## 第八周作业答案

二、3,
$$\frac{\mu_0 a \alpha}{2\pi R}$$
 5, $\mu n I$   $\frac{1}{2} \mu n I$  6,质子 电子 7,n型 11,y轴负  $VB$ 

三、2,证明:假设粒子进去时速度为v。根据洛伦兹力提供向心力, 有 $\frac{Mv^2}{R} = qvB$ ,可得,Mv = qBR。

根据功能原理,电场力做功转化为粒子的动能,有 $qV = \frac{1}{2}Mv^2$ 。 另有x = 2R,联立以上式子计算可得粒子的质量为

$$M = \frac{(Mv)^2}{2qV} = \frac{qB^2x^2}{8V}.$$

四、3,解:由题意得电流密度 $j=\frac{I}{\pi(R^2-r^2)}$  (注意:电流方向已给定) 由磁场的叠加原理,空腔内一点P的磁感应强度等价于电流密度为i半 径为R的圆柱体与半径为r的圆柱体(电流反向)在P点的叠加。

根据安培环路定理 $\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I$ 以及电流强度与电流密度的关系I = $\int_{c} \vec{i} \cdot d\vec{S}$ , 可以计算:

半径为R的圆柱在P点的磁场强度的大小 $H \cdot 2\pi \overline{OP} = i\pi \overline{OP}^2$ , 即H =iOP ,其方向为垂直OP直线(具体如图);

半径为r的圆柱的磁场强度的大小 $H' \cdot 2\pi \overline{O'P} = j\pi \overline{O'P}^2$ , 即 $H' = \frac{j\overline{O'P}}{2}$ , 其方向为垂直O'P直线(具体如图)。

建立坐标系。考虑磁感应强度的方向、磁场强度在坐标轴上的分量 为:

X轴,
$$-\frac{j\overline{OP}}{2}\sin\theta + \frac{j\overline{O'P}}{2}\sin\phi = -\frac{jh}{2} + \frac{jh}{2} = 0;$$
  
Y轴, $\frac{j\overline{OP}}{2}\cos\theta + \frac{j\overline{O'P}}{2}\cos\phi = \frac{j\overline{OO'}}{2}.$   
所以,空腔内磁场强度为:  $\vec{H} = \frac{\overline{OO'}}{2} \frac{I}{\pi(R^2 - r^2)}\vec{j}$ (这里 $\vec{j}$ 表示y轴正向的单

位矢量)。

故,空腔内磁感应强度大小为:  $B=\mu \frac{\overline{OO'}}{2} \frac{I}{\pi(R^2-r^2)}$ ,方向为: y轴正向。

4,解:取轴心为圆心的同心圆为闭合积分回路,规定逆时针方向为正方向。

根据安培环路定理 $\int \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum I$ , 有:  $r < r_1$ ,  $H_1 \cdot 2\pi r = \frac{I}{\pi r_1^2}\pi r^2$ ;  $r_1 < r < r_2$ ,  $H_2 \cdot 2\pi r = I$ ;  $r_2 < r < r_3$ ,  $H_3 \cdot 2\pi r = I + \frac{-I}{\pi(r_3^2 - r_2^2)}\pi(r^2 - r_2^2)$ ;  $r > r_3$ ,  $H_4 \cdot 2\pi r = I + (-I)$ 。 所以,空间磁感应强度的分布为:

$$B = \begin{cases} \frac{\mu_0 I r}{2\pi r_1^2} &, r < r_1; \\ \frac{\mu_0 I}{2\pi r} &, r_1 < r < r_2; \\ \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \frac{r_3^2 - r^2}{r_3^2 - r_2^2} &, r_2 < r < r_3; \\ 0 &, r > r_3. \end{cases}$$