

Prof. Gilberto Irajá Müller

2018/2 Prova Grau A (6,0) Est. Avançada I

Nome:

1) (0,5). Com base na árvore a seguir, responda as questões à direita.

1 5	Grau do nó 2	0
	Número de nós folhas	3
	Profundidade do nó 3	3
	Nível do nó 3	3
	Altura do nó 4	3

2) (1,0). Responda V ou F para as afirmações abaixo.

2) (1	L,0). Responda V ou F para as afirmações abaixo.
F	Uma árvore binária cheia com altura h terá 2^h - 1 (2^{h+1} - 1) nós.
F	A exclusão por cópia em uma BST consiste em encontrar a maior chave da subárvore à esquerda tornando-a a raiz da subárvore à direita (definição para exclusão por merging).
F	Em uma árvore binária AVL (balanceada) os FBs de todos os nós estão no intervalo $-2 \le FB \le 2 \ (-1 \le FB \le 1)$.
v	Na B^+ -tree os nós internos armazenam m - 1 chaves de forma a guiar a busca. Sabe-se que m é a ordem.
F	A técnica de correção ortográfica utilizada no TRIE que avança um caractere na chave e avança um nível na árvore é chamada de exclusão (substituição).
F	Em uma árvore genérica o nó tem no máximo "n" subárvores (não há um máximo).
F	Na B-tree todos os nós (páginas) possuem ocupação mínima de 50% (à exceção da raiz).
F	A árvore TRIE pode ser usada como corretor ortográfico. Algumas técnicas podem ser aplicadas: substituição, exclusão, inserção e união (transposição).
F	Uma QuadTree é útil em busca espacial, compressão de imagens, entre outros. Isso é possível em função da estrutura do nó, pois o mesmo é dividido em 4 quadrantes: norte, noroeste, sul e sudoeste (noroeste, nordeste, sudoeste e sudeste).
F	A árvore TRIE é ordenada e genérica (n-ária).



Prof. Gilberto Irajá Müller

2018/2 Prova Grau A (6,0) Est. Avançada I

- 3) (0,2). Ao inserir em uma BST as chaves na ordem: 8, 2, 4, 10, 7 e 6, qual é a profundidade da chave 7? Resp.: $\mathbf{3}$.
- 4) (0,2). Foi apresentado 4 percursos utilizados em árvore binária. Com base na implementação em Java abaixo, qual seria o percurso?

```
public void mystery() {
    mystery(root);
}

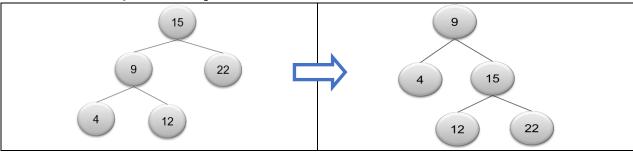
private void mystery(Node node) {
    if (node != null) {
        mystery(node.left);
        mystery(node.right);
        System.out.print(node + " ");
    }
}
```

Resposta: **PÓS ORDEM**.

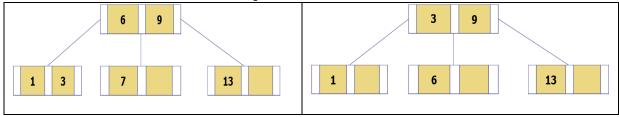
5) (0,2). Com base na árvore da Questão 1, apresente os percursos a seguir.

Percurso	Caminho (chaves)	
Pré-ordem	6 4 1 3 2 5 7	
Pós-ordem	2 3 1 5 4 7 6	

6) (0,2). Faça a rotação à direita de 15, que é a raiz da transformação. Coloque a árvore final no lado direito.



7) (0,2). Considerando a B-Tree abaixo, ao excluir a chave 7, como ficará a árvore final? Coloque a árvore final no lado direito.

