Казанский национальный исследовательский технический университет им. А. Н. Туполева-КАИ

Институт радиоэлектроники и телекоммуникаций

Кафедра радиоэлектронных и телекоммуникационных систем

Методические указания к лабораторной работе «Элементы программирования в среде MATLAB»

по дисциплине «Прикладные информационные технологии»

Цель работы: знакомиться с элементами программирования в системе MATLAB, Научиться работать со скрипт-файлами и скрипт функциями

1. Функции пользователя

Хотя в ядро MATLAB последних версий встроено около тысячи операторов и функций, входящих как во входной язык MATLAB, так и в его язык программирования, пользователю всегда может понадобиться та или иная функция, простая или сложная, отсутствующая в ядре. Язык программирования систем MATLAB предоставляет ряд возможностей для задания функций пользователя.

Одна из таких возможностей заключается в применении функции *inline*, аргумент которой надо задать в апострофах. В приведенном ниже примере задана функция двух переменных - суммы квадратов sin(x) и cos(y):

```
>> sc2=inline('sin(x).^2+cos(y).^2')

sc2 =

Inline function:

sc2(x,y) = sin(x).^2+cos(y).^2
```

Можно также создать так, называемую, handle-функцию с помощью оператора @:

```
>> fh=@sc2;
```

К такой функции можно обращаться с помощью функции исполнения функций feval (f h , x , y) :

```
>> feval(fh,1,2)
y=
0.8813
ans =
0 .8813
>> feval(fh,2,1)
y=
1.1187
ans =
1.1187
```

2. Управляющие структуры

Язык программирования MATLAB имеет стандартные средства для задания управляющих структур, например циклов и условных выражений, а также двух основных программных объектов: скрипт-файлов и поименованных m-файлов-функций. Рассмотрим кратно их организацию.

Условный оператор if в общем виде записывается следующим образом: if Условие

Инструкции_1

elseif Условие

Инструкции 2

else

Инструкции 3

end

Эта конструкция допускает несколько частных вариантов. В простейшем, типа if . . . end

if Условие

Инструкции

end

пока условие возвращает логическое значение 1 (то есть «истина»), выполняются инструкции, составляющие тело структуры if...end. При этом оператор end указывает на конец перечня инструкций. Инструкции в списке разделяются оператором, (запятая) или; (точка с запятой). Если условие не выполняется (дает логическое значение 0, т. е. «ложь»), то инструкции также не выполняются.

Циклы типа f o r . . .end обычно используются для организации вычислений с заданным числом повторяющихся циклов. Конструкция такого цикла имеет следующий вид:

for var=Выражение, Инструкция, . . ., Инструкция end

выражение чаще всего записывается в виде s:d:e, где s — начальное значение переменной цикла var, d — приращение этой переменной и e — конечное значение управляющей переменной, при достижении которого цикл

завершается. Возможна и запись в виде s : e (в этом случае d=1). Список выполняемых в цикле инструкций завершается оператором end.

Хорошо известный цикл типа while выполняется до тех пор, пока выполняется условие:

```
while Условие
Инструкции
end
```

Для осуществления множественного выбора (или ветвления) используется конструкция с переключателем типа switch:

```
switch switch_Выражение
    case case_Выражение
    Cписок инструкций
    case {case_Выражение1, Case_выражение2, case_Выражение3,...}
    Cписок инструкций
    ...
    otherwise,
    Cписок_инструкций
end
```

Если выражение после заголовка switch имеет значение одного из выражений саѕе_Выражение., то выполняется блок операторов саѕе, в противном случае — список инструкций после оператора otherwise. При выполнении блока саѕе исполняются те списки инструкций, для которых саѕе_Выражение совпадает со switch_Выражением. Обратите внимание на то, что саѕе_Выражение может быть числом, константой, переменной, вектором ячеек или даже строчной переменной.

В управляющих структурах, в частности в циклах for и while , часто используются операторы, влияющие на их выполнение.

Так, оператор break может использоваться для досрочного прерывания выполнения цикла. Как только он встречается в программе, цикл прерывается.

