Λεξικό βασικών όρων

Αγκιστροειδείς αγκύλες, ή άγκιστρα { }

Ακμή (ενός γραφήματος)

Ανάδρομη (ευθεία) αντικατάσταση Αναδρομική σχέση Ανάκλαση Αναλλοίωτος Αναπαράσταση Ανάστροφος πίνακας (A^{T}) Ανέλιξη Markov Ανηγμένη κλιμακωτή μορφή ενός πίνακα Ανηγμένος κλιμακωτός πίνακας Ανισότητα του Schwarz Αντι-Ερμιτιανός πίνακας $(K^{H} = -K)$ Αντίστροφος πίνακας (A^{-1}) Αντίστροφη εικόνα Αντιστρέψιμος πίνακας Αντιστρεψιμότητα Αντισυμμετρικός πίνακας $(K^{T} = -K)$ Αντιωρολόγια (ή θετική) φορά/κατεύθυνση Άνω (κάτω) τριγωνικός πίνακας Απαλοιφή Απεικόνιση Αραιός (πυκνός, ή πλήρης) πίνακας Αριθμοί (αριθμητική) κινητής υποδιαστολής Αριθμοί Fibonacci (0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...)Αριστερός (δεξιός, μονόπλευρος, δίπλευρος)

Βαθμός (ενός πολυωνύμου) Βάση Βασικές μεταβλητές, ή οδηγικές μεταβλητές Βέλτιστη λύση Βέλτιστη ευθεία προσαρμογής

Αριστερός μηδενόχωρος $[\mathcal{N}(A^{\mathrm{T}})]$

Αυθαίρετοι συντελεστές

Αυθαίρετος πίνακας

αντίστροφος

edge (of a graph) back (forward) substitution recursion relation, ή recurrence relation reflection invariant representation transpose matrix Markov process reduced row echelon form (rref) of a matrix reduced row echelon matrix Schwarz inequality skew-Hermitian matrix inverse matrix inverse image invertible matrix invertibility skew-symmetric matrix counterclockwise (ή positive) sense/direction upper (lower) triangular matrix elimination map sparse (dense, ή full) matrix floating point numbers (arithmetic) Fibonacci numbers

curly brackets, $\dot{\eta}$ curly braces

left nullspace arbitrary coefficients arbitrary matrix

degree (of a polynomial) basis basic variables, ή pivot variables optimal solution, ή best solution best straight-line fit

left (right, one-sided, two-sided) inverse

Ελεύθερες μεταβλητές

Βελτιστοποίηση optimization Βρόχος (ενός γραφήματος) loop (of a graph) general solution, ή complete solution Γενική λύση $(x = x_p + x_n, \mu \epsilon Ax = b)$ Γραμμή (ενός πίνακα) row (of a matrix) Γραμμή με οδηγό row with pivot, ή pivot row Γραμμική ανεξαρτησία (εξάρτηση) linear independence (dependence) Γραμμική απεικόνιση linear map linear transformation Γραμμικός μετασχηματισμός Γραμμικός συνδυασμός linear combination Γραμμικός τελεστής linear operator linearly independent (dependent) vectors Γραμμικώς ανεξάρτητα (εξαρτημένα) διανύσματα Γράφημα graph Δεδομένα data Δείκτης κατάστασης ενός πίνακα (κ condition number of a matrix $||A|||A^{-1}||$ Διαγωνιοποίηση diagonalization Διαγωνιοποιήσιμος πίνακας $(A = S\Lambda S^{-1})$ diagonalizable matrix Διαγωνιοποιησιμότητα diagonalizability diagonal matrix Διαγώνιος πίνακας Διακεκριμένες (ρίζες) ιδιοτιμές distinct (roots) eigenvalues Διάμεση τιμή median value Διάνυσμα vector Διάνυσμα γραμμής row vector Διάνυσμα στήλης column vector Διάνυσμα σφάλματος $(e = b - A\hat{x})$ error vector Διανυσματικός χώρος (υπόχωρος) vector space (subspace) Διασπορά variance Διάσταση ενός χώρου (dim) dimension of a space Διάσταση, ή μέγεθος, ενός πίνακα $(m \times n)$ order, ή size, of a matrix Διαστολή, ή επιμήκυνση, ή εφελκυσμός stretching Διάταξη (στοιχείων, αριθμών) array (of elements, of numbers) bidiagonal matrix Διδιαγώνιος πίνακας network Δίκτυο Δυϊκός dual Ειδικές λύσεις $(s_1, s_2, \ldots, s_{n-r}, \mu \epsilon)$ special solutions $As_1 = 0, As_2 = 0, ..., As_{n-r} = 0$ Εικόνα image pixel Εικονοστοιχείο Ελαττωματικός (μη διαγωνιοποιήσιμος) πίναdefective (nondiagonalizable) matrix κας Ελάχιστα τετράγωνα least squares minimal spanning set (i.e. a basis) Ελάχιστο παράγον σύνολο (δηλ. μια βάση)

