



# LLM 솔루션을 참고하는 프로그램 합성

Guided Recursive Program Synthesis referencing LLM solutions

한양대학교 프로그래밍시스템 연구실

조한결

# 합성 방식의 장단점 Neural vs Basic Search

|              | Correctness Guarantee | Scalability | Method                     |
|--------------|-----------------------|-------------|----------------------------|
| Basic search | ○                     | Low         | Search algorithm           |
| Neural       | X                     | High        | Large Language Model (LLM) |

# 합성 방식의 장단점 Neural vs Basic Search

|              | Correctness Guarantee | Scalability | Method                     |
|--------------|-----------------------|-------------|----------------------------|
| Basic search | ○                     | Low         | Search algorithm           |
| Neural       | X                     | High        | Large Language Model (LLM) |

# ChatGPT의 오답 예시

- Q : give me ocaml function that takes the last n elements of a list l.  
f [1;2;3;4;5] 3 = [3;4;5],  
f [1;2;3] 1 = [3]  
f [3;2;1] 2 = [2;1]

# ChatGPT의 오답 예시

- Q : give me ocaml function that takes the last n elements of a list l.

$f [1;2;3;4;5] 3 = [3;4;5],$

$f [1;2;3] 1 = [3]$

$f [3;2;1] 2 = [2;1]$

- A : 

```
let rec f n l =  
  match l with  
  | [] -> []  
  | hd :: tl ->  
    if n <= 0 then l  
    else f (n - 1) tl
```

# ChatGPT의 오답 예시

- Q : give me ocaml function that takes the last n elements of a list l.

$f [1;2;3;4;5] 3 = [3;4;5]$ ,

$f [1;2;3] 1 = [3]$

$f [3;2;1] 2 = [2;1]$

l n

Correct solution

- A : 

```
let rec f n l =  
  match l with  
  | [] -> []  
  | hd :: tl ->  
    if n <= 0 then l  
    else f (n - 1) tl
```

```
if n = 0 then []  
else if List.length tl < n  
then l  
else f tl n
```

# Key Idea

- LLM이 만드는 솔루션 활용하기
  - 함수형 프로그램 합성을 위해 LLM에 자연어 기술 + 입출력 예제를 제공 시 **올바르지 못한 솔루션**이 종종 도출됨
  - 비록 올바르게 못한 솔루션이지만 **정답 프로그램과 유사한 구조**를 갖춘 경우가 빈번

# Key Idea

- LLM이 만드는 솔루션 활용하기
  - 함수형 프로그램 합성을 위해 LLM에 자연어 기술 + 입출력 예제를 제공 시 **올바르지 못한 솔루션**이 종종 도출됨
  - 비록 올바르게 못한 솔루션이지만 **정답 프로그램과 유사한 구조**를 갖춘 경우가 빈번
- LLM이 준 솔루션을 탐색 기반 합성 가이드에 사용
  - 두 합성 방법의 장점 결합하기  
LLM 기반 합성의 Scalability + 탐색 기반 합성의 Correctness Guarantee
  - LLM 솔루션과 비슷한 후보 우선 탐색하기



# 양방향 합성 과정 - 후보 나열

**Bottom-up  
Enumerator**

**Candidate  
Generator**

Component = { x, y, [], hd(x), tl(x), ... }

Size < n 인 부품들 생성

# 양방향 합성 과정 - 후보 나열

$$\text{Candidate} = \{ \_, \text{match } x \text{ with } \dots \}$$
$$\begin{array}{ll} | [] \rightarrow \_ & | [] \rightarrow y \\ | \text{hd}::\text{tl} \rightarrow \_ & | \text{hd}::\text{tl} \rightarrow \_ \end{array}$$

