



República Bolivariana de Venezuela
Ministerio del Poder Popular para la Educación Superior
Universidad de Carabobo
Facultad Experimental de Ciencias y Tecnología



Fundamentos de Optimización Computacional

Proyecto: “Colas del Comedor Universitario”

Profesora:
Yenin Rodríguez

Analistas de Líneas de Espera:

~~Ivonne Ortega~~

Olinda López

Luis Pérez

Naguanagua, Octubre 2015



Contenido

Planteamiento del Problema	3
Objetivo General.....	4
Objetivos Específicos.....	4
Justificación.....	4
Modelado, Situación Real del Sistema	5
Situación Real del Comedor	7
Entonces empleando la notación de Kendall	7
Medidas de Eficiencia.....	8
Gráficas	9
Bitácora	10
Datos Recolectados.....	10
Día #1.....	10
Día #2.....	11
Día #3.....	12
Día #4.....	13
Día #5.....	14
Instrumento de Recolección de Datos.....	15
Recomendaciones	16
Primera Aclaratoria:.....	17
Segunda Aclaratoria:.....	17

Planteamiento del Problema

La Universidad de Carabobo es una institución encargada de formar profesionales en muchas áreas en el estado Carabobo, por lo que diariamente recibe a un gran número de estudiantes, personal administrativo y obrero pasan la mayor parte de su día a día dentro de las instalaciones de la universidad.

La universidad cuenta con una infraestructura que abarca algunos kilómetros, en los cuales se encuentran múltiples edificios de las distintas facultades que conforman la universidad, algunos de estos edificios, como es el comedor universitario, están destinados a satisfacer las necesidades alimentarias de la población universitaria (estudiantes, obreros, profesores, personal administrativo)

El comedor universitario de la Universidad de Carabobo es el encargado de suministrar una alimentación balanceada y variada con productos de calidad a la comunidad universitaria, pero debido a la cantidad de personas que se movilizan en horas del almuerzo al comedor y la cantidad de personal que existe para administrar el lugar, se forman líneas de espera.

A pesar de que no todo el mundo come en el comedor o asiste regularmente a él, el fenómeno de las líneas de espera siempre está presente, además influyen otros factores como la prioridades que tienen algunas personas por ser personal administrativo y estudiantes becarios, o las personas que no respetan la dinámica de una cola de espera y fuerzan su entrada posicionándose en medio o a principio de la cola.

Otro de los factores que afectan el servicio del comedor es la administración eficiente de los recursos con los que cuenta o la capacidad que usa cuando comienza a dar servicio, por ejemplo, la cantidad empleados sirviendo alimentos muy rara vez es la máxima.

Los factores antes descritos pueden provocar que un estudiante pase cantidades exageradas de tiempo en espera de ser atendido y es necesario acotar que, los estudiantes son quienes pueblan en su mayoría el comedor universitario y que cuentan con una cantidad de tiempo limitada impuesta por su horario de clase para regresar a las aulas, esto afecta su desempeño, debido a que no están presentes a tiempo en el salón de clase y no logran captar el contenido expuesto por el profesor.

Por las razones antes mencionadas, **Queues** (nuestra empresa ficticia, reciente en el mercado de líneas de espera) ha decidido realizar un estudio en el comedor universitario, con el objetivo de realizar un análisis y proponer recomendaciones que mejoren el servicio.

Objetivo General

Elaborar un "Diagnóstico de las Líneas de Espera del Comedor de la Universidad de Carabobo Campus Bárbula" con el propósito de reducir los tiempos de espera.

Objetivos Específicos

- ✓ Realizar un estudio sobre el estado actual de la situación del comedor.
- ✓ Aplicar los conocimientos sobre Líneas de Espera obtenidos de Fundamento de Optimización Computacional para describir el sistema del comedor universitario.
- ✓ Generar un conjunto de gráficas que muestren algunas distribuciones de probabilidad y se comparen con los datos recolectados sobre el sistema.
- ✓ Simular mediante un programa realizado en PHP las posibles situaciones de líneas de esperas del comedor.
- ✓ Proponer soluciones al problema identificado.

Justificación

La razón principal que motiva el estudio de este fenómeno se encuentra en nuestra inherente curiosidad por describir mediante el uso de los métodos de líneas de espera la dinámica del comedor universitario. Esta investigación se realiza para aplicar el estudio de colas y brindar una descripción equivalente de la situación real en forma analítica, que posteriormente permitirán identificar los aspectos relevantes del sistema, los cuales servirán para tomar medidas que ayudan a regular la situación.

