

**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ
по лабораторной работе №2
по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»
Тема: Кратчайшие пути в графе: коммивояжёр. Вариант 4.**

Студент гр. 3343

Старков С. А.

Преподаватель

Жангиров Т. Р.

Санкт-Петербург

2025

Цель работы

Разработать и реализовать два алгоритма для решения задачи коммивояжёра: точный метод ветвления с отсечением (МВиГ) и приближённый метод модификации решения (АВБГ), с использованием эвристик для ускорения поиска.

Задание

4 МВиГ: последовательный рост пути + использование для отсечения двух нижних оценок веса оставшегося пути: 1) полусуммы весов двух легчайших рёбер по всем кускам; 2) веса МОД. Эвристика выбора дуги — не в глубину, а по антиприоритету $(S/k+L/N)(4N/(3N+k))$. Приближённый алгоритм: АВБГ "улучшенный". Замечание к варианту 4 И МВиГ, и АВБГ "улучшенный" начинать со стартовой вершины.

Выполнение работы

Для решения задачи коммивояжёра в данной лабораторной работе были реализованы два подхода: метод ветвей и границ, а также приближённый жадный алгоритм с улучшением по методу АБГ (улучшенный). Каждый из подходов инкапсулирован в собственный класс.

1. Класс TSP (Приближённый алгоритм АББГ)

Реализует жадную эвристику с пошаговой вставкой городов в оптимальную позицию.

Особенности:

- Начальный путь: Начинается с города 0.
- Итеративная вставка: На каждом шаге выбирается город и позиция, минимизирующие приращение стоимости: java
- $\text{double increase} = I + O - R$; // I (входящее ребро), O (исходящее), R (заменяемое)
- Критерий выбора: Минимальное увеличение стоимости (minIncrease).
- Завершение: Построение полного цикла с возвратом в начальный город.

Сложность:

- Временная: $O(n^3)$ (для каждой из nn вершин проверяется $O(n)$ позиций).
- Пространственная: $O(n)$.

2. Метод ветвей и границ

Класс TSPBranchAndBound реализует метод с приоритетной очередью частичных решений.

Особенности:

- Приоритетная очередь: Хранит состояния (State) с учётом антиприоритета.
- Оценка нижней границы:
 - Полусумма минимальных рёбер: Для каждого города учитываются два минимальных входящих и исходящих ребра.
 - Минимальное остовное дерево (MST): Используется для оценки оставшегося пути.

java

```
lowerBound = Math.max(calculateHalfSumMinEdges(), calculateMST());
```

Антиприоритет: Для выбора состояния из очереди используется формула:

java

- $\text{priority} = (S + L) / (0.5 * N + k)$; // S — текущая стоимость, L — оценка остатка, k — длина пути
- **Отсечение ветвей:** Ветви с оценкой выше текущего лучшего решения игнорируются.

Сложность:

- Временная: $O(b \cdot n^3)$, где b — количество рассматриваемых состояний (экспоненциально в худшем случае).
- Пространственная: $O(b \cdot n)$.

3. Класс State (Состояние для ветвей и границ)

Инкапсулирует частичное решение и метаданные для оценки его перспективности.

Поля:

- path: Текущий частичный путь.
- visited: Посещённые города.
- lowerBound: Нижняя оценка стоимости полного пути.
- priority: Рассчитывается по формуле варианта 4 для управления порядком в очереди.

Методы:

- calculateLowerBound(): Комбинирует оценку через полусумму рёбер и MST.
- calculatePriority(): Вычисляет антиприоритет для оптимизации выбора пути.

4. Главный класс Main

Обеспечивает взаимодействие с пользователем и управление алгоритмами.

Функционал:

1. Генерация матрицы
2. Симметричные/несимметричные матрицы с диагональю -1.
3. Случайные веса рёбер в диапазоне 0–99.
4. Загрузка из файла
5. Выбор алгоритма: Пользователь может запустить либо метод ветвей и границ, либо улучшенный АВБГ.

Тестирование

Результаты тестирования представлены в таблице 1.