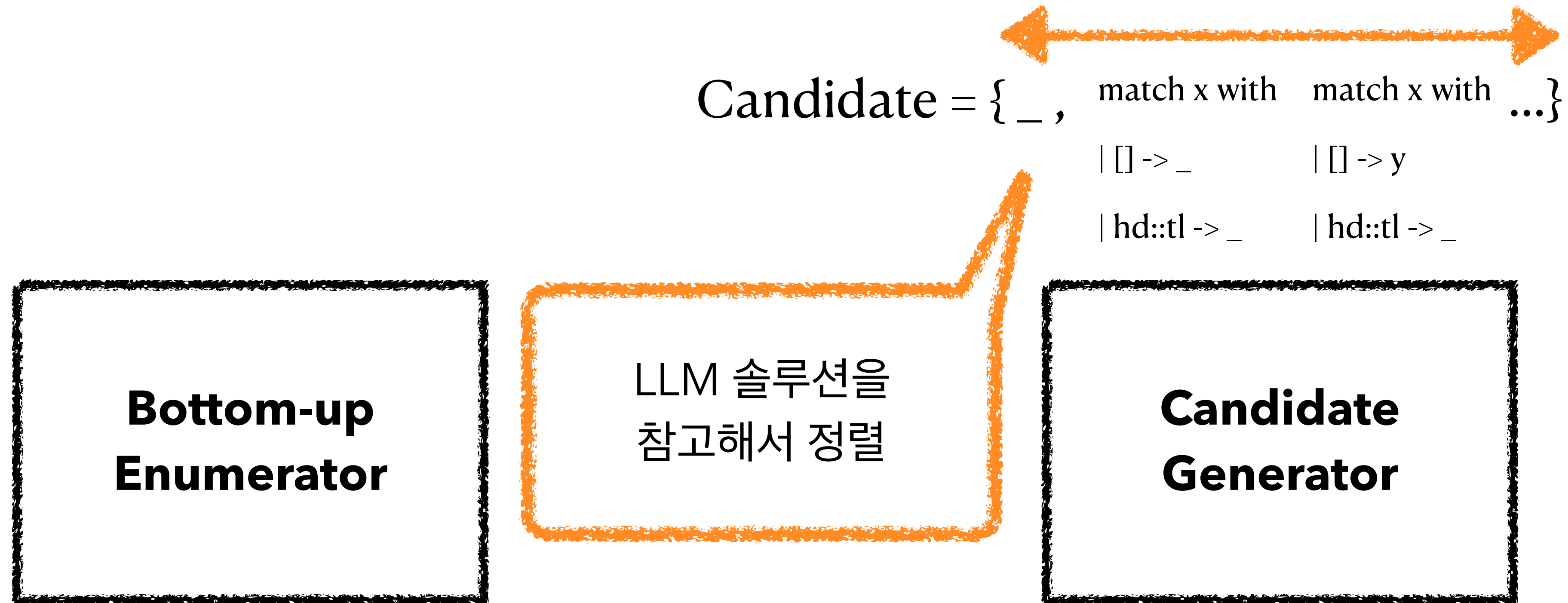
**Bottom-up  
Enumerator**

$\text{Component} = \{ x, y, [], \text{hd}(x), \text{tl}(x), \dots \}$

**Candidate  
Generator**

\_에서 시작해 후보 프로그램 나열,  
미완성 부분에 부품들을 넣어 완성

# 양방향 합성 과정 - 후보 나열



Component = { x, y, [], hd(x), tl(x), ... }

## 방법: 탐색 시 LLM의 솔루션과 유사한 것 먼저 고려하기

- 합성 중 생성하는 후보를 LLM 솔루션과 유사도를 측정해 정렬
- 유사 측정: Tree edit differencing Algorithm
  - Tree edit distance(TED): 원본 트리에서 목적 트리 (1)노드 삽입, (2)노드 삭제, (3)노드 수정 세 가지 명령을 통해 변경하기 위한 최단 명령 수 계산
  - Gumbtree algorithm: TED + (4)노드 이동 네가지 명령을 통해 변경하기 위한 최단 명령 수 계산
- 미완성 후보가 가지는 미완성부분( \_ ) 을 고려하도록 설계

# Tree edit distance

- Tree edit distance(TED)

원본 트리에서 목적 트리 (1)노드 삽입, (2)노드 삭제, (3)노드 수정 세 가지 명령을 통해 변경하기 위한 최단 명령 수

$$P = \{add, del, replace\}$$

$add(t)$  : insert node in right-most of t

$del(t)$  : delete right-most node of t

$rep(t)$  : rename the label of right-most node of t

$$TED(T_1, T_2) = \begin{cases} 0, & T_1 = T_2 \\ \min_{a \in P} \{cost(a) + TED(a(T_1), T_2)\}, & \text{otherwise} \end{cases}$$

# Tree edit distance

$$P = \{add, del, replace\}$$

$$TED(T_1, T_2) = \begin{cases} 0, & T_1 = T_2 \\ \min_{a \in P} \{cost(a) + TED(a(T_1), T_2)\}, & \text{otherwise} \end{cases}$$

$add(t)$  : insert node in right-most of  $t$   
 $del(t)$  : delete right-most node of  $t$   
 $rep(t)$  : rename the label of right-most node of  $t$

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl -> match y with

| [] -> x

| hd2::tl2 -> hd :: f tl \_

hd :: f tl y

**Del x 8**  
**Add x 5**  
**Distance = 13**

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl -> hd :: f tl y

# 미완성 후보 고려하기

- 미완성 부분( `_` )을 가지는 입력도 계산 가능하도록 TED 확장
- 미완성 부분은 목적 트리와의 거리가 가장 작도록 낙관적으로 계산

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl -> match y with

| [] -> x

| hd2::tl2 -> hd :: f tl `_`

`hd :: f tl _`

**Del x 7**  
**Add x 4**  
**( `_` x 1 )**  
**Distance = 11**

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl -> hd :: f tl y

# LLM 솔루션과 유사도로 탐색하기

후보 1

```
let f (x:list) (y:list) : list =
```

```
match x with
```

```
| [] -> y
```

```
| hd::tl -> match tl with
```

```
  | [] -> x
```

```
  | hd2::tl2 -> hd2 :: f x _
```