El principal motivo de realizar un ajuste en la situación actual, es decir, en la cual los estudiantes acceden al comedor y los mecanismos que se emplean para su administración es reducir los tiempo que pasa una persona en cola, permitiéndole regresar a sus actividades, de modo que no afecte su horario o planificación, o por lo menos que esta espera no comprometa completamente alguna actividad.

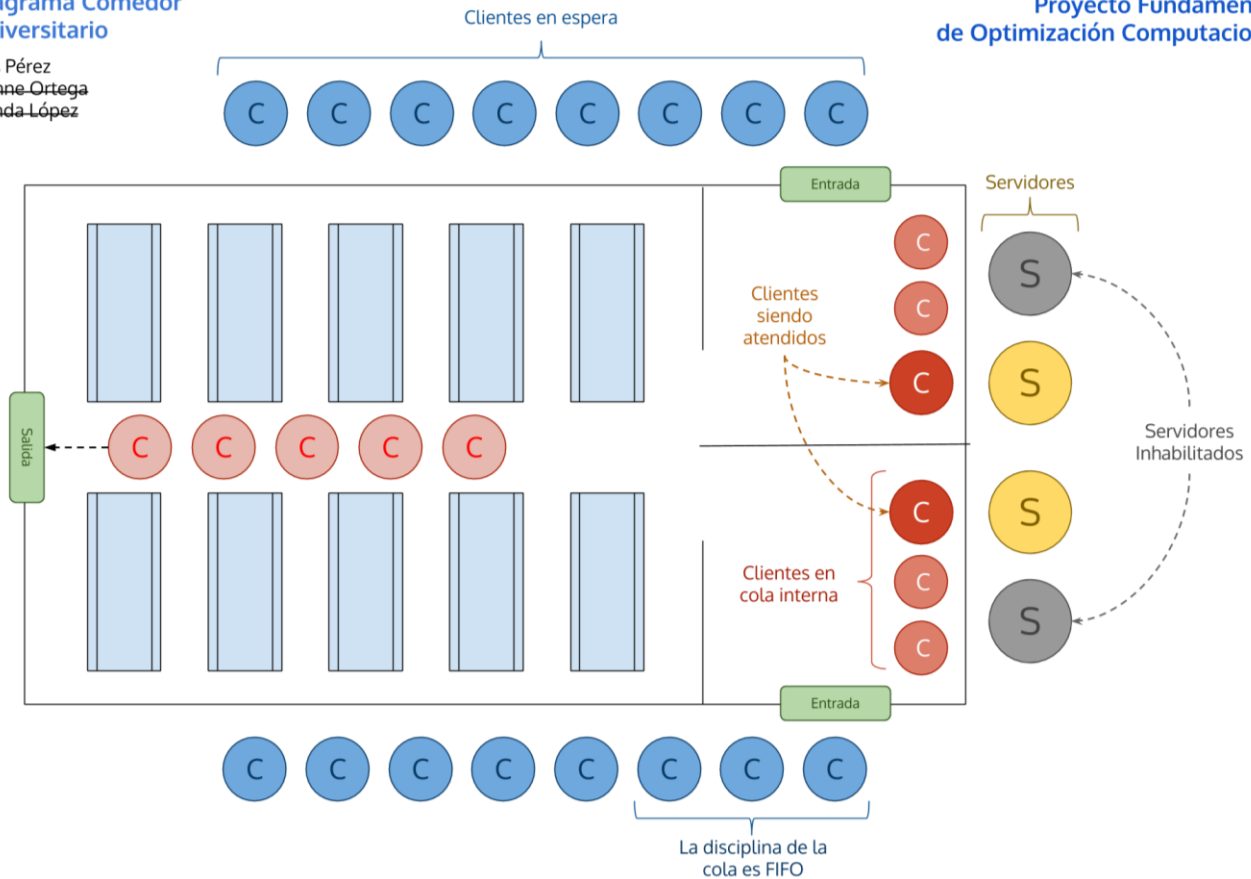
Modelado, Situación Real del Sistema

A continuación se muestra un gráfico de nuestra percepción del sistema.