№ п/п	Входные данные	Выходные данные	Комментарии
1.		<p>-1 3 4 1 1 -1 3 4 9 2 -1 4 8 9 2 -1</p> <p>Проверяем что можно вставить город : 1 -Проверяем позицию 1 для города 1 Пытаемся вычислить prev 0 Пытаемся вычислить next -1 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 3.0 mincrease: 1.7976931348623157E308 Обновленные данные: mincrease 1.7976931348623157E308 bestCity: -1 bestPos: -1</p> <p>Проверяем что можно вставить город : 2 -Проверяем позицию 1 для города 2 Пытаемся вычислить prev 0 Пытаемся вычислить next -1 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 4.0 mincrease: 3.0</p> <p>Проверяем что можно вставить город : 3 -Проверяем позицию 1 для города 3 Пытаемся вычислить prev 0 Пытаемся вычислить next -1 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 1.0 mincrease: 3.0 Обновленные данные: mincrease 3.0 bestCity: 1 bestPos: 1</p> <p>Проверяем что можно вставить город : 1 -Проверяем позицию 1 для города 1 Пытаемся вычислить prev 0 Пытаемся вычислить next 3 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 6.0 mincrease: 1.7976931348623157E308 Обновленные данные: mincrease 1.7976931348623157E308 bestCity: -1 bestPos: -1</p> <p>-Проверяем позицию 2 для города 1 Пытаемся вычислить prev 3 Пытаемся вычислить next -1 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 9.0 mincrease: 6.0</p> <p>Проверяем что можно вставить город : 2 -Проверяем позицию 1 для города 2 Пытаемся вычислить prev 0 Пытаемся вычислить next 3 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 7.0 mincrease: 6.0</p> <p>-Проверяем позицию 2 для города 2 Пытаемся вычислить prev 3 Пытаемся вычислить next -1</p>	АБВГ

		<p>Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 2.0 mincrease: 6.0 Обновленные данные: mincrease 6.0 bestCity: 1 bestPos: 1 Проверяем что можно вставить город : 1 -Проверяем позицию 1 для города 1 Пытаемся вычислить prev 0 Пытаемся вычислить next 3 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 6.0 mincrease: 1.7976931348623157E308 Обновленные данные: mincrease 1.7976931348623157E308 bestCity: -1 bestPos: -1 -Проверяем позицию 2 для города 1 Пытаемся вычислить prev 3 Пытаемся вычислить next 2 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 10.0 mincrease: 6.0 -Проверяем позицию 3 для города 1 Пытаемся вычислить prev 2 Пытаемся вычислить next -1 Пытаемся обновить лучший выбор - increase: 2.0 mincrease: 6.0 Обновленные данные: mincrease 6.0 bestCity: 1 bestPos: 1 Оптимальный путь: [0, 3, 2, 1] Лучшая цена: 6</p>	
2.		<p>-1 3 4 1 1 -1 3 4 9 2 -1 4 8 9 2 -1 Достаем часть пути из очереди: [0] с нижней оценкой 6 Перебираем лучшие пути: [0] + новый город 1 Создаем маршрут [0, 1] Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь Нижняя оценка хорошая, добавляем в очередь Перебираем лучшие пути: [0] + новый город 2 Создаем маршрут [0, 2] Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь Нижняя оценка хорошая, добавляем в очередь Перебираем лучшие пути: [0] + новый город 3 Создаем маршрут [0, 3]</p>	Метод Ветвей И Границ

	<p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка хорошая, добавляем в очередь</p> <p>Достаем часть пути из очереди: [0, 3] с нижней оценкой 6</p> <p>Перебираем лучшие пути: [0, 3] + новый город 1</p> <p>Создаем маршрут [0, 3, 1]</p> <p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка хорошая, добавляем в очередь</p> <p>Перебираем лучшие пути: [0, 3] + новый город 2</p> <p>Создаем маршрут [0, 3, 2]</p> <p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка хорошая, добавляем в очередь</p> <p>Достаем часть пути из очереди: [0, 3, 2] с нижней оценкой 6</p> <p>Перебираем лучшие пути: [0, 3, 2] + новый город 1</p> <p>Создаем маршрут [0, 3, 2, 1]</p> <p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка хорошая, добавляем в очередь</p> <p>Достаем часть пути из очереди: [0, 3, 2, 1] с нижней оценкой 7</p> <p>Проверяем заверченный путь и считаем его стоимость: [0, 3, 2, 1]</p> <p>Лучшая стоимость пути: 6.0</p> <p>Путь оказался лучшим обновляем стоимость</p> <p>Достаем часть пути из очереди: [0, 1] с нижней оценкой 7</p> <p>Перебираем лучшие пути: [0, 1] + новый город 2</p> <p>Создаем маршрут [0, 1, 2]</p> <p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка плохая - не добавляем</p> <p>Перебираем лучшие пути: [0, 1] + новый город 3</p> <p>Создаем маршрут [0, 1, 3]</p>	
--	--	--