free variables

Ελάσσων ορίζουσα $[\det(M_{ij})]$ Ελάσσων πίνακας (M_{ij})

Εμβαδόν (π.χ. ενός παραλληλογράμμου)

Εναλλαγή γραμμών

Ένα-προς-ένα, ή 1-1, ή ενεικόνιση Εξίσωση διαφορών (π.χ. $u_{k+1} = Au_k$)

Εξίσωση ιδιοτιμών $(Ax = \lambda x, \mu \varepsilon x \neq 0)$

Επαυξημένος πίνακας Επί, ή επεικόνιση

Επιμεριστική (ιδιότητα, ή κανόνας)

Επιφάνεια

Ερμιτιανός πίνακας $(A^{H} = A)$

Εσωτερικό γινόμενο Ευθεία απαλοιφή Ευστάθεια (αστάθεια)

Ευσταθής (ασταθής, ουδέτερα ευσταθής)

Θετικά ημιορισμένος πίνακας $(x^{T}Ax \geq 0)$ Θετικά ορισμένος πίνακας $(x^{T}Ax > 0)$

Θεώρημα τάξης και μηδενικότητας

 $\left[\dim \mathcal{R}(A) + \dim \mathcal{N}(A) = n\right]$

Θεώρημα τριγωνοποίησης του Schur (A=

 UTU^{H})

Θεώρημα των Cayley-Hamilton

Θεώρημα των κύριων αξόνων, ή φασματικό

θεώρημα

Ιδιοδιάνυσμα

Ιδιοκατάσταση, ή κανονικός τρόπος (ενός συστήματος)

Ιδιόμορφες τιμές $(\sigma_1 \geq \sigma_2 \geq \cdots \geq \sigma_r > 0)$

Ιδιομορφία

Ιδιόμορφα διανύσματα ($Av_i = \sigma_i u_i$, με j =

1, 2, . . . , *r*) Ιδιόμορφος

Ιδιόμορφος πίνακας

Ιδιοτιμή (λ)

Ιδιόχωρος [$\mathcal{N}(A-\lambda I)$]

Ισοδυναμία, ή ισοτιμία

Ισομορφισμός Τχνος [Tr(A)]

Κανόνας του Cramer

Κανονική βάση (του \mathbb{R}^n , ή του \mathbb{C}^n) Κανονική εξίσωση ($A^T A \widehat{x} = A^T b$) Κανονικός πίνακας ($N^H N = N N^H$)

Κατεύθυνση

minor determinant

minor matrix

area (e.g. of a parallelogram)

row exchange

one-to-one, ή 1-1, ή injective

difference equation eigenvalue equation augmented matrix onto, ή surjective

distributive (property, ή rule)

surface

Hermitian matrix inner product forward elimination stability (instability)

stable (unstable, neutrally stable)

positive semidefinite matrix positive definite matrix rank plus nullity theorem

Schur's triangularization theorem

Cayley-Hamilton theorem

principal axis theorem, ή spectral theorem

eigenvector

eigenstate, ή normal mode (of a system)

singular values singularity singular vectors

singular

singular matrix eigenvalue eigenspace

equivalence, ή congruence

isomorphism

trace

Cramer's rule standard basis normal equation normal matrix direction Κλιμακωτή μορφή (ενός πίνακα) Κλιμακωτός πίνακας Κόμβος (ενός γραφήματος) Κορυφή (π.χ. ενός τριγώνου) Κύριοι υποπίνακες

