

Pachete necesare pentru folosirea acestui Notebook

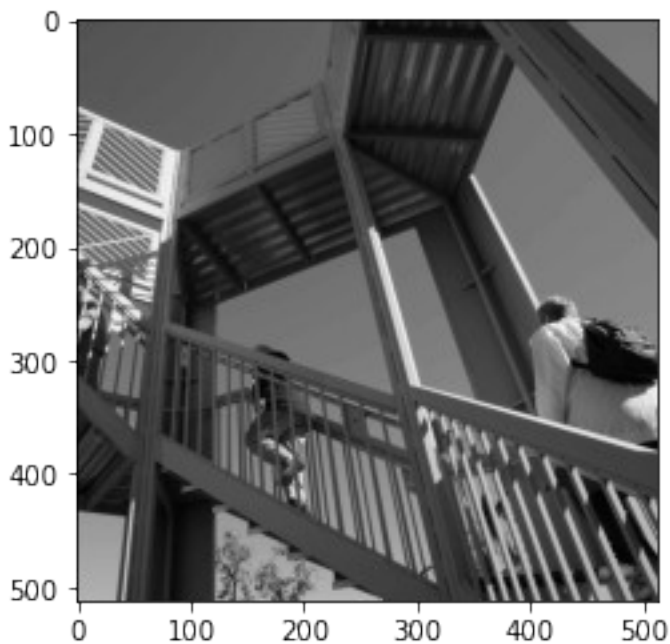
Vom folosi [scipy](#), [numpy](#) și [matplotlib](#).

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy import misc, ndimage
from scipy.fft import dctn, idctn
```

Imaginea cu care lucrăm

Vom folosi o imagine din setul de date oferit implicit de către scipy.

```
X = misc.ascent()
plt.imshow(X, cmap=plt.cm.gray)
plt.show()
```



Transformata DCT a unei imagini

Transformata DCT se extinde la mai multe dimensiuni similar cu transformata DFT. Pentru un semnal bidimensional, precum o imagine, DCT-II devine:

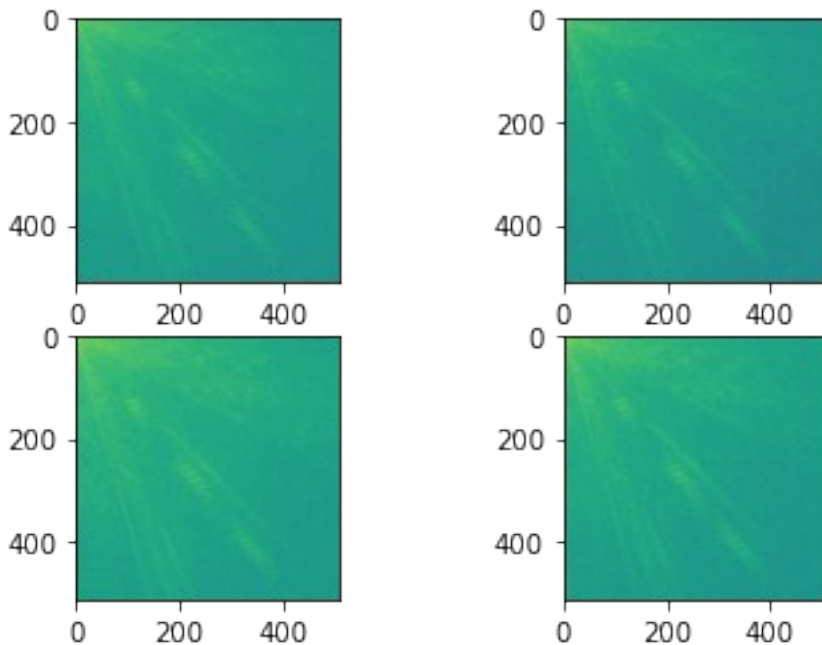
$$Y_{m_1, m_2} = \sum_{n_1=0}^{N_1-1} \sum_{n_2=0}^{N_2-1} x_{n_1, n_2} \cos \left[\frac{\pi}{N_1} m_1 \left(n_1 + \frac{1}{2} \right) \right] \cos \left[\frac{\pi}{N_2} m_2 \left(n_2 + \frac{1}{2} \right) \right]$$

- unde n_1 și n_2 sunt pozițiile pixelilor pe orizontală, respectiv, pe verticală
- bin-urile rezultate corespund pozițiilor pixelilor
- spectrul este în continuare simetric și par
- proprietățile transformatei DCT-II sunt respectate și în cazul celei 2D

În Python avem rutina `scipy.fft.dct` pentru 1D și `scipy.fft.dctn` pentru generalizarea la semnale n -dimensionale. Dimensiunea este determinată automat după forma semnalului; tipul DCT poate fi specificat prin atributul `type` (implicit II).

