{sp}$  或  $C_{sp}^{(4000)}$

$$C = \begin{cases} 1 & , \frac{c}{C_{sp}} \in (1, \infty) \\ -\frac{C_{sp}}{c} (c - 1)^2 + 1 & , \frac{c}{C_{sp}} \in [\frac{1}{C_{sp}}, 1] \\ 0 & , \frac{c}{C_{sp}} \in (0, \frac{1}{C_{sp}}) \end{cases}$$



E.g.  $P_E \approx 0.001023 m^{-2}$

$P_{refresh}$  ① 地面上的环



$r_g$ : 地面观察距离  $\approx 2000m$

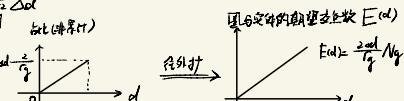
地面上共有  $N_g = \pi r_g^2 P_E$  个实体

距离为  $d$  的范围内共有  $N_g(d) = \pi d^2 P_E$  个实体

$$\text{比例系数 } \frac{N_g(d)}{N_g} = \left(\frac{d}{r_g}\right)^2 \propto d^2$$

$$\text{微元部分: } \frac{1}{r_g^2} [(dr)d^2 - d^2] \frac{dxdy}{r_g^2} \Rightarrow \frac{2}{r_g^2} d^2 dx dy$$

$$\text{且 } \delta g(d) = \frac{2d}{r_g^2}$$



对于每一个圆环，其规则刷新像素数为  $\frac{2ad}{r_g} N_g \cdot 2ad_E L_E C \frac{r-d}{r-1}$  (期望值)

$$\text{累加: } \sum_{d=1}^{\infty} \frac{2ad}{r_g} N_g \cdot 2ad_E L_E C \cdot \left(\frac{r-g}{r-1}\right)^2$$

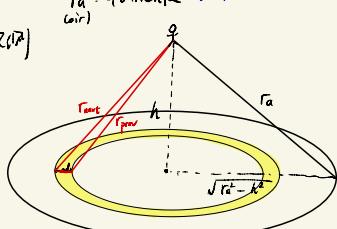
$$\stackrel{\text{def}}{=} A \sum_{d=1}^{\infty} ad \cdot \left(\frac{r-g}{r-1}\right)^2 = A \int_0^{\infty} ad \cdot \left(\frac{r-g}{r-1}\right)^2 dx = \frac{4\pi r_g^2 a d_E L_E C}{3(r_g-1)^2}$$

$$(A = \frac{4\pi r_g a d_E L_E C}{r_g} = 4\pi r_g p_{refresh} d_E L_E C)$$

1

$r_a$ : 平均航高度  $\approx 13000m$

②空中视图



对于椭圆的外圆环中,  $|ad| \rightarrow 0$ , 我们取  $r_{\text{next}}$  作为与圆环中所有点最近距离  
( $ad \ll h$ )

$$\text{像素数} = \frac{2ad}{\sqrt{r_a^2-h^2}} N_g(\sqrt{r_a^2-h^2}) \cdot 2ad L_E C \left( \frac{h-r_{\text{next}}}{r_a-1} \right)^2$$

$$= \frac{4\pi\sqrt{r_a^2-h^2} ad L_E C}{(r_a-1)^2} \cdot ad (h-r_{\text{next}})^2$$

②

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^{\lfloor \frac{\sqrt{r_a^2-h^2}}{ad} \rfloor} B ad (r_a - \sqrt{h^2 + (iad)^2})^2 &= \int_0^{\sqrt{r_a^2-h^2}} B (r_a - \sqrt{h^2+x^2})^2 dx \\ &= B \left( x(h^2+r_a^2) + r_a \sqrt{h^2+x^2} \left( \frac{h \sinh^{-1} \frac{x}{h}}{\sqrt{(x^2+1)}} - x \right) + \frac{x^3}{3} \right) \Big|_0^{\sqrt{r_a^2-h^2}} \\ &= B \left( \sqrt{r_a^2-h^2} (h^2+r_a^2) - r_a^2 \left( \frac{h \sinh^{-1} \frac{\sqrt{r_a^2-h^2}}{h}}{\sqrt{r_a^2-h^2}} + \sqrt{r_a^2-h^2} \right) + \frac{(r_a^2-h^2)^{\frac{3}{2}}}{3} + r_a h \sinh^{-1}(0) \right) \\ &= \frac{4\pi\sqrt{r_a^2-h^2} ad L_E C}{(r_a-1)^2} \left( \sqrt{r_a^2-h^2} \cdot h^2 - h^2 r_a \sinh^{-1} \frac{\sqrt{r_a^2-h^2}}{h} + \frac{(r_a^2-h^2)^{\frac{3}{2}}}{3} \right) \end{aligned}$$