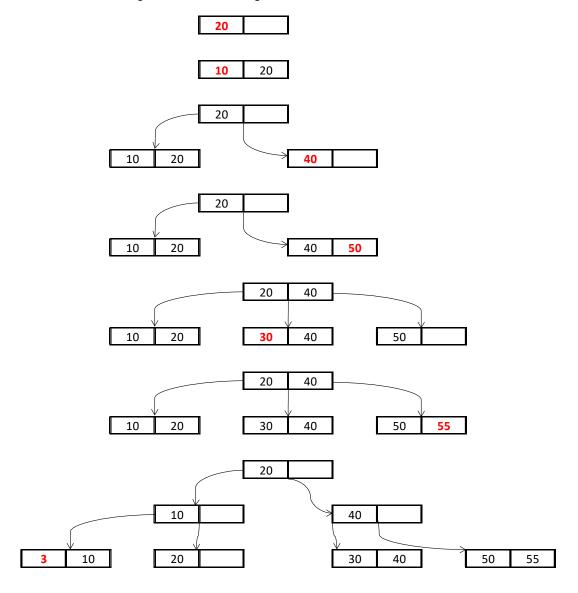




Prof. Gilberto Irajá Müller

2018/2 Prova Grau A (6,0) Est. Avançada I

a. (1,0). Mostre a árvore B^+ -Tree (passo-a-passo) para as seguintes chaves: 20, 10, 40, 50, 30, 55, 3. Considere m=3. Fator de igualdade à esquerda.

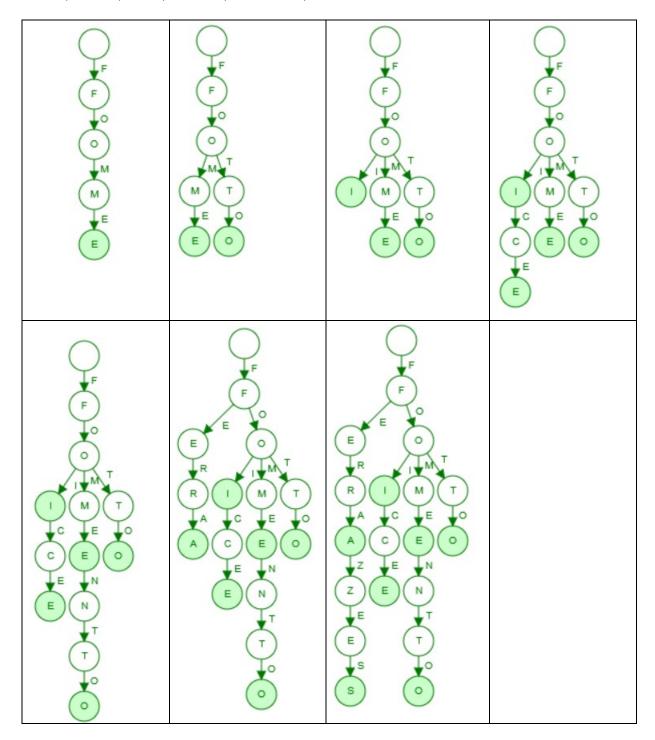




Prof. Gilberto Irajá Müller

2018/2 Prova Grau A (6,0) Est. Avançada I

8) (1,0). Monte a árvore TRIE (passo-a-passo) para as seguintes chaves: FOME, FOTO, FOI, FOICE, FOMENTO, FERA e FERAZES.

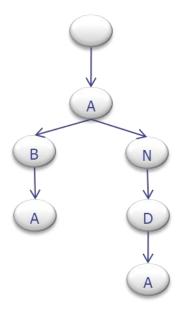




Prof. Gilberto Irajá Müller

2018/2 Prova Grau A (6,0) Est. Avançada I

9) (0,5). Aplique no TRIE abaixo (passo-a-passo) a técnica de correção ortográfica denominada substituição. Palavra digitada: ADA.



A - A (ok)

B - D (erro)

N - D (erro)

A - A (ok) (avança 1 na chave e no nível da árvore). Ocorre a regra de substituição, pois avança no nível da árvore e na chave.

Como o último elemento está na folha e, na outra subárvore não coincide, então, pela regra de substituição, será sugerido a palavra ABA (substituição do D pelo B). O algoritmo pode parar aqui ou continuar utilizando outras regras.



Prof. Gilberto Irajá Müller

2018/2 Prova Grau A (6,0) Est. Avançada I

10) (1,0). Considere que a matriz abaixo é um arquivo bitmap. Faça a árvore QuadTree (passo-a-passo e em nível) apenas para o quadrante NW e: para o preto coloque como identificador do nó a letra P e o branco coloque como identificador a letra B. Para um nó que possui ambas as cores, deixe em branco. Não há necessidade de colocar os bits gerados para cada nó, portanto, apenas a árvore construída.