Пример:

```
for i=1:10 i,
         if i==5 break,
         end,
end;
```

Оператор continue передает управление в следующую итерацию цикла, пропуская операторы, которые записаны за ним, причем во вложенном цикле он передает управление на следующую итерацию основного цикла

Пример:

```
for i=1:10 i,
    if i==5
        continue,
    end
    x=i;
end
```

Оператор return обеспечивает нормальный возврат в вызывающую функцию или в режим работы с клавиатурой. Пример применения оператора return:

```
function d = det(A)
%DET det(A) is the determinant of A.
if isempty(A)
d = 1;
    return
else
   ...
end
```

В данном примере если матрица A пустая, будет выведано значение 1, после чего управление будет передано в блок else. . .end.

3. Файлы-сценарии и файлы-функции

Файл-сценарий, именуемый также Script-файлом (скрипт-файлом), является просто поименованной записью пользователем серии команд без входных и выходных параметров. Он имеет следующую структуру:

```
%Основной комментарий
%Дополнительный комментарий
Тело файла с любыми выражениями
```

Важны следующие свойства файлов-сценариев:

- они не имеют входных и выходных аргументов;
- работают с данными из рабочей области;
- в процессе выполнения не компилируются;
- представляют собой зафиксированную в виде файла последовательность

операций, полностью аналогичную той, что используется в сессии.

Основным комментарием (в фирменной документации он назван Н1) является первая строка текстовых комментариев, а дополнительным — последующие строки. Основной комментарий выводится при выполнении команд lookfor и help имя_каталога. Полный комментарий выводится при выполнении команды help имя файла. Рассмотрим следующий файл-сценарий:

```
% Plot with color red
% Строит график синусоиды линией красного цвета
% с выведенной масштабной сеткой в интервале [xmin,xmax]
x=xmin:0.1:xmax;
plot(x,sin(x),'r')
grid on
```

Первые три строки здесь — это комментарий, остальные — тело файла. Обратите внимание на возможность (не рекомендуемую) задания комментария на русском языке. Знак % в комментариях должен начинаться с первой позиции строки.

Обратите внимание на то, что такой файл нельзя запустить без предварительной подготовки, сводящейся к заданию значений переменным хтіп и хтіп

М-файл-функция является типичным полноценным объектом языка программирования системы MATLAB. Одновременно он является полноценным модулем с точки зрения структурного программирования, поскольку содержит входные и выходные параметры и использует аппарат

локальных переменных. Структура такого модуля с одним выходным параметром выглядит следующим образом:

function var = f_name (Список параметров) %Основной комментарий %Дополнительный комментарий Тело файла с любыми выражениями var=выражение

М-файл-функция имеет следующие свойства:

- он начинается с объявления function, после которого указывается имя переменной var выходного параметра, имя самой функции и список ее входных параметров;
- функция возвращает свое значение и может использоваться в виде пате (Список параметров) в математических выражениях;
- все переменные, имеющиеся в теле файла-функции, являются локальными, то есть действуют только в пределах тела функции;
- файл-функция является самостоятельным программным модулем, который общается с другими модулями через свои входные и выходные параметры;
- правила вывода комментариев те же, что у файлов-сценариев;
- файл-функция служит средством расширения системы МАТLAB;
- при обнаружении файла-функции он компилируется и затем исполняется, а созданные машинные коды хранятся в рабочей области системы MATLAB.

Последняя конструкция var=выражение вводится, если требуется, чтобы функция возвращала результат вычислений.

Циклы for часто используются для реализации итерационных алгоритмов с заданным числом итераций. Рассмотрим классический пример — генерацию последовательности чисел Фибоначчи. Первые два числа f_1 и f_2 равны 1, а по последующие определяются как сумма двух предыдущих чисел, т.е.

 $f_{i+2} = f_{i+1} + f_i$ Для вычислении цепочки из N > 2 чисел Фибоначчи зададим функцию:

```
\begin{split} &\text{function } f{=}fib\;(N) \\ &f=[1\;1]\;; \\ &\text{for } 1=1\;:\!N{-}2 \\ &\quad f\;(\;i+2\;)=f\;(\;i+1\;)+f\;(\;i\;)\;; \\ &\text{end} \\ &\text{end} \end{split}
```

Теперь, записав функцию под именем fib в директорию WORK, можно вычислить цепочку чисел Фибоначчи от первого числа до N-го (N целое число, большее 2):

```
>> f i b (10)
ans = 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55
```

Приведенная форма файла-функции характерна для функции с одним выходным параметром. Если выходных параметров больше, то они указываются в квадратных скобках после слова function. При этом структура модуля имеет следующий вид:

```
function [vari,var2,...]=f_name(Список_параметров) %Основной комментарий %Дополнительный комментарий Тело файла с любыми выражениями varl=выражение var2=выражение
```