Λίστα (αντικειμένων, αριθμών) Λύσεις μηδενόχωρου $(x_n, \mu \epsilon Ax_n = 0)$ Λύση ελάχιστων τετραγώνων (\widehat{x})

Μέγιστη τάξη (r=m ή r=n)Μέγιστη τάξη γραμμών (r=m)Μέγιστη τάξη στηλών (r=n)

Μέγιστο ανεξάρτητο σύνολο (δηλ. μια βάση)

Μερική λύση $(x_p, \mu \epsilon A x_p = b)$

Μερική οδήγηση Μέση τιμή Μετάθεση

Μεταθετική (ιδιότητα, ή κανόνας)

Μετασχηματισμός

Μετασχηματισμός ισοδυναμίας (C^TAC) Μετασχηματισμός ομοιότητας $(M^{-1}AM)$ Μέτρο, ή μήκος, ενός διανύσματος $(\|x\|)$ Μέτρο, ή στάθμη, ενός πίνακα $(\|A\|)$ Μη διαγωνιοποιήσιμος πίνακας

Μη ιδιόμορφος

Μη ιδιόμορφος πίνακας

Μη συμβιβαστό σύστημα (εξισώσεων) Μηδενικότητα (n-r) ενός πίνακα

Μηδενοδύναμος πίνακας $(N^k = 0, \mu \epsilon k > 1)$

Μηδενόχωρος $[\mathcal{N}(A)]$

Μοναδιαίος πίνακας ($U^{\rm H}U=I=UU^{\rm H}$)

η-άδα

η-διάστατος (χώρος)

Νόμος αδράνειας του Sylvester

Όγκος (π.χ. ενός παραλληλεπιπέδου)

Οδήγηση Οδηγός

Οδηγική θέση, ή θέση οδηγού Όμοιοι πίνακες $(B = M^{-1}AM)$

Ορθογώνια βάση Ορθογώνια διανύσματα

Ορθογώνιο συμπλήρωμα (ενός υπόχωρου)

Ορθογώνιοι υπόχωροι

Ορθογώνιος πίνακας ($Q^{\mathrm{T}}Q=I=QQ^{\mathrm{T}}$)

echelon form (of a matrix)

echelon matrix node (of a graph)

vertex (e.g. of a triangle) leading (principal) submatrices

list (of objects, of numbers)

nullspace solutions least squares solution

full rank full row rank full column rank

maximal independent set (i.e. a basis) partial solution, ή particular solution

partial pivoting

average value, ή mean value

permutation

commutative (property, ή rule)

transformation

congruence transformation similarity transformation norm, $\acute{\eta}$ length, of a vector

norm of a matrix

nondiagonalizable matrix

nonsingular

nonsingular matrix

inconsistent system (of equations)

nullity of a matrix nilpotent matrix nullspace unitary matrix

n-tuple

n-dimensional (space) Sylvester's law of inertia

volume (e.g. of a parallelepiped)

pivoting pivot pivot position similar matrices orthogonal basis orthogonal vectors

orthogonal complement (of a subspace)

