Connect-dots

W tym pliku znajduje się kilka przykładów użycia zaimplementowanego przez nas algorytmu. Wartość funkcji celu jest ilustrowana przy użyciu heat-mapy. W wykonanych przez nas testach współrzędne punktów zostały wylosowane z rozkładem U<-1, 1>.

Dla każdej funkcji wykorzystaliśmy dwa sposoby predykcji maksimum lokalnego. Pierwszy polega na liczeniu regresji liniowej, a drugi na uśrednianiu punktów środkowych.

Załączone wykresy przedstawiają błąd predykcji w każdym wymiarze osobno.

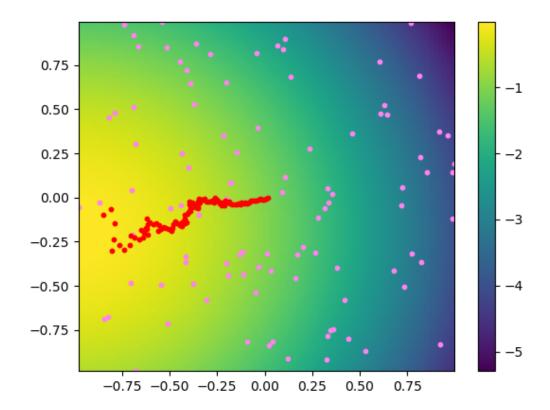
Dzięki analizie otrzymanych wyników, można zauważyć, że algorytm stosunkowo dobrze radzi sobie w sytuacjach, gdy maksimum globalne znajduje się na obszarze <-1,1> x <-1,1> oraz gdy w pobliżu nie znajdują się inne maksima lokalne. W przeciwnym wypadku, skuteczność predykcji drastycznie spada.

Wydaje nam się, że taki spadek skuteczności wynika z zamkniętej przestrzeni punktów. Wszystkie punktu należą do przestrzeni <-1,1> x <-1,1>, a więc w sytuacji, gdy maksimum globalne znajduje się np. w punkcie (400, 500) małe zmiany wartości w regresji liniowej znacząco zmieniają położenie przewidywanego optimum. Obecność więcej niż jednego maksimum lokalnego powoduje, że stosowana przez nas selekcja odrzucanych punktów staje się mało efektywna, a więc żadne wygenerowane punkty środkowe nie dają solidnych podstaw do dalszych operacji.

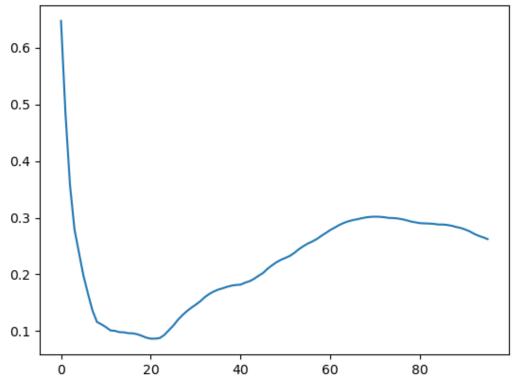
Wydaje nam się, że zastosowanie innych algorytmów do odrzucania punktów, selekcji punktów środkowych oraz generowanie punktów próbkujących przestrzeń wykorzystujących znajomość wykorzystywanej funkcji celu powinno poprawić skuteczność naszego rozwiązania. Uważamy, że zaimplementowana przez nas metoda powinna być traktowana, jako "punkt wyjścia" do dalszych analiz.

Adam Steciuk

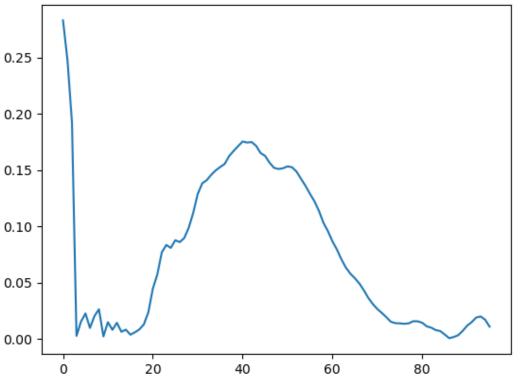
Tomasz Trzeciak



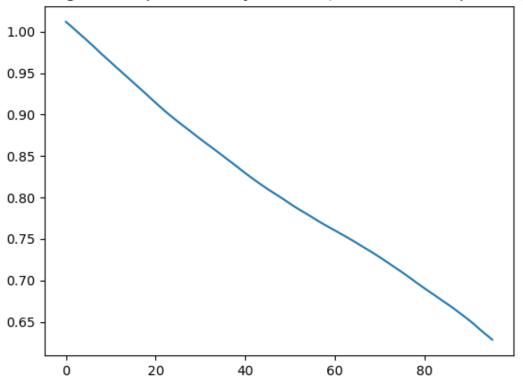
Odleglosc od optimum w wymiarze 1 (regresja po % odrzuconych)

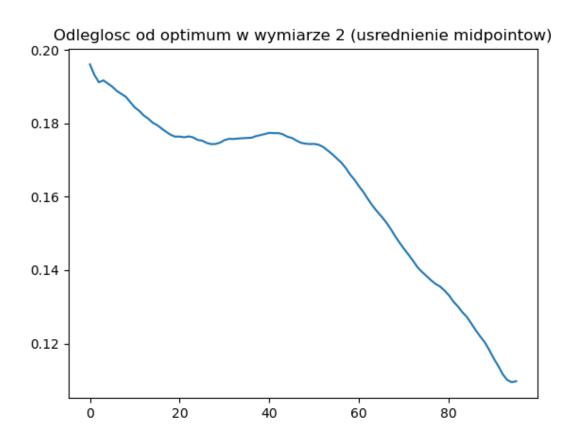


Odleglosc od optimum w wymiarze 2 (regresja po % odrzuconych)