Diagrama Comedor Universitario

Luis Pérez
Ivonne Ortega
Olinda López

Proyecto Fundamentos de Optimización Computacional



Se tiene una cantidad s de servidores en paralelo, de los cuales solo operaban 2 al momento de la toma de datos.

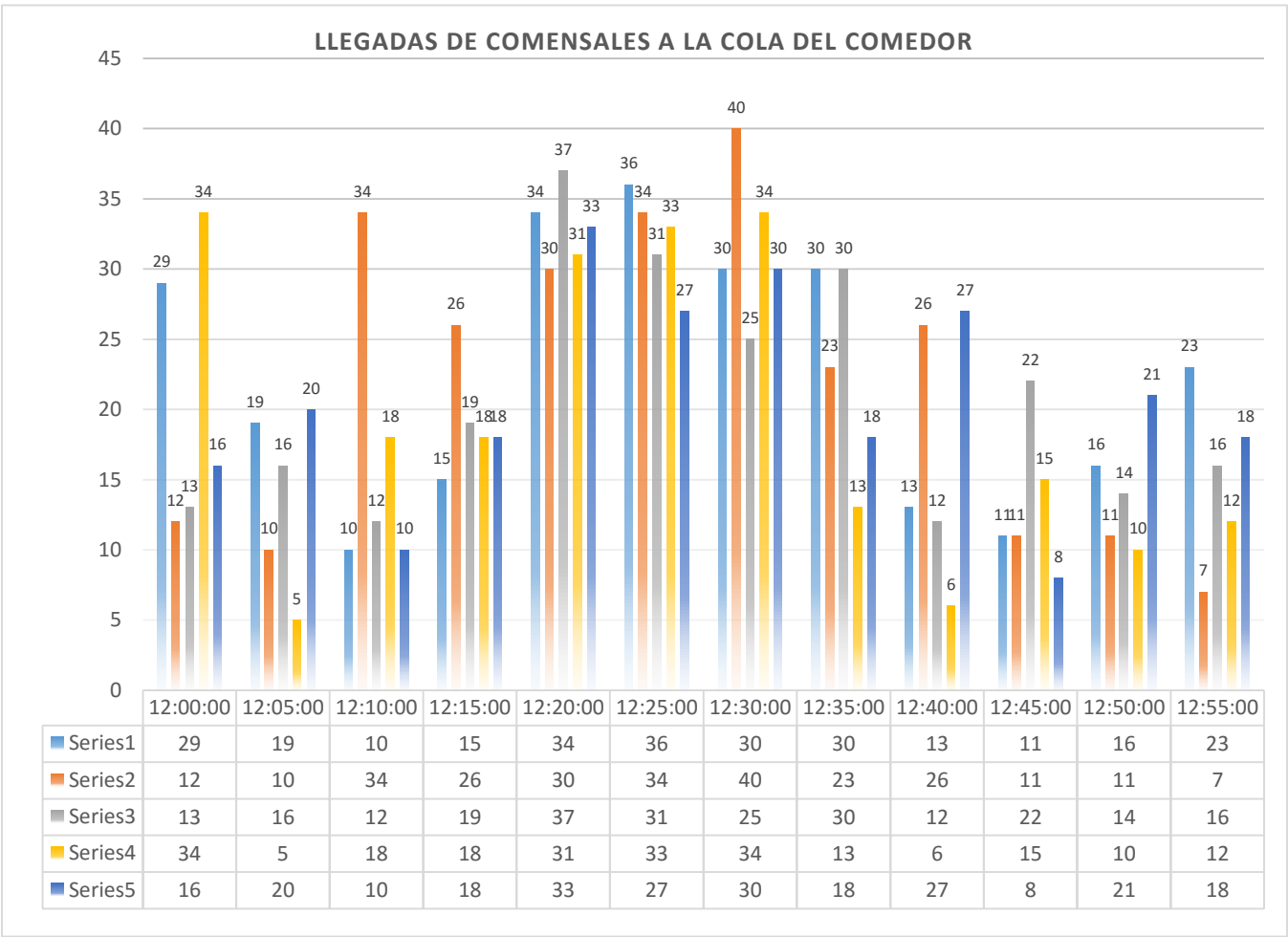
Se tiene una cantidad s de servidores en paralelo, de los cuales solo 2 operan y brindan servicio por orden de llegada, es decir su disciplina de servicio es First Come, First Serve (del inglés "Primero en llegar, Primero en ser atendido" en adelante FCFS)

De los clientes, se tiene que existe una fuente continua e infinita (en teoría) de clientes, estos aguardan por servicio bajo una disciplina FCFS, sin embargo existen dos colas de este tipo, una para becarios y empleados, y la otra cola para estudiantes, a la entrada un empleado del comedor elige, bajo ninguna disciplina aparente, la entrada por grupos de aproximadamente 7 personas al comedor, dentro del comedor la cola "interna" sigue los lineamientos FCFS.