Такая функция во многом напоминает процедуру. Её нельзя слепо использовать непосредственно в математических выражениях, поскольку она возвращает не единственный результат, а множество результатов — по числу выходных параметров. Если функция используется, как имеющая единственный выходной параметр, но имеет ряд выходных параметров, то для возврата значения будет использоваться первый из них. Это, зачастую, ведет к ошибкам в математических вычислениях. Поэтому, как отмечалось, данная функция используется как отдельный элемент программ вида:

```
[ v a r 1, v a 2, . . . ] = f_name (Список_параметров)
```

После его применения переменные выхода var1, var2,... становятся определенными и их можно использовать в последующих математических выражениях и иных сегментах программы. Если функция используется в виде f_name (Список_параметров), то возвращается значение только первого выходного параметра — переменной var1.

Переменные, указанные в списке параметров функции, являются локальными и служат для переноса значений, которые подставляются на их место при вызовах функций. Возврат из функции производится после обработки всего тела функции, то есть при достижении конца файла функции. При использовании в теле функции условных операторов, циклов или переключателей иногда возникает необходимость осуществить возврат функции раньше, чем будет достигнут конец файла. Для этого служит команда return. В любом случае результатом, возвращаемым функцией, являются значения выходных параметров (в нашем случае выходным параметром является переменная z), присвоенные им на момент возврата.

Итак, из сказанного ясно, что переменные в файлах-сценариях являются глобальными, а в файлах-функциях — локальными. Нередко применение глобальных переменных в программных модулях может приводить к побочным эффектам. Применение локальных переменных устраняет эту возможность и отвечает требованиям структурного программирования. При необходимости переменные можно сделать глобальными, записав их имена после оператора глобализации global:

global var1 var2 ...

Начиная с версии 5.0 в функции системы MATLAB можно включать *подфункции*. Они объявляются и записываются в теле основных функций и имеют идентичную им конструкцию. Не следует путать эти функции с внутренними функциями, встроенными в ядро системы MATLAB. Подфункции

определены и действуют локально, то есть только в пределах m-файла, определяющего основную функцию. Команда help name выводит комментарий, относящийся только к основной функции, тогда как команда type name выводит весь листинг m-файла. Так, что заданные в некотором m-файле подфункции нельзя использовать ни в командном режиме работы, ни в других m-файлах.

4. Основы работы с редактором файлов

Для создания m-файлов сценариев и функций в MATLAB имеется специальный редактор/отладчик таких файлов. Его пустое окно открывается командой New (Новый файл), которую можно ввести активизацией кнопки с тем же названием в панели инструментов или из позиции File меню окна MATLAB. Эта команда выводит подменю со списком типов файлов. Мы будем рассмативать m-файлы.

К примеру, введем такой скрипт-файл:

```
x=0:0.1:15;

y=\sin(x);

plot(x,y)
```

Пример ввода листинга этого файла в окне редактора/отладчика m-файла показан на рис. 1.1. Введенный файл можно пустить из окна редактора, исполнив команду Run в позиции Debug (Отладка) меню окна редактора. При этом редактор откроет обычное окно записи файла с заданным именем (например, demol). Рекомендуется записать его в директорию work системы МАТLAB. Эта директория будет установлена и в панели инструментов окна системы. При пуске будет вычислено выражение 2+3 и число 5 появится в окне сессии МАТLAB, а в отдельном графическом окне будет построен график синусоидальной функции. Все это и видно на рис. 1.1.

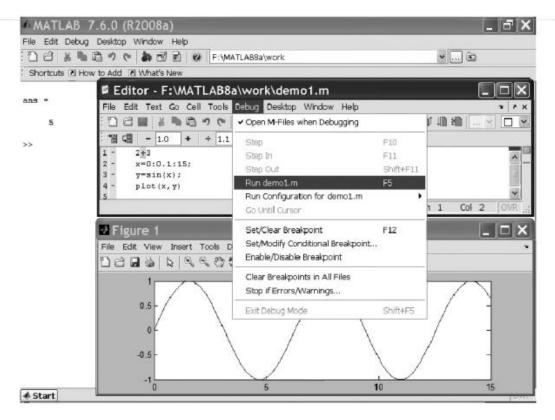


Рис 1.1 пример задания m-файла построения графика синусоиды Редактор/отладчик m-файлов это в сущности специализированный текстовый редактор, предназначенный для записи и отладки программ на языках системы MATLAB, отдельных их фрагментов, процедур и функций. Строки листинга нумеруются и в них можно вставлять специальные точки останова для отладки сложных программ. В этих точках можно контролировать и изменять значения переменных.

2. Численные методы решения не линейных уравнений

Пусть задана функция f(x). Необходимо найти корни уравнения f(x) = 0 Вычислить с заданной точностью ε корень уравнения x, принадлежащий отрезку $\begin{bmatrix} a,b \end{bmatrix}$. Предполагается, что на отрезке $\begin{bmatrix} a,b \end{bmatrix}$ находится единственный корень, причем функция f(x) на данном отрезке непрерывна.

2.1 Метод половинного деления

Разделим отрезок [a,b] пополам точкой $C = \frac{a+b}{2}$. Если $f(c) \neq 0$, то возможны два случая

- функция f(x) меняет знак на отрезке [a, c];
- функция f(x) меняет знак на отрезке [c, b].

Выбирая в каждом случае тот отрезок, на котором функция меняет знак, и продолжаем процесс половинного деления до тех пор, пока не выполнится условие

$$b-a \leq \varepsilon$$

Рисунок 1. иллюстрирует алгоритм нахождение корня методом половинного.

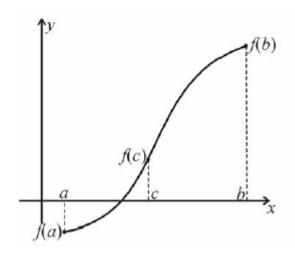


Рис.2.1 Приближение к корню уравнения методом половинного деления
2.2 Метод секущих

Фиксируется некоторая точка $x0 \in [a,b]$, в которой $f(x0) \cdot f''(x0) > 0$. Начальным приближением корня уравнения выбирается некоторая точка $x_1 \in [a,b]$ удовлетворяющая условию $f(x0) \cdot f(x1) < 0$. Итерационная формула метода секущих имеет вид:

$$x_{i+1} = x_{i-1} - \frac{f(x_{i-1}) \cdot (x_i - x_{i-1})}{f(x_i) - f(x_{i-1})}$$

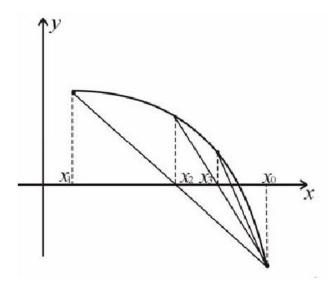


Рис. 2.2 Приближение к корню уравнения методом секущих Повторять операцию следует до тех пор, $|x_i - x_{i-1}|$ пока не станет меньше или равно заданному значению погрешности ε

Задание 1.

Найти корень уравнения f(x) = 0 на отрезке [a,b] с точностью $\mathcal{E} = 10^{-4}$ методом половинного деления. Решение оформить в виде отдельной функции в m-файле используя средства программирования MATLAB. Построить график функции и убедиться в правильности решения.

Задание 2.

Найти корень уравнения f(x) = 0 на отрезке [a,b] с точностью $\varepsilon = 10^{-4}$ методом хорд. Решение оформить в виде отдельной функции в m-файле используя средства программирования MATLAB. Построить график функции и убедиться в правильности решения.

	Уравнение $f(x) = 0$	Отрезок $[a,b]$
1	$x^3 + 0.3 \cdot x^2 + 1.8 \cdot x - 15 = 0$	[2,3]
2	$x^3 + 0.2 \cdot x^2 + 5 \cdot x + 4 = 0$	[-1,0]
3	$x^3 + 0.7 \cdot x^2 + 4.7 \cdot x - 1.5 = 0$	[0,2]
4	$x^3 + 11 \cdot x^2 - 8 \cdot x - 25 = 0$	[1.5,3]
5	$x^3 + 3 \cdot x^2 + 3 \cdot x + 4 = 0$	[-3,-2]
6	$x^3 - 2 \cdot x - 0.4 = 0$	[1,2]
7	$x^3 + x^2 + 3 \cdot x - 13 = 0$	[1,3]
8	$x^3 + x^2 + 3.8 \cdot x - 2 = 0$	[0,1]
9	$x^3 + 3.5x^2 + 12 \cdot x + 19 = 0$	[-3,-1.5]
10	$x^3 + 6x^2 - 17 \cdot x - 21 = 0$	[2,3.5]