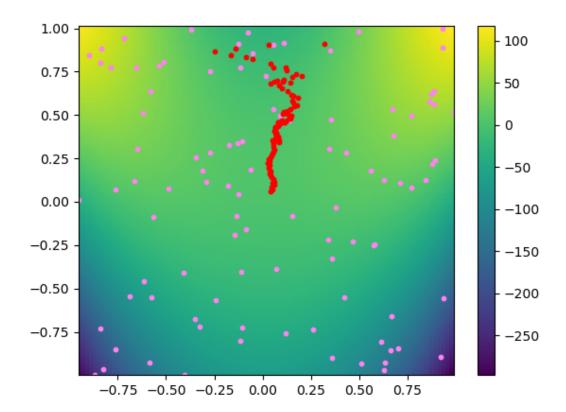




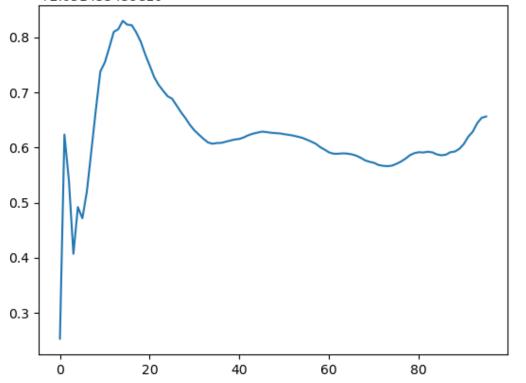




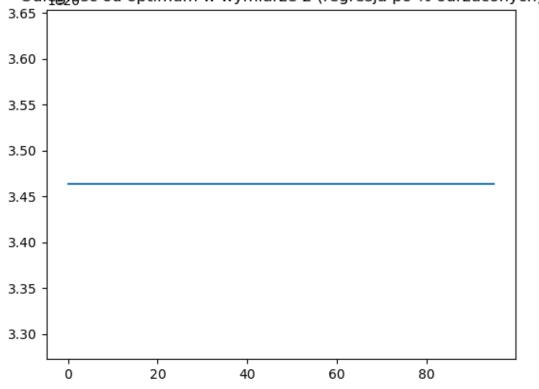
q = -((0.5-point[0])**2 + 100*(point[1] - point[0]**2)**2) + 50*((point[0]) ** 2 + (point[1]+0.2) ** 2)

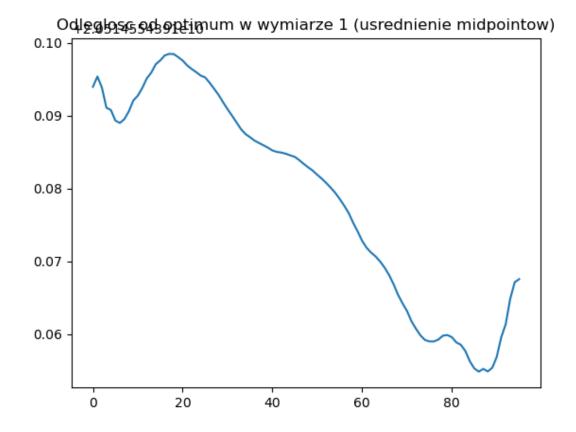


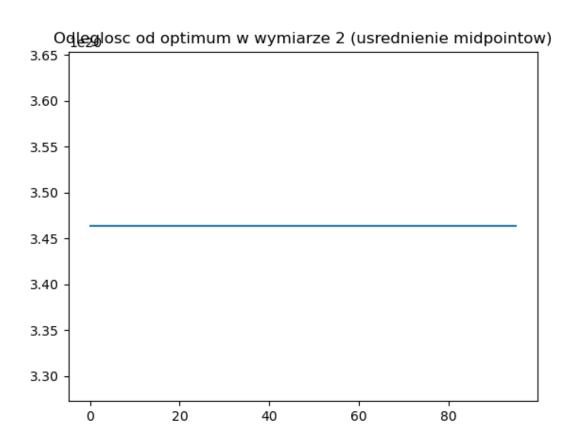


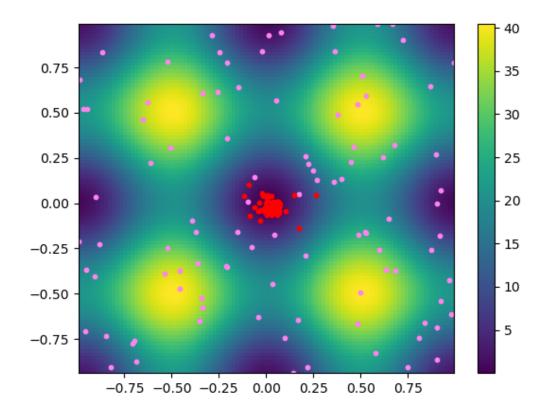




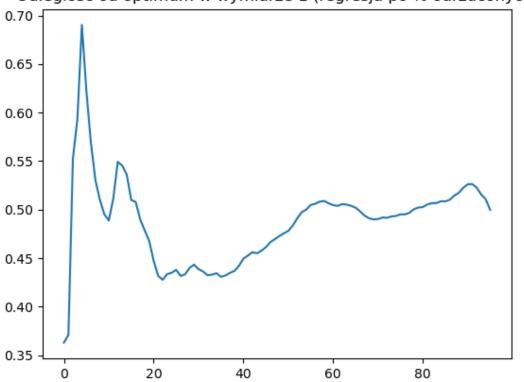




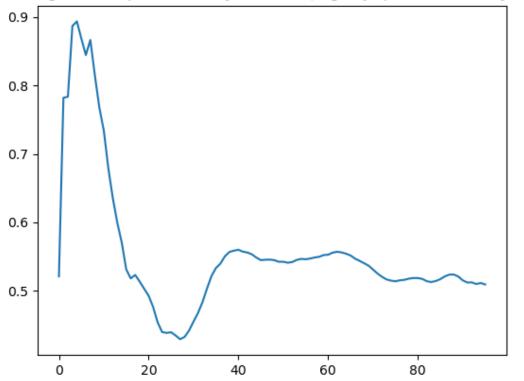




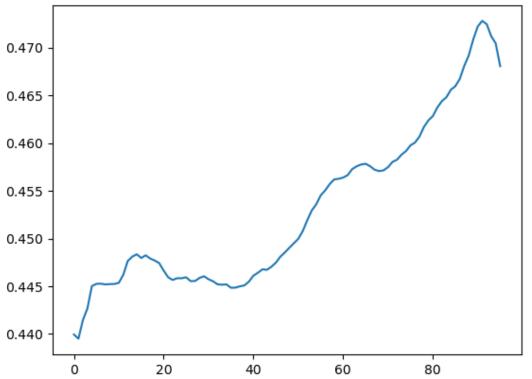




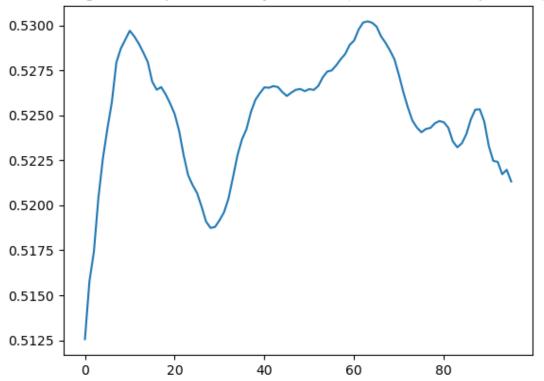
Odleglosc od optimum w wymiarze 2 (regresja po % odrzuconych)