Timeout

TED distance: 11

```
let f (x:list) (y:list) : list =
```

```
match x with
```

```
| [] -> y
```

```
| hd::tl -> hd :: f tl y
```

LLM 솔루션

TED distance: 11

후보 2

```
let f (x:list) (y:list) : list =
```

```
match x with
```

```
| [] -> y
```

```
| hd::tl -> match y with
```

```
  | [] -> x
```

```
  | hd2::tl2 -> hd :: f tl _
```



# Gumtree algorithm $\delta$

- Gumtree algorithm  $\delta$ 
  - 원본 트리에서 목적 트리 (1)노드 삽입, (2)노드 삭제, (3)노드 수정, (4)노드 이동 네 가지 명령을 통해 변경하기 위한 최단 명령 수
  - 동일 서브트리를 찾아 mapping set  $M$ 에 저장해 노드 이동 수행
  - *dice* 함수를 사용해 서브 트리가 같은 것 중 이동 시 동일 비율이 더 좋아지는 것 선택

$$\begin{aligned}
 P &= \{add, del, replace\} & \begin{array}{l} add(t) : \text{insert node in right-most of } t \\ del(t) : \text{delete right-most node of } t \\ rep(t) : \text{rename the label of right-most node of } t \end{array} \\
 TED(T_1, T_2) &= \begin{cases} 0, & T_1 = T_2 \\ \min_{a \in P} \{cost(a) + TED(a(T_1), T_2)\}, & \text{otherwise} \end{cases} \\
 \delta(T_1, T_2, M) &= \min \begin{cases} TED(T_1, T_2) \\ \{\delta(T_1 - p_1, T_2 - p_2, M \setminus \{\langle t_1, p_1, p_2 \rangle\}) + 1 \mid \langle t_1, p_1, p_2 \rangle \in M, t_1 = T_1|p_1, t_2 = T_2|p_2\} \end{cases} \\
 dice(t_1, t_2, M) &= \frac{2 \times |\{t_1 \in s(t_1) \mid (t_1, t_2) \in M\}|}{|s(t_1)| + |s(t_2)|}, \quad s(t) : \text{set of descendants of } t
 \end{aligned}$$

# Gumtree algorithm $\delta$

- 원본 트리와 목적트리에 존재하는 모든 동일 서브트리를 찾아 **mapping set M**에 저장

```
let f (x:list) (y:list) : list =
```

```
  match x with
```

```
  | [] -> y
```

```
  | hd::tl -> match y with
```

```
    | [] -> x
```

```
    | hd2::tl2 -> hd :: f tl _
```

```
let f (x:list) (y:list) : list =
```

```
  match x with
```

```
  | [] -> y
```

```
  | hd::tl -> hd :: f tl y
```



**M : { hd::f tl }**

# Gumtree algorithm $\delta$

- 찾은  $M$ 을 제외한 원본 트리에 TED로 목적 트리와 같게 만들기 위한 최단 명령 계산

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl -> match y with

| [] -> x

| hd2::tl2 ->

Del x 3

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl ->

M

M : { hd::f tl }

# Gumtree algorithm $\delta$

- M을 이용한 이동 명령으로 목적 트리와 같게 만들기 위한 최단 명령 계산

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl ->

hd :: f tl \_

Del x 3  
Move x 1  
( \_ x 1)  
Distance = 4

let f (x:list) (y:list) : list =

match x with

| [] -> y

| hd::tl -> hd :: f tl y

# LLM 솔루션과 유사도로 탐색하기

후보 1

TED distance: 11  
 $\delta$  distance: 11

```
let f (x:list) (y:list) : list =  
  match x with  
  | [] -> y  
  | hd::tl -> hd :: f tl y
```

LLM 솔루션

```
let f (x:list) (y:list) : list =  
  match x with  
  | [] -> y  
  | hd::tl -> match tl with  
    | [] -> x  
    | hd2::tl2 -> hd2 :: f x _
```

TED distance: 11  
 $\delta$  distance: 4

후보 2

```
let f (x:list) (y:list) : list =  
  match x with  
  | [] -> y  
  | hd::tl -> match y with  
    | [] -> x  
    | hd2::tl2 -> hd :: f tl _
```