```
Y1 = dctn(X, type=1)
Y2 = dctn(X, type=2)
Y3 = dctn(X, type=3)
Y4 = dctn(X, type=4)
freq_db_1 = 20*np.log10(abs(Y1))
freq_db_2 = 20*np.log10(abs(Y2))
freq_db_3 = 20*np.log10(abs(Y3))
freq_db_4 = 20*np.log10(abs(Y4))

plt.subplot(221).imshow(freq_db_1)
plt.subplot(222).imshow(freq_db_2)
plt.subplot(223).imshow(freq_db_3)
plt.subplot(224).imshow(freq_db_4)
plt.show()
```



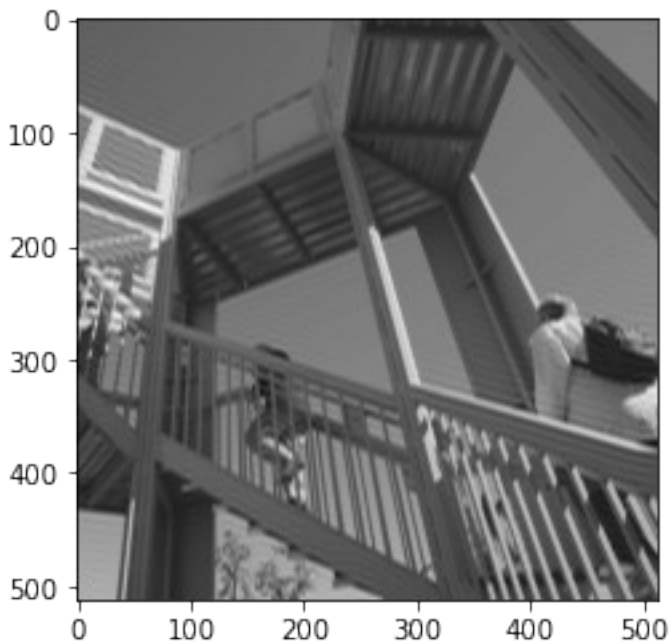
Compactarea energiei. Compresie.

Putem profita de proprietatea compresiei energiei prin anularea frecvențelor DCT începând cu *bin*-ul k după care aplicăm transformata DCT inversă (similar cu tema anterioară):

```
k = 120

Y_ziped = Y2.copy()
Y_ziped[k:] = 0
X_ziped = idctn(Y_ziped)

plt.imshow(X_ziped, cmap=plt.cm.gray)
plt.show()
```



JPEG

Algoritmul de compresie JPEG are patru etape:

1. transformarea imaginii din pixeli RGB în Y'CbCr
2. aplicarea 2D-DCT pe blocuri disincte de 8x8 pixeli din imagine
3. cuantizarea în frecvență cu Q dat de standardul JPEG
4. compresia rezultatului cu coduri Huffman

Unde matricea JPEG de cuantizare Q este:

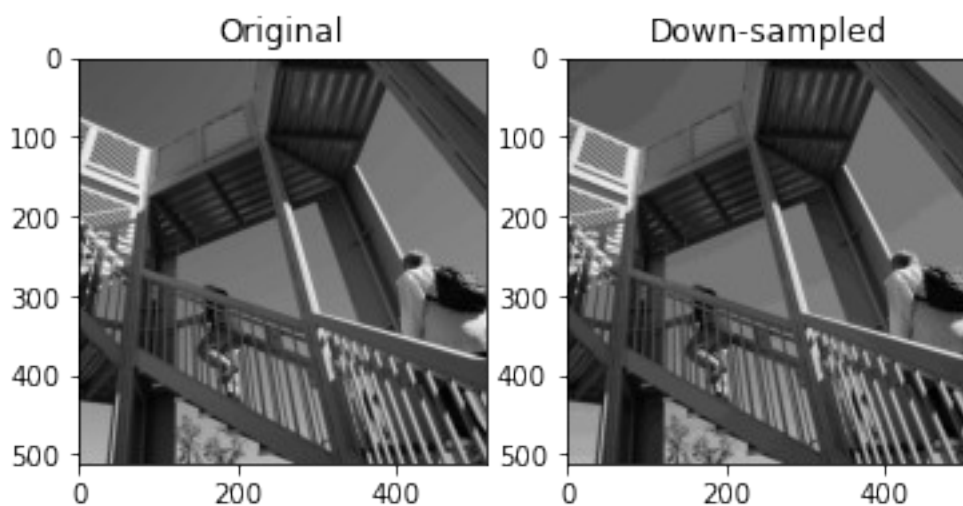
$$Q = \begin{bmatrix} 16 & 9 & 6 & 3 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 11 & 16 & 8 & 4 & 3 & 2 & 1 & 1 \\ 7 & 15 & 16 & 8 & 4 & 3 & 2 & 1 \\ 4 & 7 & 15 & 16 & 8 & 4 & 3 & 2 \\ 3 & 4 & 7 & 15 & 16 & 8 & 4 & 3 \\ 2 & 3 & 4 & 7 & 15 & 16 & 8 & 4 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 7 & 15 & 16 & 8 \\ 1 & 1 & 1 & 2 & 3 & 4 & 7 & 15 \end{bmatrix}$$

Imaginea noastră de test este monocromă, deci nu necesită pasul 1, dar putem efectua o operație de *down-sampling* în preprocesare precum am prezentat la curs.

```
Q_down = 10

X_jpeg = X.copy()
X_jpeg = Q_down*np.round(X_jpeg/Q_down);

plt.subplot(121).imshow(X, cmap=plt.cm.gray)
plt.title('Original')
plt.subplot(122).imshow(X_jpeg, cmap=plt.cm.gray)
plt.title('Down-sampled')
plt.show()
```



Pentru fiecare bloc de 8×8 aplică DCT și cuantizare.

```
Q_jpeg = [[16, 11, 10, 16, 24, 40, 51, 61],
          [12, 12, 14, 19, 26, 28, 60, 55],
          [14, 13, 16, 24, 40, 57, 69, 56],
          [14, 17, 22, 29, 51, 87, 80, 62],
          [18, 22, 37, 56, 68, 109, 103, 77],
          [24, 35, 55, 64, 81, 104, 113, 92],
          [49, 64, 78, 87, 103, 121, 120, 101],
          [72, 92, 95, 98, 112, 100, 103, 99]]

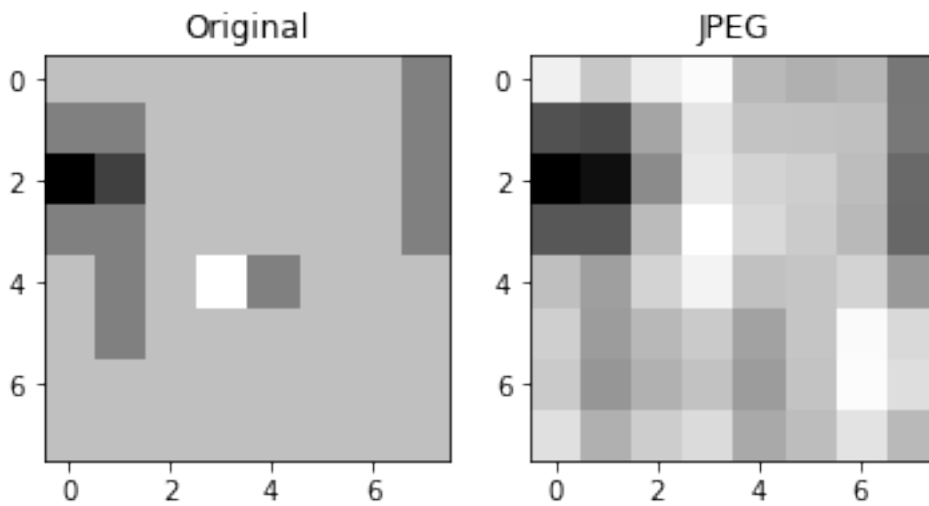
# Encoding
x = X[:8, :8]
y = dctn(x)
y_jpeg = Q_jpeg*np.round(y/Q_jpeg)

# Decoding
x_jpeg = idctn(y_jpeg)
```

```
# Results
y_nnz = np.count_nonzero(y)
y_jpeg_nnz = np.count_nonzero(y_jpeg)

plt.subplot(121).imshow(x, cmap=plt.cm.gray)
plt.title('Original')
plt.subplot(122).imshow(x_jpeg, cmap=plt.cm.gray)
plt.title('JPEG')
plt.show()

print('Componente în frecvență:' + str(y_nnz) +
      '\nComponente în frecvență după cuantizare: ' + str(y_jpeg_nnz))
```



Componente în frecvență:64
Componente în frecvență după cuantizare: 14

Sarcini

1. [6p] Completați algoritmul JPEG incluzând toate blocurile din imagine.
2. [4p] Extindeți la imagini color (incluzând transformarea din RGB în Y'CbCr).
3. [6p] Extindeți algoritmul pentru compresia imaginii până la un prag MSE impus de utilizator.
4. [4p] Extindeți algoritmul pentru compresie video. Demonstrați pe un clip scurt din care luați fiecare cadru și îl tratați ca pe o imagine.