	<p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка плохая - не добавляем</p> <p>Достаем часть пути из очереди: [0, 2] с нижней оценкой 8</p> <p>Перебираем лучшие пути: [0, 2] + новый город 1</p> <p>Создаем маршрут [0, 2, 1]</p> <p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка плохая - не добавляем</p> <p>Перебираем лучшие пути: [0, 2] + новый город 3</p> <p>Создаем маршрут [0, 2, 3]</p> <p>Проверяем нижнюю оценку - если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь</p> <p>Нижняя оценка плохая - не добавляем</p> <p>Достаем часть пути из очереди: [0, 3, 1] с нижней оценкой 14</p> <p>Лучший путь: [0, 3, 2, 1]</p> <p>Лучшая стоимость: 6.0</p>	
--	--	--

Табл. 1. – Результаты тестирования

Выводы

В ходе выполнения работы были реализованы и исследованы два подхода к решению задачи коммивояжёра: точный алгоритм ветвей и границ (МВиГ) и приближённый жадный алгоритм с улучшением (АВБГ). Оба метода продемонстрировали свои преимущества и ограничения в зависимости от характеристик задачи.

1. Точный метод ветвей и границ

- **Преимущества:**
 - Гарантирует нахождение **оптимального решения** за счёт полного перебора с отсечением неперспективных ветвей.
 - Использует **нижние оценки** (полусумма минимальных рёбер и вес минимального остовного дерева) для сокращения пространства поиска.
 - Эффективно работает для **небольших матриц** (до 15 вершин).
- **Недостатки:**
 - **Экспоненциальная сложность** $O(n!)$, что делает метод неприменимым для задач с $n > 20$.
 - Высокие требования к **памяти** из-за хранения множества частичных решений в приоритетной очереди.

2. Приближённый алгоритм АВБГ

- **Преимущества:**
 - **Полиномиальная сложность** $O(n^3)$, что позволяет обрабатывать **крупные матрицы** (сотни вершин).
 - Быстро находит **близкие к оптимальным решения** за счёт жадной вставки городов в оптимальные позиции.
 - Низкие требования к памяти ($O(n)$).
- **Недостатки:**
 - **Не гарантирует оптимальность** решения, особенно для матриц с неочевидной структурой.
 - Риск застревания в **локальных минимумах**, если начальный путь далёк от оптимального.

3. Сравнительный анализ

Критерий	Метод ветвей и границ	АВБГ
Точность	Точное решение	Приближённое решение
Сложность (время)	$O(n!)$	$O(n^3)$
Память	$O(b \cdot n)$	$O(n)$