Debido a que hay dos colas a la entrada se puede pensar que la cola más corta de estudiantes becarios y empleados no afecta a la cola más larga de estudiantes regulares, por el hecho de que en la cola interna no hay prioridades.

Una vez dentro el comensal recibe una bandeja de alimentación y se dispone a sentarse a comer, *el comedor está dispuesto para recibir a 480 personas*.

Hay que tomar en cuenta el estado de la cola del comedor antes de que este abra sus puertas (**estado inicial**) y el tiempo posterior a este momento cuando se dice que se ha alcanzado una condición de **estado estable**, como se puede observar en los datos y sus gráficas, normalmente se producen la mayor cantidad de llegadas a la cola pasado el momento en el que el comedor inicia operaciones, y cerca de la hora de cierre se producen menos como es de esperarse en condiciones normales.



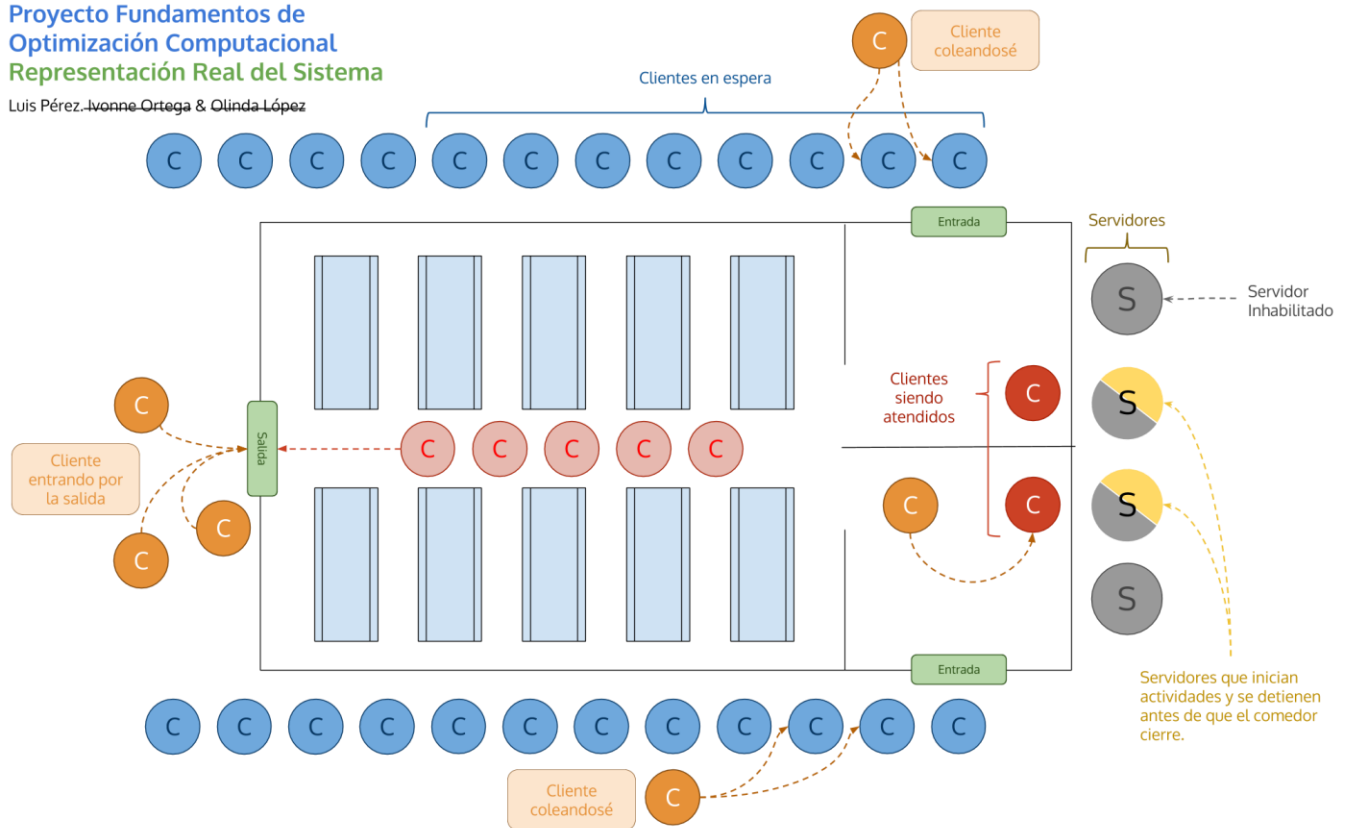
Como se puede observar cerca de las horas de apertura del comedor, alrededor de las 12:15 p.m ~ 12:25 p.m se agrupan la mayor cantidad de llegadas a la cola.