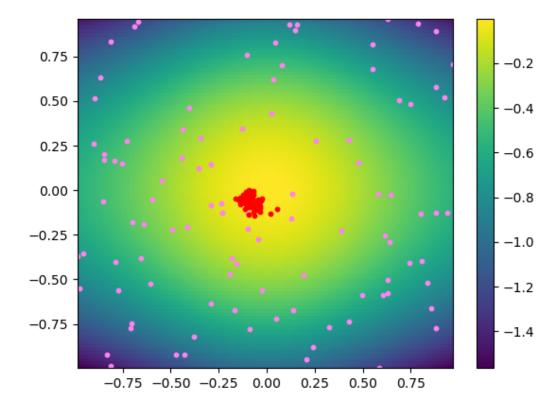


Odleglosc od optimum w wymiarze 1 (usrednienie midpointow)

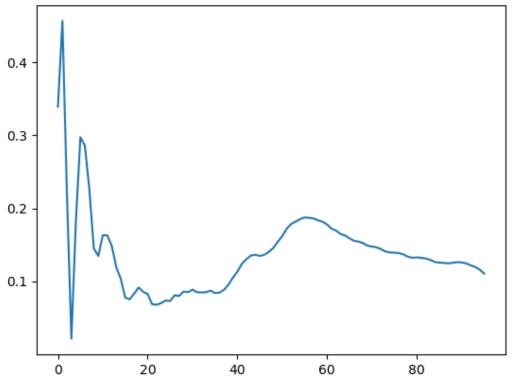




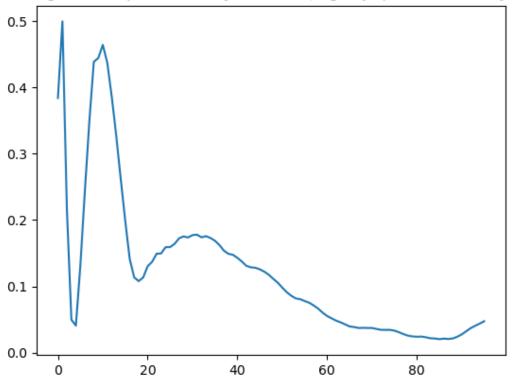




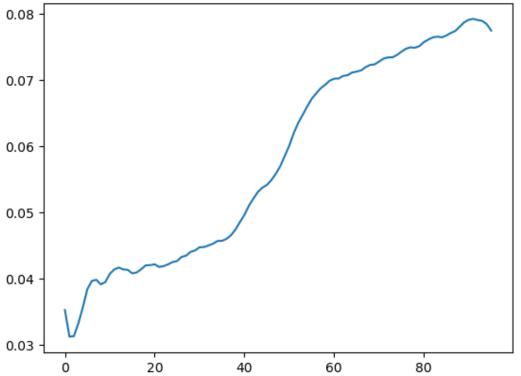
Odleglosc od optimum w wymiarze 1 (regresja po % odrzuconych)



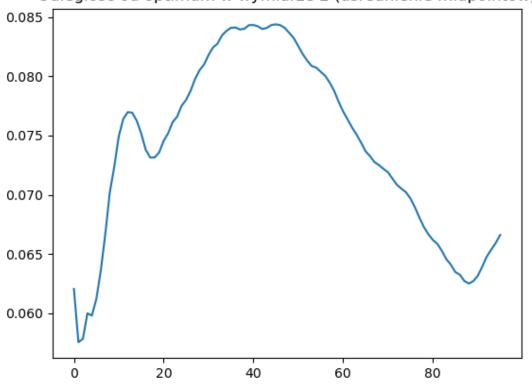
Odleglosc od optimum w wymiarze 2 (regresja po % odrzuconych)