orthogonal subspaces orthogonal matrix

Πλήρες σύνολο διανυσμάτων

Πλήρες σύνολο οδηγών

Ορθογωνιότητα orthogonality Ορθοκανονικά διανύσματα $(q_i^{\mathrm{T}}q_i=\delta_{ij})$ orthonormal vectors Ορθοκανονική βάση orthonormal basis Ορθοκανονικοποίηση Gram-Schmidt (A = orthonormalization Gram-Schmidt QR) Ορίζουσα [det(A)]determinant Παράγω (έναν χώρο) span (a space) Παράγον σύνολο spanning set Παραγοντοποίηση factorization, ή decomposition Παραγοντοποίηση Cholesky ($A = R^T R$, με Cholesky factorization $R = \sqrt{D}L^{\mathrm{T}}$ Παραγοντοποίηση ιδιόμορφων τιμών ($A=U\Sigma V^{\mathrm{T}}=\sum_{j=1}^{r}\sigma_{j}u_{j}v_{j}^{\mathrm{T}})$ singular value decomposition (SVD) Παραλληλόγραμμος πίνακας rectangular matrix Παρεμβολή και προέκταση interpolation and extrapolation Παρενθέσεις () parentheses Πεδίο (τιμών) range (of values) Πίνακας matrix Πίνακας άθροισης sum matrix Πίνακας ανάκλασης reflection matrix διαφοράς, ή πίνακας Πίνακας δεύτερης second difference matrix, $\dot{\eta} = 1, 2, -1$ matrix -1, 2, -1Πίνακας διαφοράς difference matrix Πίνακας εναλλαγής $(P_{ij}, \mu \epsilon i \neq j)$ exchange matrix Πίνακας ιδιοδιανυσμάτων (S) eigenvector matrix Πίνακας ιδιοτιμών (Λ) eigenvalue matrix cyclic difference matrix Πίνακας κυκλικής διαφοράς Πίνακας μετάθεσης permutation matrix Πίνακας ολοκλήρωσης (A_{int}) integration matrix Πίνακας παραγώγισης (A_{diff}) differentiation matrix, ή derivative matrix Πίνακας προβολής $(P^{T} = P \text{ και } P^{2} = P)$ projection matrix Πίνακας πρόσπτωσης (ενός γραφήματος) incidence matrix (of a graph) Πίνακας σε κακή (καλή) κατάσταση ill- (well-) conditioned matrix Πίνακας στροφής rotation matrix Πίνακας συμπαραγόντων (C) cofactor matrix Πίνακας σύνδεσης (ενός γραφήματος) adjacency matrix, ή connectivity matrix (of a Πίνακας συντελεστών coefficient matrix Πίνακας τάξης ένα $(A = uv^{T})$ rank one matrix Πίνακας των δεύτερων παραγώγων, ή Εσσιαsecond derivative matrix, ή Hessian matrix νός πίνακας $(a_{ij} = \partial^2 F/\partial x_i \partial x_j)$ Πίνακας ανάκλασης Householder $\left(H=I-2\,\frac{uu^{\rm H}}{u^{\rm H}u}\;,\;\;\mu\epsilon\;u\neq0\right)$ Householder reflection matrix

complete set of vectors

full set of pivots

Πληρότητα

Πολλαπλασιαστής (λ_{ij})

Πολλαπλότητα (αλγεβρική, γεωμετρική)

Πρόβλημα συνοριακών (αρχικών) τιμών

Προβολή

Προσανατολισμένο γράφημα

Προσαρμογή (μιας ευθείας σε δεδομένα)

Προσαρτημένος πίνακας (adj $A \equiv C^{\mathrm{T}}$)

Προσέγγιση

Προσεταιριστική (ιδιότητα, ή κανόνας)

Πυθαγόρειο θεώρημα

Πυρήνας, ή μηδενόχωρος

Ρίζα (ενός πολυωνύμου)

Σαγματικό σημείο

Στάσιμη κατάσταση

Στήλη (ενός πίνακα)

Στήλη με οδηγό

Στοιχεία πίνακα

Στοιχειώδης πίνακας, ή πίνακας απαλοιφής

 $[E_{ij}(-\lambda_{ij}), \mu\epsilon \ i \neq j]$

Στρέβλωση, ή διατμητική παραμόρφωση

Στροφή

Συμμετρικός πίνακας $(A^{T} = A)$

Συμπαράγων $[C_{ij} = (-1)^{i+j} \det(M_{ij})]$

Συζυγές ανάστροφο διάνυσμα $(x^{\rm H} \equiv \overline{x}^{\rm T})$

Συζυγής ανάστροφος πίνακας ($A^{
m H}\equiv \overline{A}^{
m T}$)

Συμβιβαστό σύστημα (εξισώσεων)

Συμπίεση

Συνδέον δένδρο (ενός γραφήματος)

Συνεκτικό γράφημα

Συνέλιξη

Συνιστώσες (ενός διανύσματος)

Συνοδός πίνακας

Συνοριακή (αρχική) συνθήκη

Συντεταγμένες (ενός σημείου)

Σφάλμα $(E = ||e|| = ||b - A\widehat{x}||)$

Σφάλμα στρογγύλευσης

Σώμα (αριθμών) Ε

Ταινιοειδής πίνακας Τάξη (r) ενός πίνακα

Ταυτοδύναμος πίνακας $(A^2 = A)$

Ταυτοτικός πίνακας (Ι)