Situación Real del Comedor

El siguiente gráfico describe mejor como se distribuye el orden de llegadas y las características bajo las cuales opera normalmente el funcionamiento del comedor.

Proyecto Fundamentos de Optimización Computacional Representación Real del Sistema

Luis Pérez, Ivonne Ortega & Clinda López



Entonces empleando la notación de Kendall

$(M, M, 1): (FCFS, 480, \infty)$, lo que se refiere a:

- Distribución de llegadas Markoviana
- Distribución de salidas Markoviana
- 1 servidor en paralelo
- Disciplina de la cola es First Come, First Serve
- 480 clientes máximos en el comedor
- El tamaño de la fuente es ∞ infinito.

Medidas de Eficiencia

$$\lambda_n = \begin{cases} \lambda, & 0 \leq n < N \\ 0, & n \geq N \end{cases}$$

$$\mu_n = \mu$$

$$\rho = \lambda/\mu$$

$$L = \begin{cases} \frac{\rho[1 - (N+1)\rho^N + N\rho^{N+1}]}{(1-\rho)(1-\rho^{N+1})}, & \rho \neq 1 \\ \frac{N}{2}, & \rho = 1 \end{cases}$$

$$W = W_q + \frac{1}{\mu} = \frac{L}{\bar{\lambda}}$$

$$P_n = \begin{cases} \frac{1-\rho}{1-\rho^{N+1}}\rho^n, & \rho \neq 1 \\ \frac{1}{N+1}, & \rho = 1 \end{cases}$$

$$L_q = L_s - \frac{\bar{\lambda}}{\mu}$$

$$W_q = \frac{L_q}{\bar{\lambda}}$$

Donde, $\bar{\lambda} = \lambda(P_0 + P_1 + \dots + P_{N-1}) + 0P_N = \lambda(1 - P_N)$

La tabla a continuación muestra una *porción* de los datos recolectados el primer día

Cantidad Llegadas a la cola			Cantidad Atendidos	
<i>Inicio</i>	<i>Fin</i>	<i>Clientes</i>	<i>Taquilla 1</i>	<i>Taquilla2</i>
12:15:00	12:20:00	33	50	34
12:20:00	12:25:00	27	49	34
12:25:00	12:30:00	30	40	24
12:30:00	12:35:00	18	13	47
12:35:00	12:40:00	27	30	0
12:40:00	12:45:00	8	45	33
	Mediana	21	42.50	33.50
	Mediana de ambas taquillas			38

$\lambda = 21$; $\mu = 38$, $\rho = \frac{21}{38} = 0.710526316$, El promedio de utilización del sistema ese día fue de 71%

$$L = \frac{\rho[1 - (N+1)\rho^N + N\rho^{N+1}]}{(1-\rho)(1-\rho^{N+1})} = \frac{0.710[1 - (480+1)0.710^{480} + 480 * 0.710^{480+1}]}{(1-0.710)(1-0.710^{480+1})} = 2.454545455$$

El número promedio de cliente es el sistema de servicio es aproximadamente 3 clientes.

Gráficas

- Gráfica que muestre la distribución de probabilidades de las llegadas al sistema comparada con la distribución Poisson con la tasa media de llegadas obtenida.
- Gráfica que muestre la distribución de probabilidades del tiempo medio entre llegadas al sistema comparada con la distribución exponencial.
- Gráfica que muestre la distribución de probabilidades del servicio (por servidor) comparada con la distribución Poisson con la tasa media de servicio obtenida.
- Gráfica que muestre la distribución de probabilidades del tiempo medio de servicio (por servidor) comparada con la distribución exponencial.