ПРИЛОЖЕНИЕ А

```
package org.piaa;
import org.apache.logging.log4j.LogManager;
import org.apache.logging.log4j.Logger;
import java.io.BufferedReader;
import java.io.FileReader;
import java.io.IOException;
import java.util.ArrayList;
import java.util.List;
import java.util.Random;
import java.util.Scanner;
public class Main {
    private static final Logger log = LogManager.getLogger(Main.class);
    private static TSPBranchAndBound tspBranchAndBound = new TSPBranchAndBound();
    public static void main(String[] args) {
        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
        System.out.println("В ы б е р и т е  о п ц и ю :");
        System.out.println("1.  С г е н е р и р о в а т ь  м а т р и ц
у :");
        System.out.println("2.  В ы б р а т ь  м а т р и ц у  и з  ф а й л
а  м а т р и ц у :");
        System.out.printf("В а ш  в ы б о р : ");
        int choice = scanner.nextInt();
        switch (choice) {
            case 1:
                System.out.printf("В в е д и т е  р а з м е р  м а т р и
ц ы : ");
                int size = scanner.nextInt();
                System.out.printf("В ы б е р и т е  т и п  м а т р и ц ы
1 ( - с и м м е т р и ч н а я , 2 - н е с и м м е т р и ч н а я ) : ");
                int isSymmetric = scanner.nextInt();
                int[][] matrix = generateMatrix(size, isSymmetric);
                System.out.println("К а к о й  м е т о д  в ы х о т и т
е  и с п о л ь з о в а т ь ? ");
```

```

        System.out.println("1. М е т о д  в е т в е й  и  г р а
н и ц");

        System.out.println("2. А В Б Г");
        int choice2 = scanner.nextInt();
        switch (choice2){
            case 1:
                printMatrix(matrix);
                tspBranchAndBound.solve(matrix);
                break;
            case 2:
                printMatrix(matrix);
                TSP tsp = new TSP(matrix);
                tsp.improvedAVBG();
                break;
        }
        break;
    case 2:
        System.out.printf("В в е д и т е  п у т ь  д о  ф а й л
а : ");

        String pathToFile = scanner.next();
        try {
            int[][] matrixToSolve = readMatrixFromFile(path-
ToFile);

            System.out.println("К а к о й  м е т о д  в ы х о т
и т е  и с п о л ь з о в а т ь ? ");
            System.out.println("1. М е т о д  в е т в е й  и  г
р а н и ц");

            System.out.println("2. А В Б Г");
            int choice3 = scanner.nextInt();
            switch (choice3){
                case 1:
                    printMatrix(matrixToSolve);
                    tspBranchAndBound.solve(matrixToSolve);
                    break;
                case 2:
                    printMatrix(matrixToSolve);
                    TSP tsp = new TSP(matrixToSolve);

```

```

        tsp.improvedAVBG();
        break;
    }
} catch (IOException e) {
    System.out.println("Не верное имя файл
а ");
}
break;
}
}

private static void printMatrix(int[][] matrix) {
    System.out.println("Ваша матрица:");
    for (int i = 0; i < matrix.length; i++) {
        for (int j = 0; j < matrix[i].length; j++) {
            System.out.print(matrix[i][j] + " ");
        }
        System.out.println();
    }
}

private static int[][] generateMatrix(int size, int isSymmetric)
{
    int[][] matrix = new int[size][size];
    Random random = new Random();
    if (isSymmetric == 1) {
        // Генерация симметричной матрицы с
диагональю -1
        for (int i = 0; i < size; i++) {
            for (int j = i; j < size; j++) {
                if (i == j) {
                    matrix[i][j] = -1; // Диагональный
элемент
                } else {
                    int value = random.nextInt(100);
                    matrix[i][j] = value;
                    matrix[j][i] = value; // Зеркальное
отражение
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        }
    }
} else {
    // Генерация обычной матрицы с диаго
налью -1

    for (int i = 0; i < size; i++) {
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            matrix[i][j] = (i == j) ? -1 : random.nextInt(100);
        }
    }
    return matrix;
}

public static int[][] readMatrixFromFile(String filename) throws
IOException {
    try (BufferedReader reader = new BufferedReader(new File-
Reader(filename))) {
        // Читаем размер матрицы
        String sizeLine = reader.readLine();
        if (sizeLine == null) {
            throw new IOException("Файл пустой");
        }
        int size;
        try {
            size = Integer.parseInt(sizeLine.trim());
        } catch (NumberFormatException e) {
            throw new IOException("Некорректный разм
ер матрицы: " + sizeLine, e);
        }

        if (size <= 0) {
            throw new IOException("Размер матрицы дол
жен быть положительным числом: " + size);
        }

        // Инициализируем матрицу

```



```

        int[][] matrix = new int[size][size];
// Читаем строки матрицы
        for (int i = 0; i < size; i++) {
            String line = reader.readLine();
            if (line == null) {
                throw new IOException("Недостаточно стр
рок в файле. Ожидалось: " + size + ", получено: " + i);
            }
            String[] elements = line.trim().split("\\s+");
            if (elements.length != size) {
                throw new IOException("Неправильное ко
личество элементов в строке " + (i + 1) +
                    ". Ожидалось: " + size + ", пол
учено: " + elements.length);
            }
            for (int j = 0; j < size; j++) {
                try {
                    matrix[i][j] = Integer.parseInt(elements[j]);
                } catch (NumberFormatException e) {
                    throw new IOException("Некорректное
число в строке " + (i + 1) + ": " + elements[j], e);
                }
            }
        }
        return matrix;
    }
}

package org.piaa;
import org.apache.logging.log4j.LogManager;
import org.apache.logging.log4j.Logger;
import java.util.*;
public class State implements Comparable<State> {
    private static final Logger log = LogManager.getLog-
ger(State.class);
    int[][] costMatrix;
    public ArrayList<Integer> path; // Текущий частичный путь
    boolean[] visited; // Посещенные города

