

# 1 Energie

## 1.1 Energie/Leistung

$$\begin{array}{lll}
 \text{Energiesignal} & E_X = \int_{-\infty}^{\infty} |x(t)|^2 dt & 0 < E_x < \infty \Rightarrow P_X = 0 \\
 & E_X = \sum_{-\infty}^{\infty} |x(t)|^2 dt & \\
 \text{Leistungssignal} & P_X = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^T |x(t)|^2 dt & 0 < P_X < \infty \Rightarrow E_X \rightarrow \infty \\
 & P_X = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{2K+1} \sum_{-K}^K |x[k]|^2 & 
 \end{array}$$

- reell existierende keine Leistungssignale
- periodischen Signale sind Leistungssignale

## 1.2 Signalzerlegung

- $f_g(t) = \frac{1}{2}(f(t) + f(-t))$
- $f_u(t) = \frac{1}{2}(f(t) - f(-t))$

$$\Gamma(t) = \begin{cases} 1, & t > 0 \\ \frac{1}{2}, & t = 0 \\ 0, & \text{sonst} \end{cases}$$

$$\text{rect}\left(\frac{t}{T}\right) = \begin{cases} 1, & t \in [-\frac{T}{2}, \frac{T}{2}] \\ 0, & \text{sonst} \end{cases}$$

$$\Lambda\left(\frac{t}{T}\right) = \begin{cases} -T + |t|, & [-T, 0] \\ 1 - t, & [0, T] \\ 0, & \text{sonst} \end{cases}$$

$$\text{sinc}(t) = \frac{\sin(t)}{\pi t}$$

$$A \cdot \text{rect}\left(\frac{t - t_0}{T}\right)$$

- $A$ : Skalierung
- $t_0$ : Verschiebung
- $T$ : Dehnung/Stauchung

## 1.3 Additionstheoreme

- $\sin(a)\sin(b) = \frac{1}{2}(\cos(a-b) - \cos(a+b))$
- $\cos(a)\cos(b) = \frac{1}{2}(\cos(a-b) + \cos(a+b))$
- $\sin(a)\cos(b) = \frac{1}{2}(\sin(a-b) - \sin(a+b))$

1.4

•

•