# 실험

- ChatGPT가 오답을 주고, 기존 합성기 Trio가 합성하지 못한 8개 문제 실험
  - Timeout 5m, **X**: incorrect, **O**: correct

|               | ChatGPT solution | Trio           | Guided Trio (TED) | Guided Trio (Gumtree) |
|---------------|------------------|----------------|-------------------|-----------------------|
| list_append_u | <b>X</b>         | <b>timeout</b> | <b>timeout</b>    | <b>timeout</b>        |
| list_last_n   | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>timeout</b>    | <b>O (290s)</b>       |
| list_pairwise | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (0.33s)</b>      |
| tree_notexist | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>X</b>          | <b>O (249s)</b>       |
| list_drop     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (1.14s)</b>      |
| list_last     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (6.75s)</b>      |
| list_nth2     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (7.68s)</b>      |
| list_seconds  | <b>X</b>         | <b>timeout</b> | <b>timeout</b>    | 구현 문제 error           |

**TED** 를 사용하는 경우,  
**4 문제 합성 성공**



# 실험

- ChatGPT가 오답을 주고, 기존 합성기 Trio가 합성하지 못한 8개 문제 실험

- Timeout 5m, **X**: incorrect, **O**: correct

|               | ChatGPT solution | Trio           | Guided Trio (TED) | Guided Trio (Gumtree) |
|---------------|------------------|----------------|-------------------|-----------------------|
| list_append_u | <b>X</b>         | <b>timeout</b> | <b>timeout</b>    | <b>timeout</b>        |
| list_last_n   | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>timeout</b>    | <b>O (290s)</b>       |
| list_pairwise | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (0.33s)</b>      |
| tree_notexist | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>X</b>          | <b>O (249s)</b>       |
| list_drop     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (1.14s)</b>      |
| list_last     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (6.75s)</b>      |
| list_nth2     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (7.68s)</b>      |
| list_seconds  | <b>X</b>         | <b>timeout</b> | <b>timeout</b>    | 구현 문제 error           |

**Gumtree** 경우,  
2개 문제에 추가 합성,  
총 **6** 문제 성공

# 실험

- ChatGPT가 오답을 주고, 기존 합성기 Trio가 합성하지 못한 8개 문제 실험
  - Timeout 5m, **X**: incorrect, **O**: correct

|               | ChatGPT solution | Trio           | Guided Trio (TED) | Guided Trio (Gumtree) |
|---------------|------------------|----------------|-------------------|-----------------------|
| list_append_u | <b>X</b>         | <b>timeout</b> | <b>timeout</b>    | <b>timeout</b>        |
| list_last_n   | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>timeout</b>    | <b>O (290s)</b>       |
| list_pairwise | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (0.33s)</b>      |
| tree_notexist | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>X</b>          | <b>O (249s)</b>       |
| list_drop     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (1.14s)</b>      |
| list_last     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (6.75s)</b>      |
| list_nth2     | <b>X</b>         | <b>X</b>       | <b>O</b>          | <b>O (7.68s)</b>      |
| list_seconds  | <b>X</b>         | <b>timeout</b> | <b>timeout</b>    | 구현 문제 error           |

같은것 하나만 남기기  
때문에 발생하는 문제 발견



# 같은것 하나만 남기기 문제

- list\_append\_u 문제에서 필요한 부품을 만들지 않는 것을 확인

f [3;4;5;6] [1;2;3;4] = [1;2;3;4;5;6]

f [1;2;3;4] [3;4;5;6;7] = [3;4;5;6;7;1;2]

f [4;5;6;7] [1;2;3;4] = [1;2;3;4;5;6;7]

주어진 입출력 예제

필요한 부품: (**is\_member** hd(x) y)

필요한 부품의 signature: [ **true; false; true** ]

입력 예제 실행 결과

signature를 [ **true; false; true** ] 로 가지는 부품이 존재: (**is\_member 1 y**)

# 같은것 하나만 남기기 문제

- list\_append\_u 문제에서 필요한 부품을 만들지 않는 것을 확인

원인: 같은것 하나만 남기기(Observational Equivalence)

- 탐색 기반 합성에 쓰이는 최적화 기법으로 입력에 대해 결과가 같은 부품 중 하나만 남기기
- 필요한 부품을 생성해도 이미 같은 결과를 가지는 부품이 존재하는 경우 무시
- 입출력 예제가 적을수록 발생하기 쉬움



TODO

같은것 하나만 남기기 시 LLM 솔루션을 참고하여 부품 남기기

# 결론

- LLM 솔루션을 탐색 가이드에 활용하여 합성 가속화
- 올바름을 보장해주지 못하는 LLM 기반 솔루션을 활용하여 올바른 솔루션 합성
- 기존에 하지 못하는 문제에 대해 성공적으로 합성
- Future work...
  - 같은것 하나만 남기기 시 LLM 솔루션을 참고하여 부품 남기기
  - Challenge: 탐색 공간에 영향을 덜 주어야 함, LLM이 틀리는 경우 필요없는 부품을 생성