```

```

int n; // количество дорог?
int cost; // Текущая стоимость пути
int lowerBound; // Нижняя оценка стоимости
double priority;
public State(int [][] costMatrix, List<Integer> path, boolean[]
visited) {
    this.costMatrix = costMatrix;
    this.path = new ArrayList<>(path);
    this.visited = Arrays.copyOf(visited, visited.length);
    this.cost = calculateCost(path);
    this.n = costMatrix.length - 1; // кол-во городов
    this.lowerBound = cost + calculateLowerBound(); // Вычисляем
нижнюю оценку
    this.priority = calculatePriority();
}
private double calculatePriority() {
    int k = path.size() - 1; // Количество дуг (рёбер)
    int N = n; // Общее количество городов

    // S - текущая стоимость пути
    double S = cost;

    // L - нижняя оценка остатка пути (lowerBound - S)
    double L = lowerBound - S;

    // Формула антиприоритета из варианта 4
    double denominator = 0.5 * N + k;
    double priority = (S + L) / denominator;

    return priority;
}
public int calculateCost(List<Integer> path) {
    int total = 0;
    int size = (path == null) ? 1: path.size();

    if (path.size() > 1) {

        for (int i = 0; i < path.size() - 1; i++) {
            total += costMatrix[path.get(i)][path.get(i + 1)];
        }
    }
}

```

```

        }
    }

    return total;
}

@Override
public String toString() {
    StringBuilder sb = new StringBuilder();
    sb.append("\n----- state ----- \n");
    sb.append("path : " + path.toString() + "\n");
    sb.append("visited : ");
    for (int i = 0; i < visited.length; i++) {
        sb.append(visited[i] + " ");
    }
    sb.append("\n");
    sb.append("n: " + n + "\n");
    sb.append("cost : " + cost + "\n");
    sb.append("lowerBound : " + lowerBound + "\n");
    sb.append("priority : " + priority + "\n");
    sb.append("----- state ----- \n");
    return sb.toString();
}

private int calculateLowerBound() {
    int sumMinEdges = calculateHalfSumMinEdges() ; // Полусумма
    log.info("--- sumMinEdges : " + sumMinEdges);
    int mstWeight = calculateMST(); // Вес МОД
    log.info("--- mstWeight : " + mstWeight);
    return Math.max(sumMinEdges, mstWeight);
}

private int calculateMST() {
    int startVertex = path.get(0);
    int currentVertex = path.get(path.size() - 1);
    Set<Integer> visited = new HashSet<>(path);
    if (visited.size() == n) {
        return 0;
    }

    PriorityQueue<int[]> pq = new PriorityQueue<>(Comparator.comparingInt(a -> a[1]));

```

```

Set<Integer> inMST = new HashSet<>();
int weight = 0;
pq.add(new int[]{currentVertex, 0});
while (inMST.size() < n - visited.size() + 1 && !pq.isEmpty())
{
    int[] entry = pq.poll();
    int vertex = entry[0];
    int edgeWeight = entry[1];
    if (inMST.contains(vertex)) {
        continue;
    }
    inMST.add(vertex);
    weight += edgeWeight;
    for (int v = 0; v < n; v++) {
        if(v != vertex && (!visited.contains(v) || v ==
startVertex)
                && (costMatrix[vertex][v] != -1 || cost-
Matrix[vertex][v] != Integer.MAX_VALUE)) {
            pq.add(new int[]{v, costMatrix[vertex][v]});
        }
    }
    return inMST.size() == n - visited.size() + 1 ? weight :
Integer.MAX_VALUE;
}

public int calculateHalfSumMinEdges() {
    int sum = 0;
    int startVertex = path.size() > 1 ? 0: path.get(0) ; // null
    int endVertex = path.size() > 1 ? 0 : path.get(path.size() -
1) ; // null
    TreeSet<Integer> chunksIn = new TreeSet<>();// [0 , 1] (0,
1)
    TreeSet<Integer> chunksOut = new TreeSet<>();// [0 , 1] (0,
1)

    int minIn = 0;
    int minOut = 0;
    if (path.size() > 1) {
        for (int j = 0; j < n + 1; j++) {