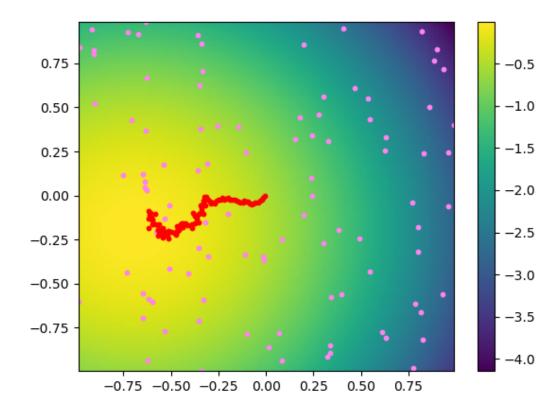


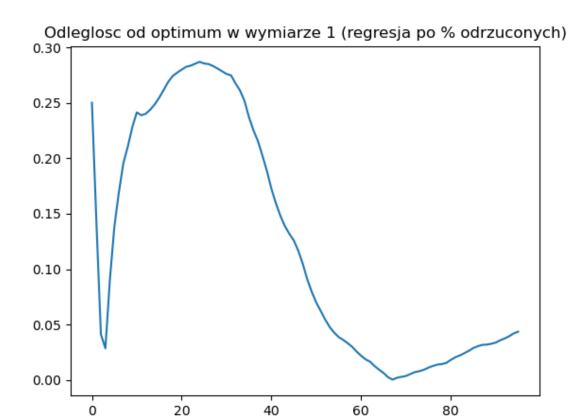


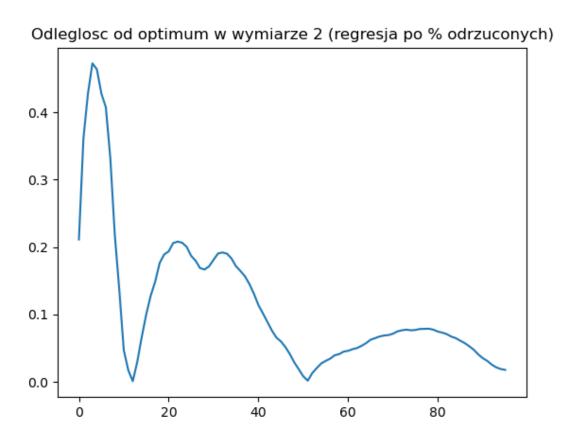


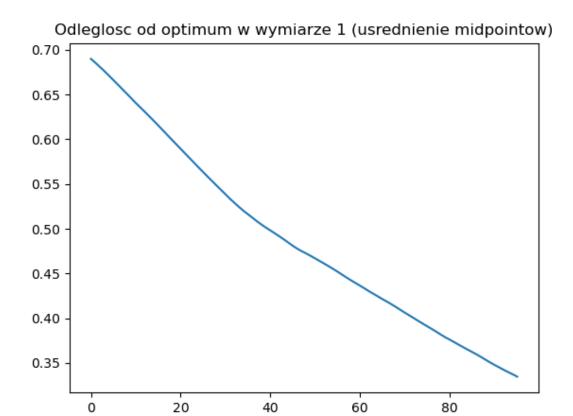


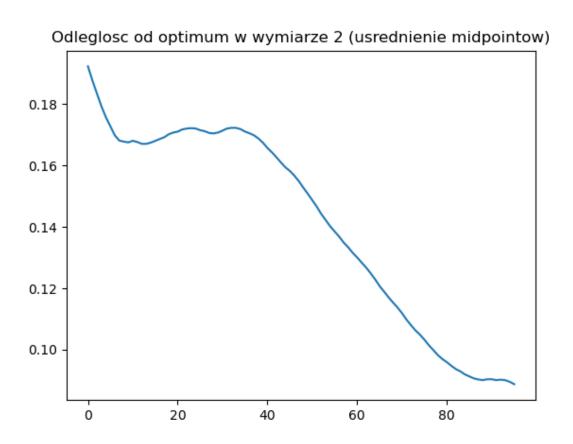




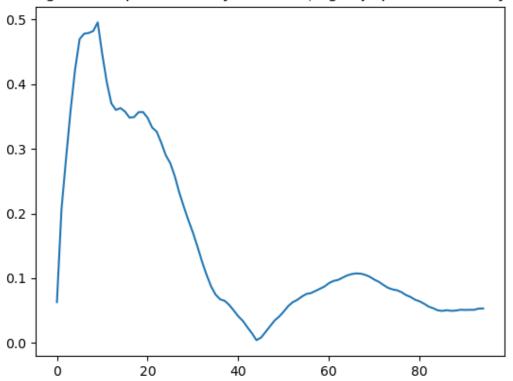




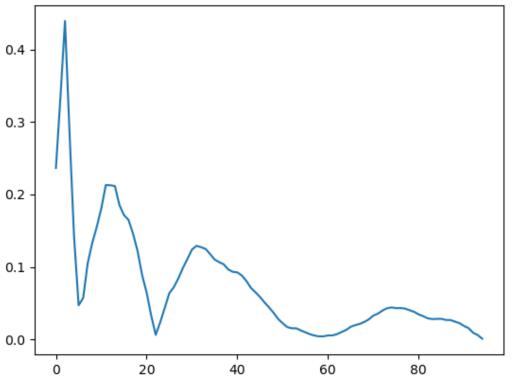




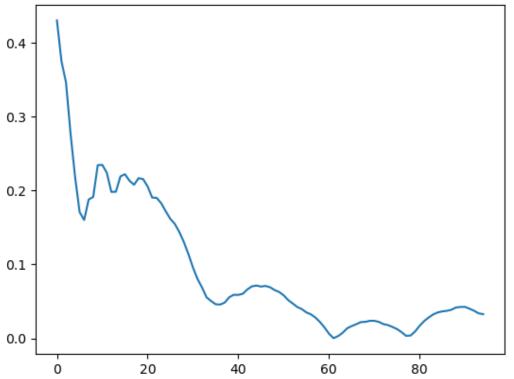
Odleglosc od optimum w wymiarze 1 (regresja po % odrzuconych)



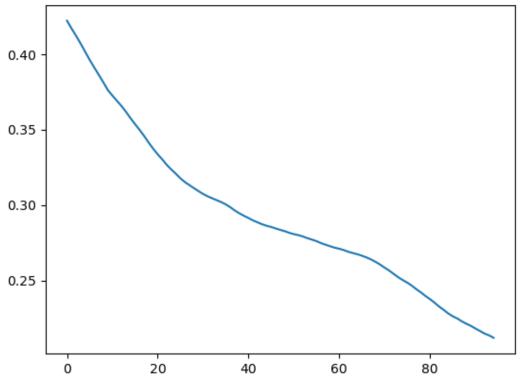
Odleglosc od optimum w wymiarze 2 (regresja po % odrzuconych)



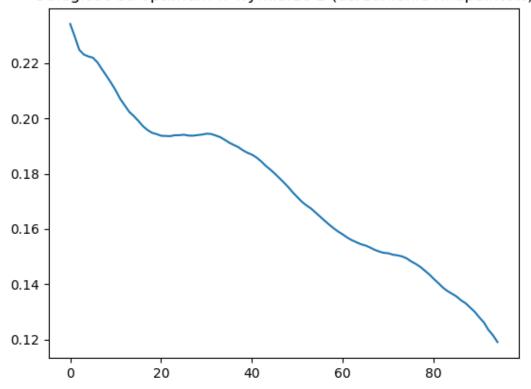
Odleglosc od optimum w wymiarze 3 (regresja po % odrzuconych)



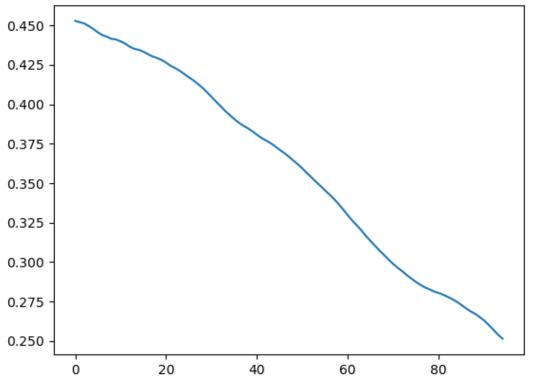
Odleglosc od optimum w wymiarze 1 (usrednienie midpointow)



Odleglosc od optimum w wymiarze 2 (usrednienie midpointow)