Ταχύς μετασχηματισμός Fourier

Τελεστής

completeness

multiplier

multiplicity (algebraic, geometric)

boundary (initial) value problem

projection

directed graph

fitting (a straight line to data)

adjunct matrix, ή adjugate matrix

approximation

associative (property, ή rule)

Pythagorean theorem

kernel, ή nullspace

root (of a polynomial)

saddle point

steady state, ή stationary state

column (of a matrix)

column with pivot, $\dot{\eta}$ pivot column matrix elements, $\dot{\eta}$ entries of a matrix

elementary matrix, ή elimination matrix

shearing

rotation

symmetric matrix

cofactor

conjugate transpose vector

conjugate transpose matrix

consistent system (of equations)

compression

spanning tree (of a graph)

connected graph

convolution

components (of a vector)

companion matrix

boundary (initial) condition

coordinates (of a point)

error

roundoff error

field (of numbers)

band matrix

rank of a matrix

idempotent matrix

identity matrix

fast Fourier transform (FFT)

operator

Τεταρτημόριο Τετραγωνικές αγκύλες [] Τετραγωνική μορφή (x^TAx) Τετραγωνικός πίνακας Τετραγωνισμένο σφάλμα (E^2) Τριγωνική ανισότητα Τριδιαγώνιος πίνακας Τυπική απόκλιση

Υπέρθεση Υπερπροσδιορισμένο σύστημα (εξισώσεων) Υποπίνακας

Φασματική ανάλυση Φασματικό θεώρημα ($A=Q\Lambda Q^{\mathrm{T}}$ ή $A=U\Lambda U^{\mathrm{H}}$)

Χαρακτηριστική εξίσωση $[\det(A-\lambda I)=0]$ Χαρακτηριστικό πολυώνυμο $[\det(A-\lambda I)]$ Χρυσή τομή (μέσος, λόγος) $\left[\varphi=\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right]$ Χώρος γραμμών $[\mathcal{R}(A^{\mathrm{T}})]$ Χώρος στηλών $[\mathcal{R}(A)]$

Ψευδοαντίστροφος πίνακας $(A^+\!=\!V\Sigma^+U^{\rm T})$

quadrant
square brackets
quadratic form
square matrix
squared error
triangle inequality
tridiagonal matrix
standard deviation

superposition overdetermined system (of equations) submatrix

spectral decomposition spectral theorem

characteristic equation characteristic polynomial golden section (mean, ratio) row space column space

pseudoinverse matrix

ΠΡΟΣΟΧΗ: Ακολουθώντας τις νεότερες αγγλικές εκδόσεις των βιβλίων του G. Strang, χρησιμοποιούμε τον όρο "ειδικές λύσεις" (special solutions) για τις (n-r) το πλήθος γραμμικώς ανεξάρτητες λύσεις της ομογενούς εξίσωσης Ax=0, ή της ισοδύναμης Ux=0, όπου δίνεται διαδοχικά η τιμή 1 σε μία από τις ελεύθερες μεταβλητές και η τιμή 0 στις υπόλοιπες ελεύθερες μεταβλητές. Επιπλέον, χρησιμοποιούμε τον όρο "μερική λύση" (partial solution ή particular solution) για να δηλώσουμε μια λύση της μη ομογενούς εξίσωσης Ax=b, ή της ισοδύναμης Ux=c, και συγκεκριμένα αυτής όπου σε όλες τις ελεύθερες μεταβλητές δίνεται η τιμή 0. Η ορολογία αυτή είναι σύμφωνη και με την αντίστοιχη που χρησιμοποιείται στο πλαίσιο των γραμμικών διαφορικών εξισώσεων.

Δυστυχώς, στην ελληνική μετάφραση του βιβλίου του G. Strang από τις Πανεπιστημιακές Εκδόσεις Κρήτης (ΠΕΚ) ο όρος "ειδική λύση" έχει χρησιμοποιηθεί στη θέση του παραπάνω όρου "μερική λύση". Καλούμε λοιπόν τον αναγνώστη της ελληνικής μετάφρασης να αποδίδει πάντα τον όρο "ειδική λύση" που εμφανίζεται στο βιβλίο των ΠΕΚ με τον όρο "μερική λύση".