Bitácora

Datos Recolectados

Para la recolección de datos, nos dirigimos al comedor un poco antes de su hora de apertura. Tomando en cuenta la cantidad personas que habían en la cola cuando llegábamos y a partir de la hora de inicio comenzábamos a anotar las llegas y los demás indicadores.

A continuación se presentan tablas que contienen los datos recogidos, cada hoja representa un día de recolección de datos.

Día #1

Martes, 4/08/2015

Cola del lado del estacionamiento		Hora Apertura:	<i>12:09:00</i>
Hora Inicio:	<i>11:55:00</i>	Personas en cola a las 11:57:00:	<i>123</i>
Hora Final:	<i>12:52:00</i>	Capacidad:	<i>480</i>
Muestras:	<i>12</i>	Número de Servidores	<i>2</i>

Intervalos de Medición

Intervalos de Tiempo		# Clientes
<i>0:05:00</i>	<i>11:55:00</i>	<i>16</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:00:00</i>	<i>20</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:05:00</i>	<i>10</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:10:00</i>	<i>18</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:15:00</i>	<i>33</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:20:00</i>	<i>27</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:25:00</i>	<i>30</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:30:00</i>	<i>18</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:35:00</i>	<i>27</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:40:00</i>	<i>8</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:45:00</i>	<i>21</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:50:00</i>	<i>18</i>
<i>0:05:00</i>	<i>12:55:00</i>	<i>-</i>

Cada 5 minutos llegan en promedio

19
Clientes

Día #2

Miercoles, 5/08/2015

Cola del lado del estacionamiento		Hora Apertura:	12:15:00
Hora Inicio:	11:55:00	Personas en cola a las 11:57:00:	87
Hora Final:	13:00:00	Capacidad:	480
Muestras:	13	Número de Servidores	2

Intervalos de Medición

Intervalos de Tiempo		# Clientes
0:05:00	11:55:00	34
0:05:00	12:00:00	5
0:05:00	12:05:00	18
0:05:00	12:10:00	18
0:05:00	12:15:00	31
0:05:00	12:20:00	33
0:05:00	12:25:00	34
0:05:00	12:30:00	13
0:05:00	12:35:00	6
0:05:00	12:40:00	15
0:05:00	12:45:00	10
0:05:00	12:50:00	12
0:05:00	12:55:00	22

Cada 5 minutos llegan en promedio

18
clientes

Día #3

Jueves, 6/08/2015

Cola del lado del estacionamiento		Hora Apertura:	12:20:00
Hora Inicio:	11:50:00	Personas en cola a las 11:57:00:	57
Hora Final:	12:55:00	Capacidad:	480
Muestras:	12	Número de Servidores	2

Intervalos de Medición

Intervalos de Tiempo		# Clientes
0:05:00	11:55:00	13
0:05:00	12:00:00	16
0:05:00	12:05:00	12
0:05:00	12:10:00	19
0:05:00	12:15:00	37
0:05:00	12:20:00	31
0:05:00	12:25:00	25
0:05:00	12:30:00	30
0:05:00	12:35:00	12
0:05:00	12:40:00	22
0:05:00	12:45:00	14
0:05:00	12:50:00	16

Cada 5 minutos llegan en promedio

17.5
clientes

Día #4

Viernes, 7/08/2015

Cola del lado del estacionamiento		Hora Apertura:	12:20:00
Hora Inicio:	11:55:00	Personas en cola a las 11:57:00:	69
Hora Final:	1:00:00	Capacidad:	480
Muestras:	12	Número de Servidores	2

Intervalos de Medición

Intervalos de Tiempo		# Clientes
0:05:00	11:55:00	12
0:05:00	12:00:00	10
0:05:00	12:05:00	34
0:05:00	12:10:00	26
0:05:00	12:15:00	30
0:05:00	12:20:00	34
0:05:00	12:25:00	40
0:05:00	12:30:00	23
0:05:00	12:35:00	26
0:05:00	12:40:00	11
0:05:00	12:45:00	11
0:05:00	12:50:00	7