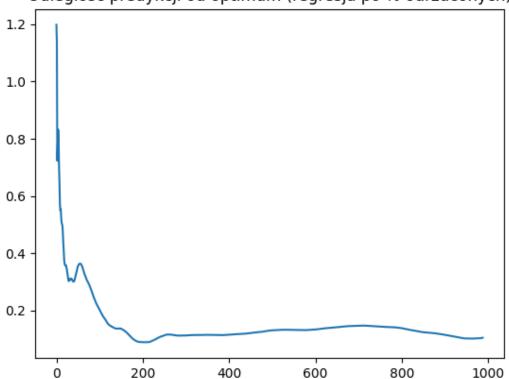


Odleglosc od optimum w wymiarze 3 (usrednienie midpointow)

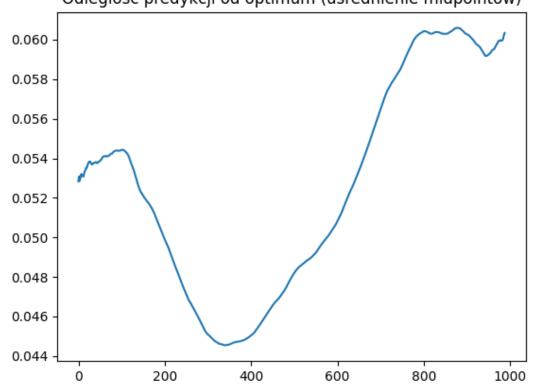


Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 10 wymiarów



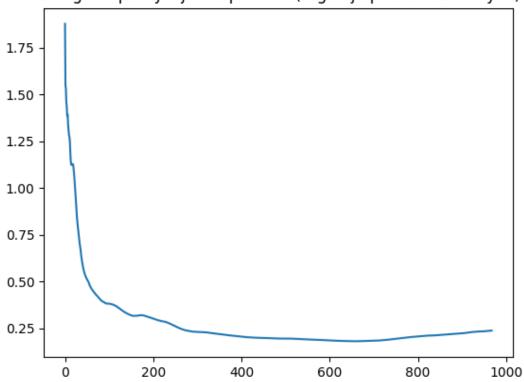


Odleglosc predykcji od optimum (usrednienie midpointow)

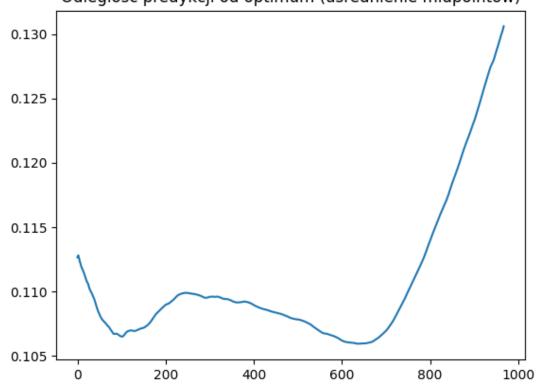


Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 30 wymiarów



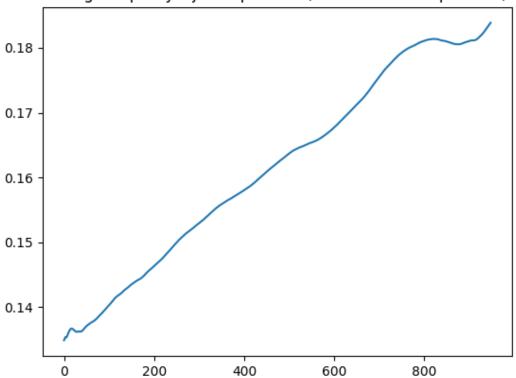


Odleglosc predykcji od optimum (usrednienie midpointow)

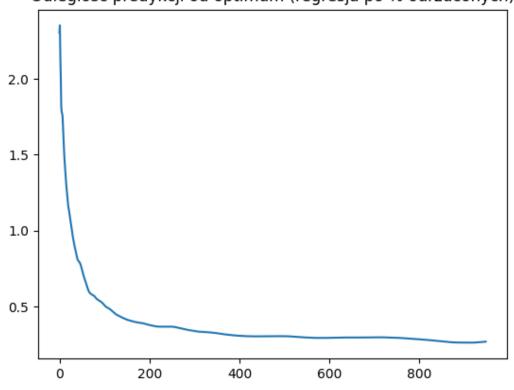


Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 50 wymiarów

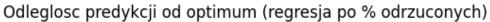
Odleglosc predykcji od optimum (usrednienie midpointow)

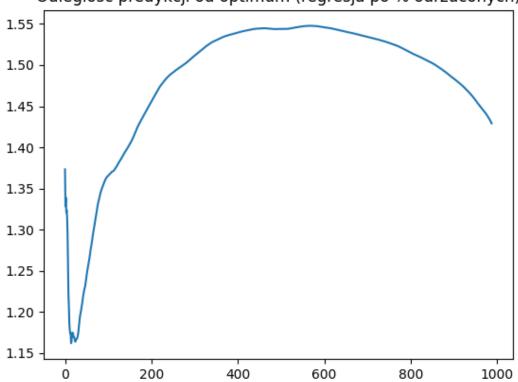


Odleglosc predykcji od optimum (regresja po % odrzuconych)

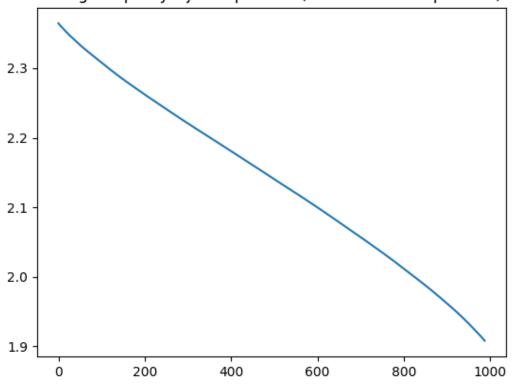


Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 10 wymiarów



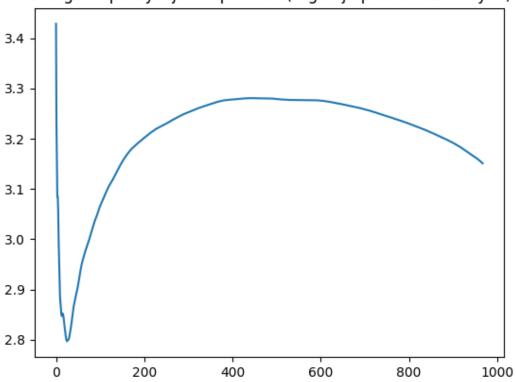


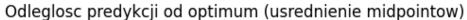
Odleglosc predykcji od optimum (usrednienie midpointow)