```

```

        if(visited[j] != true && costMatrix[endVertex][j] !=
-1) {

            chunksOut.add(costMatrix[endVertex][j]);
        }
    }
    for (int j = 0; j < n + 1; j++) {

        if(costMatrix[startVertex][j] != -1){
            chunksIn.add(costMatrix[startVertex][j]);
        }
    }
}
else{
    for ( int j = 0; j < n + 1 ; j++) {
        if(costMatrix[0][j] != -1){
            chunksOut.add(costMatrix[0][j]);
        }
    }
    for (int j = 0; j < n + 1; j++) {
        if (costMatrix[j][0] != -1){
            chunksIn.add(costMatrix[j][0]);
        }
    }
}
Integer minOutInt1 = chunksOut.size() > 0 ? chunksOut.first():
0;

Integer minOutInt2 = chunksOut.size() >= 2 ?
chunksOut.higher(minOutInt1): 0;
Integer minInInt1 = chunksIn.size() > 0? chunksIn.first() :
0;

Integer minInInt2 = chunksIn.size() >= 2 ?
chunksIn.higher(minInInt1): 0;
sum = ((minInInt1 + minInInt2) + (minOutInt2 + minOutInt1))/2;
return sum;
}

@Override
public int compareTo(State other) {
    return Double.compare(this.priority, other.priority);
}

```

```

    }
    package org.piaa;
    import java.util.*;
    public class TSP {
        private int[][] cost; // Матрица стоимостей перемещения между
городами
        private int n; // Количество городов
        private List<Integer> path; // Текущий построенный путь
        private boolean[] visited; // Посещенные города
        public TSP(int[][] costMatrix) {
            this.cost = costMatrix;
            this.n = costMatrix.length;
            this.path = new ArrayList<>();
            this.visited = new boolean[n];
        }
        public List<Integer> improvedAVBG() {
            path.add(0); // Начинаем с города 0 (по условию варианта)
            visited[0] = true;
            // Пока не все города добавлены в путь
            while (path.size() < n) {
                double minIncrease = Double.MAX_VALUE;
                int bestCity = -1;
                int bestPos = -1;
                // Перебираем все города
                for (int city = 0; city < n; city++) {
                    if (visited[city]) continue; // Пропускаем уже
посещенные
                    System.out.println("Проверяем что можно вставить
город : " + city);
                    // Проверяем все возможные позиции для вставки
                    for (int pos = 1; pos <= path.size(); pos++) {
                        System.out.println("-Проверяем позицию " + pos +
" для города " + city);
                        // Определяем предыдущий и следующий города в
текущем пути
                        int prev = (pos == 0) ? -1 : path.get(pos - 1);
                        System.out.println("Пытаемся вычислить prev " +
prev);

```

```

        int next = (pos == path.size()) ? -1 :
path.get(pos);

        System.out.println("Пытаемся вычислить next " +
next);

        // Вычисляем стоимости
        int I = (prev == -1) ? 0 : cost[prev][city]; //
Входящее ребро

        int O = (next == -1) ? 0 : cost[city][next]; //
Исходящее ребро

        int R = (prev != -1 && next != -1) ?
cost[prev][next] : 0; // Заменяемое ребро
        // Пропускаем недопустимые ребра (стоимость -1)
        if (I == -1 || O == -1 || R == -1) continue;
        // Вычисляем приращение стоимости
        double increase = I + O - R;
        // Обновляем лучший выбор
        System.out.println("Пытаемся обновить лучший
выбор - increase: "+ increase + " minincrease: " + minIncrease);
        if (increase < minIncrease) {
            System.out.println("Обновленные данные: min-
crease " + minIncrease + " bestCity: " + bestCity + " bestPos: " + bestPos);
            minIncrease = increase;
            bestCity = city;
            bestPos = pos;
        }
    }

    // Вставляем город в оптимальную позицию
    if (bestCity != -1) {
        path.add(bestPos, bestCity);
        visited[bestCity] = true;
    }

    System.out.println("Оптимальный путь: " + path);
    System.out.println("Лучшая цена: " + calculateCost(path));
    return path;
}

public int calculateCost(List<Integer> path) {
    int total = 0;

