# Наивный байесовский классификатор

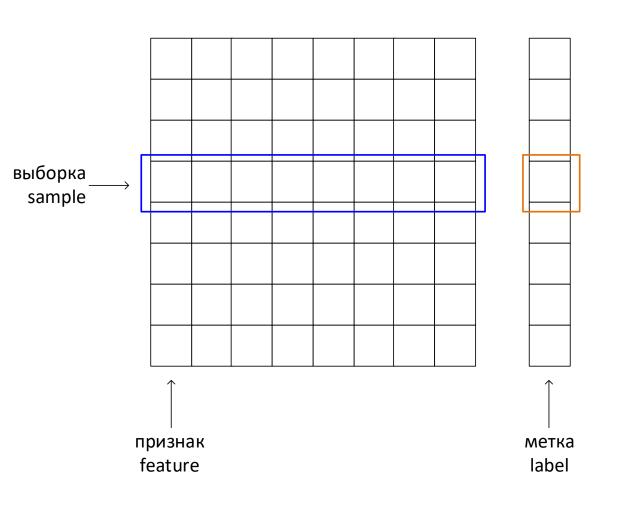
### Формула Байеса

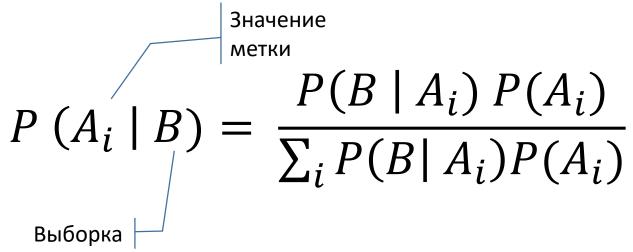
 $P(A \mid B) = \frac{P(B \mid A) P(A)}{P(B)}$ 

Априорная вероятность

Гипотеза
$$P(A_i \mid B) = \frac{P(B \mid A_i) P(A_i)}{\sum_{i} P(B \mid A_i) P(A_i)} \qquad \sum_{i} P(A_i) = 1$$

## Классификация





#### Наивность

$$P(A_i \mid B) = \frac{P(B \mid A_i) P(A_i)}{\sum_i P(B \mid A_i) P(A_i)}$$

$$B = \{f_1, f_2, ..., f_n\}$$

$$P(B | A_i) = P(f_1 | A_i) \times P(f_2 | A_i) \times ... \times P(f_n | A_i)$$

#### Нормализация

$$P(A_1 | B) = \frac{P(B | A_1) P(A_1)}{\sum_{i} P(B | A_i) P(A_i)} \propto P(B | A_1)$$

$$P(A_2 | B) = \frac{P(B | A_2) P(A_2)}{\sum_{i} P(B | A_i) P(A_i)} \propto P(B | A_2)$$

$$P(A_3 | B) = \frac{P(B | A_3) P(A_3)}{\sum_{i} P(B | A_i) P(A_i)} \propto P(B | A_3)$$

$$P_1 = \frac{P(B \mid A_1)}{P(B \mid A_1) + P(B \mid A_2) + P(B \mid A_3)}$$

$$P_2 = \frac{P(B \mid A_2)}{P(B \mid A_1) + P(B \mid A_2) + P(B \mid A_3)}$$

$$P_3 = \frac{P(B \mid A_3)}{P(B \mid A_1) + P(B \mid A_2) + P(B \mid A_3)}$$