



**<Titre principal>**

**Thèse**

**<Prénom Nom>**

**Doctorat en <discipline> – <majeure, s’il y a lieu>**  
Philosophiæ doctor (Ph.D.)

Québec, Canada

© <Prénom Nom>, <20xx>



# Table des matières

Table des matières	iii
Liste des tableaux	v
Liste des figures	vii
1 B.a.-ba du mode mathématique	1



# Liste des tableaux



# Liste des figures





# Chapitre 1

## B.a.-ba du mode mathématique

De manière générale, soit  $x$  un nombre (entier pour le moment) dans la base de numération  $b$  composé de  $m$  chiffres ou symboles, c'est-à-dire  $x = x_{m-1}x_{m-2} \cdots x_1x_0$ , où  $0 \leq x_i \leq b-1$ . On a donc

$$x = \sum_{i=0}^{m-1} x_i b^i. \quad (1.1)$$

Lorsque le contexte ne permet pas de déterminer avec certitude la base d'un nombre, celle-ci est identifiée en indice du nombre par un nombre décimal. Par exemple,  $10011_2$  est le nombre binaire 10011.

Soit le nombre décimal 348. Selon la notation ci-dessus, on a  $x_0 = 8$ ,  $x_1 = 4$ ,  $x_2 = 3$  et  $b = 10$ . En effet, et en conformité avec eq :ordinateurs :def\_base,  $348 = 3 \times 10^2 + 4 \times 10^1 + 8 \times 10^0$ . *Ce nombre a les représentations suivantes dans d'autres bases. En binaire :  $101011100_2 = 1 \times 2^8 + 0 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$ . En octal :  $534_8 = 5 \times 8^2 + 3 \times 8^1 + 4 \times 8^0$ . En hexadécimal :  $15C_{16} = 1 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + 12 \times 16^0$ . Des représentations ci-dessus, l'hexadécimal est la plus compacte : elle permet de représenter avec un seul symbole un nombre binaire comptant jusqu'à quatre chiffres. C'est, entre au*

Dans un ordinateur réel (par opposition à théorique), l'espace disponible pour stocker un nombre est fini, c'est-à-dire que  $m < \infty$ . Le plus grand nombre que l'on peut représenter avec  $m$  chiffres ou symboles en base  $b$  est  $x_{max} = \sum_{i=0}^{m-1} (b-1)b^i$

$$\begin{aligned} &= (b-1) \sum_{i=0}^{m-1} b^i \\ &= (b-1) \left( \frac{b^m - 1}{b-1} \right) \\ &= b^m - 1. \end{aligned}$$