```

```

        int size = (path == null) ? 1: path.size();
        if (path.size() > 1) {
            for (int i = 0; i < path.size() - 1; i++) {
                total += cost[path.get(i)][path.get(i + 1)];
            }
            total += cost[0][path.size() - 1];
        }
        return total;
    }
}

package org.piaa;
import org.apache.logging.log4j.LogManager;
import org.apache.logging.log4j.Logger;
import org.apache.logging.log4j.core.util.JsonUtils;
import java.util.*;

public class TSPBranchAndBound {
    private static final Logger log = LogManager.getLogger(TSP-
BranchAndBound.class);
    private int n; // Количество городов
    private int[][] costMatrix;
    private PriorityQueue<State> statePriorityQueue = new Priori-
tyQueue<>();
    private double bestCost = Double.MAX_VALUE;
    private List<Integer> bestPath;
    public TSPBranchAndBound() {
    }
    public void solve(int[][] costMatrix) {
        // Инициализация начального состояния (город 0)
        List<Integer> initialPath = new ArrayList<>();
        initialPath.add(0);
        boolean[] visited = new boolean[costMatrix.length];
        visited[0] = true;
        statePriorityQueue.add(new State(costMatrix, initialPath,
visited));
        while (!statePriorityQueue.isEmpty()) {
            State current = statePriorityQueue.poll();
            System.out.println("Достаем часть пути из очереди: " +
current.path + " с нижней оценкой " + current.lowerBound);

```



```

        log.info("state priority queue : " + statePriorityQueue.toString());
        log.info("current state : " + current.toString());

        if( current.cost >= bestCost ) {
            log.info("- skipped current.lowerBound : " + current.lowerBound);
            log.info("- skipped current.costMatrix : " + current.cost);
            continue;
        }
        log.info("- NONskipped current.lowerBound : " + current.lowerBound);
        log.info("- NONskipped current.costMatrix : " + current.cost);

        // Если путь завершен, проверяем его стоимость
        if (current.path.size() == costMatrix.length) {
            int last = current.path.get(current.path.size() - 1);
            if (costMatrix[last][0] != Integer.MAX_VALUE || costMatrix[last][0] != -1) {
                double total = current.cost + costMatrix[last][0];

                System.out.println("Проверяем завершенный путь и считаем его стоимость: " + current.path);
                log.info("-- total current.costMatrix : " + total);

                log.info("-- current.costMatrix new : " + current.cost);

                log.info("-- total current costMatrix : " + costMatrix[last][0]);

                System.out.println("Лучшая стоимость пути: " + total);

                if (total <= bestCost) {
                    System.out.println("Путь оказался лучшим обновляем стоимость");

                    log.info("--- total that lower : " + total);
                    bestCost = total;
                    bestPath = new ArrayList<>(current.path);
                }
            }
        }
    }
}

```

```

        }
        else {
            System.out.println("Путь не самый лучший,
идем дальше");
        }
    }
    continue;
}
// Перебираем все возможные следующие города
for (int next = 0; next < costMatrix.length; next++) {
    if (!current.visited[next]) {
        System.out.println("Перебираем лучшие пути: " +
current.path + " + новый город " + next);
        List<Integer> newPath = new ArrayList<>(cur-
rent.path);

        newPath.add(next);
        System.out.println("Создаем маршрут " + newPath);
        boolean[] newVisited = Arrays.copyOf(cur-
rent.visited, current.visited.length);
        newVisited[next] = true;
        State newState = new State(costMatrix, newPath,
newVisited);

        log.info("----      newState      :      "      +
newState.toString());

        log.info("---- lowerBound : " + newState.lower-
Bound);

        log.info("---- bestCost : " + bestCost);
        // Отсекаем ветви, если оценка хуже текущего
лучшего решения

        System.out.println("Проверяем нижнюю оценку -
если плохая отсекаем путь и не добавляем его в очередь");
        if (newState.lowerBound <= bestCost ) {
            System.out.println("Нижняя оценка хорошая,
добавляем в очередь");

            statePriorityQueue.add(newState);
        }
        else {
            System.out.println("Нижняя оценка плохая -
не добавляем");

```

```
        }  
    }  
}  
  
System.out.println("Лучший путь: " + bestPath);  
System.out.println("Лучшая стоимость: " + bestCost);  
}  
}
```