Cada 5 minutos llegan en promedio

12
clientes

Día #5

Lunes, 10/08/2015

Cola del lado del estacionamiento		Hora Apertura:	12:20:00
Hora Inicio:	11:55:00	Personas en cola a las 11:57:00:	87
Hora Final:	1:00:00	Capacidad:	480
Muestras:	12	Número de Servidores	2

Intervalos de Medición

Intervalos de Tiempo		# Clientes
0:05:00	11:55:00	29
0:05:00	12:00:00	19
0:05:00	12:05:00	10
0:05:00	12:10:00	15
0:05:00	12:15:00	34
0:05:00	12:20:00	36
0:05:00	12:25:00	30
0:05:00	12:30:00	30
0:05:00	12:35:00	13
0:05:00	12:40:00	11
0:05:00	12:45:00	16
0:05:00	12:50:00	23

Cada 5 minutos llegan en promedio

21
clientes


Instrumento de Recolección de Datos

El formato que se muestra a continuación se usó para recolectar parte de la data en el comedor. Agrupa información básica de la cola, de los tiempos de inicio de la recolección de datos, información relacionada a la cantidad de servidores y se empleó en para tomar otros tiempo como los de servicio.

Fecha: _____ Hora Ini: _____

Hora Fin: _____ Apertura del Comedor: _____

Cant. Servidores: _____ Ubicación de la Cola: _____

#	Horas	Cantidad de Clientes
1	____:____	
2	____:____	
3	____:____	
4	____:____	
5	____:____	
6	____:____	
7	____:____	
8	____:____	
9	____:____	
10	____:____	
11	____:____	
12	____:____	
13	____:____	
14	____:____	
15	____:____	
16	____:____	
Mediciones en intervalos de 5 min /  = clientes		

Nota: _____

Recomendaciones

La hora del almuerzo es una actividad social que las personas tienen hacer acompañadas, por lo que es raro ver llegar a una persona sin compañía al comedor, aun cuando esto sucede, suele pasar que poco tiempo después se le añada un acompañante, lo cual genera una violación de la disciplina de la cola. Si bien, la mayoría de los asistentes al comedor son conscientes de este fenómeno parece su incidencia no causa ninguna molestia o va más allá de un alarido para quien se colea. Una medida para disminuir este evento, pudiese ser colocar un moderador que en representación del comedor, llame la atención de quien pretenda ejercer esta práctica.

Un aspecto importante a considerar es el tipo de comida que se sirve, ya que esto influye en la asistencia de personas al comedor, por ejemplo, cuando se sirve pescado, tienden a ir menos personas, por otro lado, cuando se sirve postre como marquesas la gente asiste. Frente a esta situación lo que se recomienda, es organizarse lo más eficientemente posible para atender la mayor cantidad de personas.

Los párrafos anteriores hacen referencia a los aspectos externos que afectan la longitud de la cola, a continuación se toman en cuenta factores internos que también influyen, el primero de ellos es la relación entre la cantidad de bandejas que se reparten y el tiempo en que son devueltas y posteriormente deben ser lavadas, esto incluye los utensilios para comer. Aunque el tiempo que tome lavar los utensilios sea mínimo, no se puede minimizar el tiempo que le toma a cada persona comer.

Mientras se realizó esta investigación se inauguró un nuevo comedor, esto tendrá un efecto positivo en los tiempos de espera de la cola del comedor antiguo, ya que la población se dividirá entre ambos comedores.

Aclaratorias sobre el Proyecto y su Elaboración

Primera Aclaratoria:

A pesar de ser dos colas, ambas colas tiene un servidor exclusivo para dar atención a ella, por lo que el estudio de una cola $M/M/s=1:(GD/\infty/\infty)$ será equivalente al estudio de ambas colas tomando como modelo $M/M/s=2:(GD/\infty/\infty)$

Segunda Aclaratoria:

De la participación del grupo, a pesar de haberse solicitado la elaboración del proyecto en forma grupal, en este caso se hizo casi en su totalidad de manera individual. A continuación un resumen de las tareas que realizó cada miembro del grupo.

Tarea	Realizada Por		
	Olinda	Ivonne	Luis
Recolección de Datos	Si	Si	Si
Desarrollo de la Aplicación Web	No	No	Si
Desarrollo del Informe	No	No	Si
Creación de las Imágenes	No	No	Si
Generar Parcialmente las Gráficas de los Datos	No	No	Si
Recomendaciones	No	No	Si