

# Модель хищник-жертва

---

Стаменкович Огнен НПИбд-02-19<sup>1</sup>

7 марта, 2022, Москва, Россия

<sup>1</sup>Российский Университет Дружбы Народов

# Цели и задачи работы

---

# Цель лабораторной работы

Изучить модель хищник-жертва

## Задание к лабораторной работе

1. Построить график зависимости  $x$  от  $y$  и графики функций  $x(t)$ ,  $y(t)$
2. Найти стационарное состояние системы

# **Процесс выполнения лабораторной работы**

---

Рассмотрим базисные компоненты системы.

1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории)
2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает
3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными
4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается
5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = (-ax(t) + by(t)x(t)) \\ \frac{dy}{dt} = (cy(t) - dy(t)x(t)) \end{cases}$$

Стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

## Условие задачи

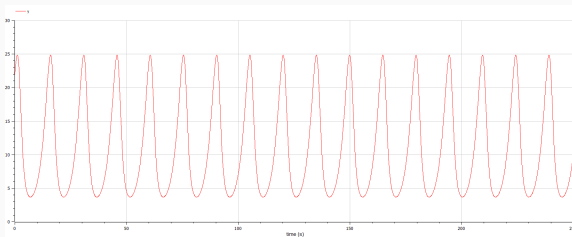
Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.51x(t) + 0.046y(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.41y(t) - 0.036y(t)x(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях:  $x_0 = 6$ ,  $y_0 = 22$  Найдите стационарное состояние системы

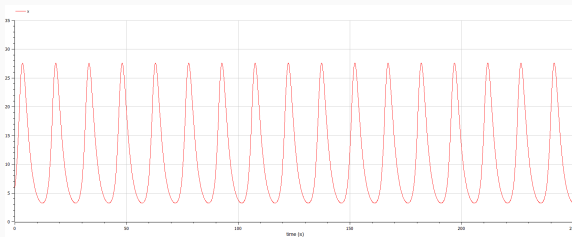


# График изменения численности хищников



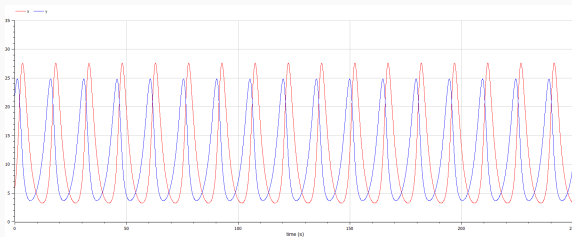
**Figure 1:** График численности хищников от времени

# График изменения численности жертв



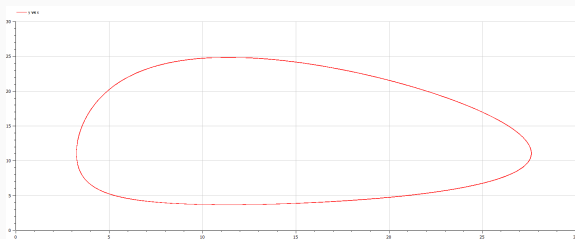
**Figure 2:** График численности жертв от времени

# Графики изменения численности жертв и хищников



**Figure 3:** График численности жертв и хищников от времени

# График зависимости численности хищников от численности жертв



**Figure 4:** График численности хищников от численности жертв

Стационарное состояние

$$x_0 = \frac{a}{b} = 11.086, y_0 = \frac{c}{d} = 11.388$$

## **Выводы по проделанной работе**

---

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики.