

对分布密度函数为  $f(x) = \frac{3}{2}x^2 + \frac{1}{2}x + \frac{1}{4}$  的随机变量进行抽样  
这个密度函数可以写成

$$f(x) = p_1 h_1(x) + p_2 h_2(x) + p_3 h_3(x)$$

$$p_1 = \frac{1}{2}, h_1(x) = 3x^2$$

$$p_2 = \frac{1}{4}, h_2(x) = 2x$$

$$p_3 = \frac{1}{4}, h_3(x) = 1$$

每次获取抽样值时，抽样值来自  $h_1(x)$ ,  $h_2(x)$ ,  $h_3(x)$  的概率分别是  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $p_3$   
每次抽样前，先用一个随机数决定从哪个分布中抽取，然后再获取抽样值

In [1]:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 from numpy.random import default_rng
4
5 rng = default_rng()
```

In [2]:

```
1 # 设置从每个分布中抽样的概率
2 p1 = 0.5
3 p12 = 0.5 + 0.25
```

In [3]:

```
1 X = []
2 for i in range(10000):
3     p = rng.random()
4     if p < p1:
5         # 从第一种分布中抽取
6         X.append(np.max(rng.random(3)))
7     elif p < p12:
8         # 从第二种分布中抽取
9         X.append(np.max(rng.random(2)))
10    else:
11        # 从第三种分布中抽取
12        X.append(rng.random())
```

In [4]:

```
1 # 计算理论概率密度曲线
2 def fx(x):
3     return 1.5*x**2 + 0.5*x + 0.25
4 x = np.linspace(0.0, 1.0, 101)
5 y = fx(x)
```

In [5]:



```
1 plt.figure(figsize=(5, 5), dpi=100)
2 plt.hist(X, bins=21, range=(0.0, 1.0), density=True, color='yellow', label='Random variable X')
3 plt.plot(x, y, color='blue', label='Theoretical Distribution')
4 plt.legend(loc='upper left')
5 plt.show()
```