③

③ 关于飞机  $\curvearrowleft$  地面上的 ~~区域性~~ - 性价比计算

$\ll r_a$

$$P_{\text{relad}} = \frac{4\pi L_{\text{plane}}^2 p ad L_E C}{3(L_{\text{plane}}-1)^2}$$

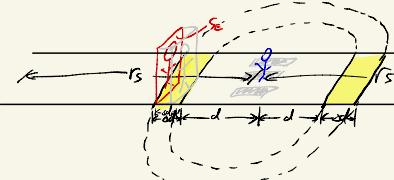
④

$$\begin{aligned} V_{\text{plane}} &\approx 700 \text{ m/s} \\ L_{\text{plane}} &\approx \sqrt[3]{38.82 \times 12.61 \times 17.39} \\ &\approx 23.452 \text{ m} \end{aligned}$$

$$p_{\text{plane}} = 0.163 \times 10^{-6} \text{ m}^{-2}$$

④ 关于人 类比为直线 (一维统计)  $r_s$   $\curvearrowleft$  200m  
(street)

假设  $ad$ -圆: 共有  $p_E ad w_s$  个物体 (期望值)



$$\begin{aligned} P_{\text{relad}} &= \lim_{ad \rightarrow 0} \sum_{i=1}^{\lfloor \frac{r_s}{ad} \rfloor} p_E ad w_s \cdot C \cdot \left( \frac{r_s - iad}{r_s - 1} \right)^2 \cdot \frac{se}{L_E} \cdot 2ad \\ &= \frac{2 p_E w_s C se ad L_E}{(r_s - 1)^2 L_E} \int_0^{r_s} x(r_s - x)^2 dx \\ &= \frac{r_s^4 p_E w_s C se ad L_E}{6(r_s - 1)^2 L_E} \end{aligned}$$

⑤

① 具体问题：For a specific type of entity:

② 需要进行多少次计算：设为  $P_{\text{calc-local}}$   $\rightarrow P_{\text{calc-cloud}}$

$$P_{\text{calc-local}} = \underbrace{\text{每次} \times \text{每次更新实体数} \times \text{每个实体的算数}}_{\text{总次数}} \\ = V_{\text{reload}} \cdot N_E \cdot C \cdot (2L_E \Delta t_E) \quad \text{图示}$$

$$P_{\text{calc-local}} = \text{每次} \times \text{每次更新} \cdot \left( \sum_{E \in \text{实体}} N_E \right) \\ = V_{\text{reload}} \cdot \sum_{E \in \text{实体}} \left( \frac{r-d}{r-1} \right)^k L_E^C$$

③ 基于数据存储空间  $S_{\text{storage}}$   $\left\{ \begin{array}{l} S_{\text{local}} \\ S_{\text{cloud}} \end{array} \right.$

$$S_{\text{cloud}} = \text{实体数} \times \text{参数数} = \sum_{E \in \text{实体}} \text{参数数} \times \text{实体数}$$

$$S_{\text{local}} = \sum_{E \in \text{实体}} N_E = k \sum_{E \in \text{实体}} \left( \frac{r-d}{r-1} \right)^k L_E^C$$

④ (自己提出的) 综合指标  $K$

$\left\{ \begin{array}{l} \text{清晰度指标} \propto \alpha_1 \\ \text{卡顿指标} \propto \alpha_2 \\ \text{抖动指标} \propto \alpha_3 \\ \text{刷新速度指标} \propto \alpha_4 = 2 - e^{-\frac{\text{适应刷新频率}}{\text{实际刷新频率}}} \end{array} \right.$	+ & 值	权重 ( $\sum w_i = 1$ )
	+ & 低于 0.1 秒	$w_1$
	+ & $w_2$	
	+ & $w_3$	

$$K = w_1 \alpha_1 + w_2 \alpha_2 + w_3 \alpha_3 + w_4 \alpha_4$$

## 数值精度优化

看得见距离：飞机，地铁移动的时间  $t_{\text{accessible}}$   $\rightarrow$  看不到距离：飞机，地铁移动的时间  $t_{\text{inaccessible}}$  因此对有限空间的感知

$$\text{对于轮渡，可能有明显变化的尺度} \approx \frac{1000 \text{ m}}{10 \text{ m/s}} = 100 \text{ s} (t_{\text{accessible-ship}}), \quad t_{\text{inac}} = \frac{86400 \text{ s}}{493.3} \approx 175.15 \text{ s}$$

$$\text{公理化值: } \frac{t_{\text{accessible}}}{t_{\text{accessible}} + t_{\text{inaccessible}}}$$

$$[75] \approx 57.10\%$$

$$\text{对于飞机 (每天200架次)} \quad \text{起飞} \approx 30-35 \text{ s}, \quad t_{\text{inac}} = \frac{86400 \text{ s}}{200} = 432 \text{ s}$$

$$[75] \approx 8.10\%$$

$$\text{对于地铁} \quad \text{比例} \approx \frac{40 \text{ s}}{5 \text{ min}} = 13.33\%$$