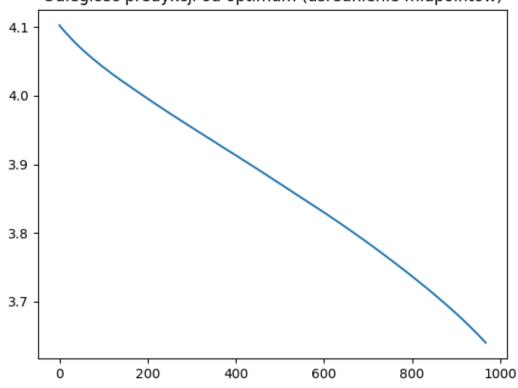


Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 30 wymiarów

Odleglosc predykcji od optimum (regresja po % odrzuconych)

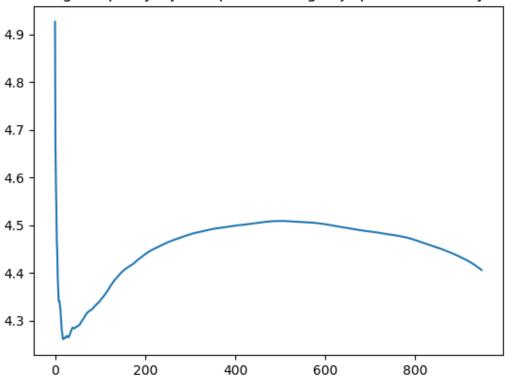


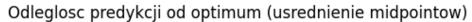


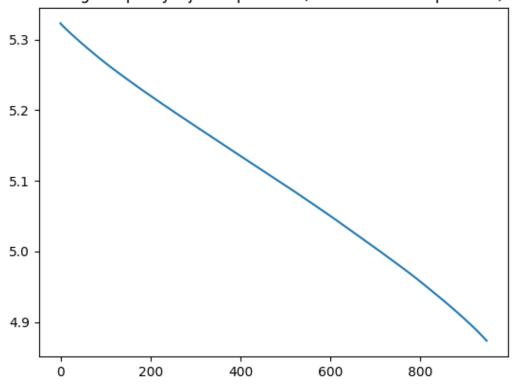


Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 50 wymiarów

Odleglosc predykcji od optimum (regresja po % odrzuconych)

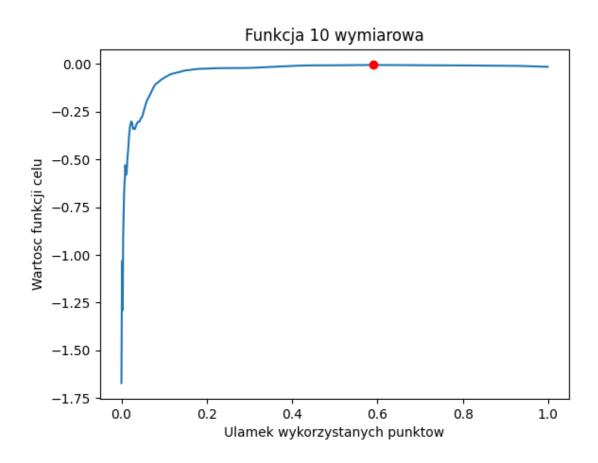






Analiza wartości funkcji celu

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 10 wymiarów

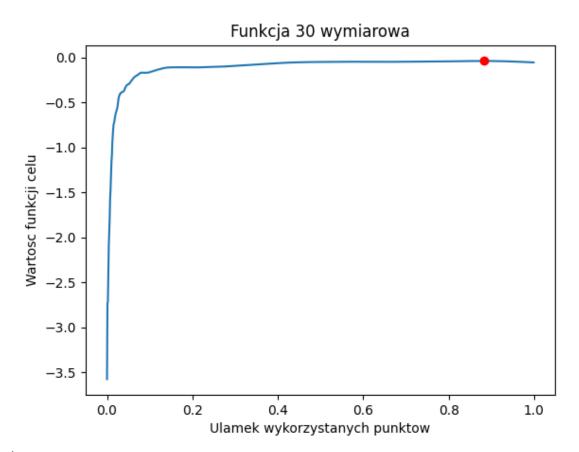


best point:

[0.03515571723249595, -0.035783613582705896, 0.0015476575768437369, -0.021048120480016058, -0.02966705967196024, -0.016913002232192307, -0.006086252744991499, -0.030132237172266534, 0.024944088891203735, -0.022346663149614903]

best value:

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 30 wymiarów

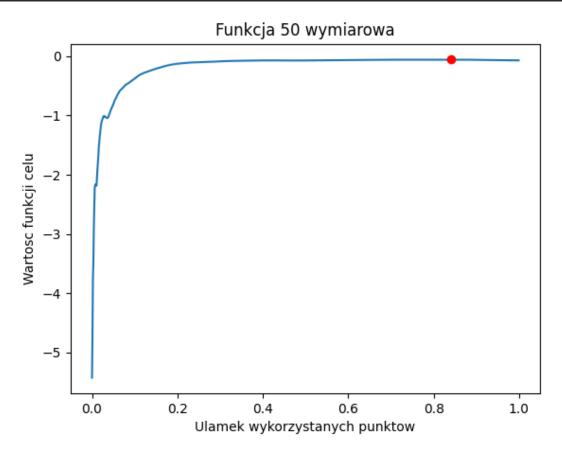


best point:

[0.007722426189656177, 0.004811094247932686, -0.00972125376152155, 0.05298626704084451, -0.018842299719211534, 0.0001315859548892094, 0.0363542782675357, -0.05077205308015998, 0.004097002801173721, 0.009355477263329854, -0.02744537179433966, 0.042309080392156466, 0.054296978157470845, -0.013902857248801415, 0.00756633880072018, 0.02809550747104697, -0.01814678014643056, 0.010801178201751204, 0.03677190313039222, -0.03471706087397768, -0.046991444135462974, -0.021789913086442802, -0.03211892370254702, 0.06526420795652635, 0.03724881804487134, 0.06577316809518807, 0.006734938841880128, 0.09052095202207669, 0.014264805296090007, -0.040597544054322816]

best value:

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 50 wymiarów

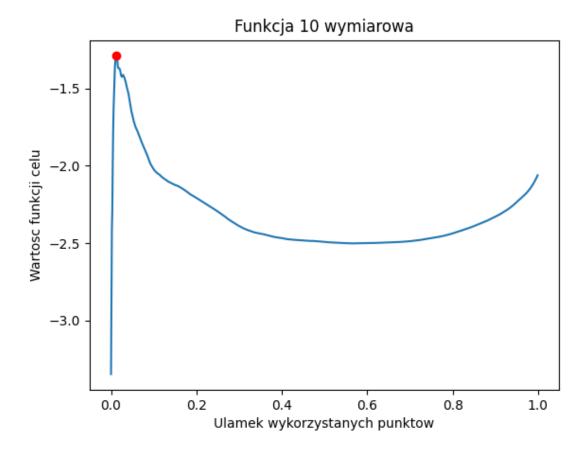


best point:

 $[0.014152289192684256, -0.04737433455120593, 0.008028387281600732, \\ 0.008393861137408025, -0.06636702495405578, 0.013323490221957328, -0.04731767563246158, \\ -0.0017048954835921044, 0.014874439290193903, -0.08589887032081231, \\ 0.026066620612169425, 0.003087024225543857, -0.011907244541845411, \\ 0.0012683208991252958, -0.01652394385078879, -0.027256814792102048, \\ 0.03182629421906452, 0.017769119239869912, 0.010862537363123224, -0.028486081651417278, \\ -0.008088194621912272, -0.0007496416485361229, -0.022562121721818828, \\ -0.0322105816578706, 0.006520367033450947, 0.06426910200561317, 0.03145296214943013, \\ 0.06304319415165269, 0.0383139175293116, 0.028396478529192415, 0.041722262243912525, \\ -0.05106756600676167, -0.012281238411629265, 0.011402369728185379, \\ -0.0004568678000186274, -0.011251791578771007, 0.02587825947397678, \\ -0.007701462886467666, 0.05636839630476205, 0.017786933630416172, 0.026828990873592907, \\ 0.014027343618250329, -0.06400809118616191, 0.024827921253581717, 0.061809652766049314, \\ -0.01705905403829882, 0.04303788587110515, 0.018280948769022403, 0.011200679196008563, \\ 0.021687081397714584]$

best value: -0.05137810170930538

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum nie pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 10 wymiarów



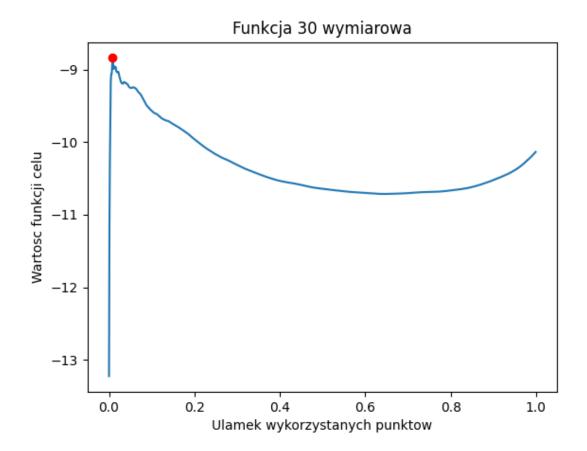
best point:

[-0.44553525545099715, -0.19650442740505392, -0.37816965218337223, -0.49804893117756244, -0.1389770373304191, -0.4337910258446271, -0.30786691090934737, -0.3551790078673416, -0.158570040708926, -0.4556317905147094]

best value:

-1.2893488973282168

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum nie pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 30 wymiarów



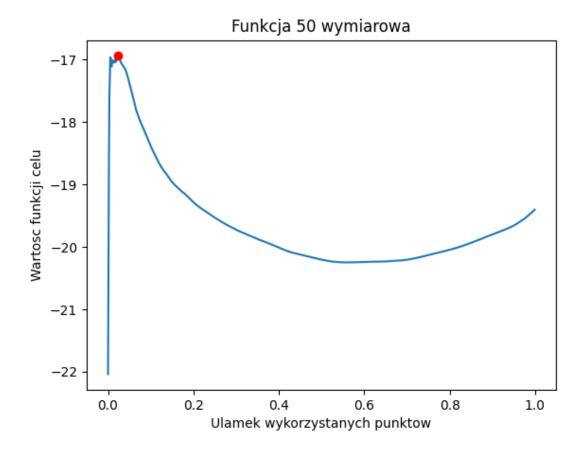
best point:

 $[-0.5191346059698625, -0.49048219862349274, -0.5059358301194248, \\ -0.5406360525747289, -0.08150271682738064, -0.5636362857000526, \\ -0.6298661998640651, -0.6046339692412985, -0.5925301829147469, \\ -0.46762183611975316, -0.4857858824178838, -0.6241666320885133, \\ -0.45403761740597914, -0.38361238112984963, -0.5592728622122299, \\ -0.5673804992893196, -0.5399552796790896, -0.7742738592918498, \\ -0.5135304345525727, -0.43066454565845147, -0.6783162520561654, \\ -0.39782951550161666, -0.5045403736986595, -0.5516948980616343, \\ -0.4557099456730322, -0.860545862438626, -0.6591407645300374, \\ -0.002347935829311809, -0.49653832403223436, -0.6051060872701707]$

best value:

-8.8412568056104

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum nie pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 50 wymiarów



best point:

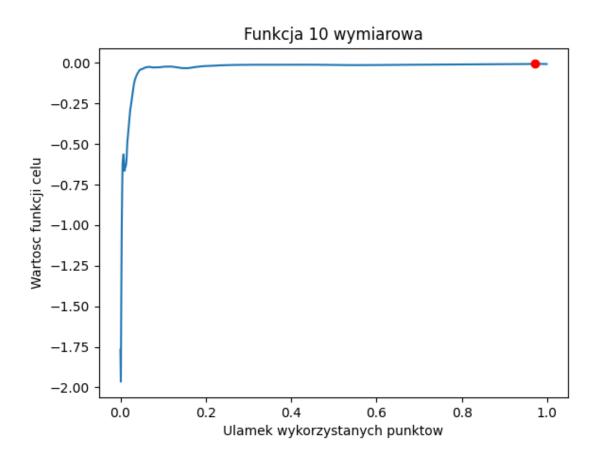
 $[-0.6429637008223916, -0.5070157725521536, -0.7361626920971486, -0.5735953887595568 \\ -0.5570749942706926, -0.5933566454084611, -0.7069350427916676, -0.7208173350758972, \\ -0.4427458665972826, -0.7908807770954492, -0.6098307922891116, -0.7939940777091121, \\ -0.5948547649131406, -0.4583683508036225, -0.39004189611759466, -0.6830057091866364, \\ -0.5383190641156415, -0.721130288461985, -0.5336193831772373, -0.458778492188205 \\ -0.5753209537609567, -0.668349995617493, -0.5220895712356717, -0.690849381633424, \\ -0.391786139403971, -0.6053354062065691, -0.4069528510753688, -0.45158428247562804, \\ -0.5419302333162764, -0.5721328298916762, -0.5230228698477974, -0.5456231063800641, \\ -0.5546770329669712, -0.5614314289369557, -0.48774269885062227, -0.33698150668584326, \\ -0.8205084221459609, -0.5384032605725864, -0.5220918227736717, -0.4370020449395135, \\ -0.4469341713963739, -0.4364770409120257, -0.7146842674299413, -0.648808384258394, \\ -0.6676219259012884, -0.3790502006981268, -0.7863098412134361, -0.48279589260644207, \\ -0.5515388001890466, -0.574134405356401]$

best value:

-16.94147269618413

Pomiary z 15.06.21

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 10 wymiarów



best point:

[-0.013718274045256855, 0.0027735752315709815, -0.016629857608079304, 0.002175806532815701, 0.03669987955628988, 0.043677507602728406, 0.004945316435550357, -0.00899037521478363, -0.03784972148833619, 0.014709430402591605]

best value:

best point in population:

best value in population:

-0.8720017796429013

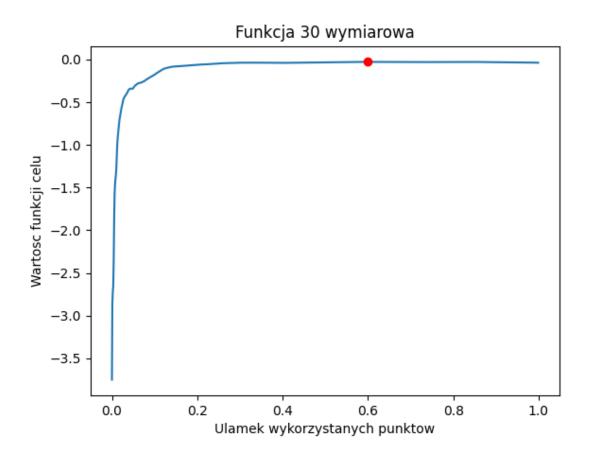
best point ever:

[-0.00014923856544407817, -2.248733999244204e-05, 6.414882798271362e-05, 4.914145608778055e-05, 0.0009751981913581481, -9.005020210393205e-05, 4.1028622146613986e-05, 5.6959302496107245e-05, -0.0013169887706764617, -1.1164129027951657e-05]

best value ever:

-2.727940105881831e-06

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 30 wymiarów



best point:

[-0.007460758687223284, -0.0012901025714958892, 0.03308273551042773, 0.06590847390113443, -0.012417982855019147, 0.004329905723880867, -0.052865298356299564, -0.016045217480751234, -0.02741920127270212, -0.046470093181611084, -0.02179943849253712, 0.02214000522921796, -0.029779260348848834, -0.006113842414298909, -0.02189103712102142, 0.008514914887948545, 0.0278820108586665, -0.0011682010181970348, 0.016888489305364865, 0.013480759226816644, 0.04247424886167596, -0.026686144866557217, 0.009455412088263828, 0.01215980557346314, 0.020712053056825996, 0.02440582599209104, -0.04936123186507611, -0.032057454134528214, 0.012022636836242436, 0.06425152321205604]

best value:

best point in population:

[0.20474458 0.37740723 0.33118717 -0.45079514 0.24301168 0.03389893 -0.30606579 0.66831772 0.06188102 0.04459807 -0.87125064 0.39729207 0.34677442 0.10419531 0.85306927 0.58943982 0.46852074 -0.17847662 0.01964403 0.16792058 0.5453545 0.32469412 0.15598623 -0.41300327 0.04363608 0.33409132 -0.31497366 0.37049078 0.96578077 -0.22343294]

best value in population:

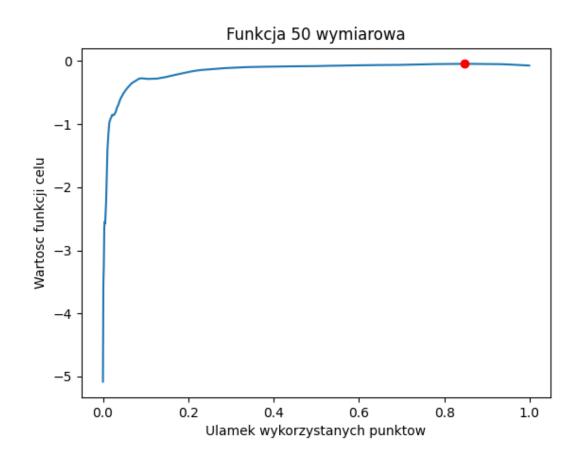
-5.437136699932269

best point ever:

[-5.037828831451355e-05, 8.00299232375963e-06, -3.8419149328502294e-05, -8.533815758275665e-05, 6.693816087445341e-05, 0.0009173699735784586, -5.9455590402955616e-05, -5.2320122169227656e-05, -0.00010238938447612589, 0.00011946038298290412, -0.005491969178357703, 0.0010190843341820674, -1.1518833379782793e-05, -0.00019141503806728924, -4.634221380435399e-05, 3.084025492815657e-05, 5.298666289634685e-05, -3.462010123935627e-06, 0.002593688401055814, 4.2002367331775425e-06, 0.027234348208816945, -3.97819648967207e-05, 5.715268065053353e-05, -6.662490115421499e-06, -1.2058987043754577e-05, 3.247516699982772e-06, -0.00027081116558830124, 5.699893295388336e-05, 3.7508193177163834e-06, 8.038992274376003e-05]

best value ever:

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1, 1> 50 wymiarów



best point:

[-0.02876938213945441, -0.04510994570773024, -0.03144793523208185, -0.07232608394569968, 0.04007171419057401, 0.029278597208965924, -0.021203941631832698, -0.018306153160278626, -0.01466715779380743, -0.011092078902821389, 0.012222305009225833, 0.002213460217164215, -0.014339907647520248, 0.008779119019305734, 0.01676661832311766, -0.03834803742131482, -0.008653145939921452, 0.03100729661482238, 0.0010725470084110534, 0.01189090911937825, -0.02385230618235623, 0.03872855640595054, 0.004904461917963652, -0.010743676583754604, -0.07947272927470962, -0.027923279229446447, -0.057060816057421165, 0.0031757762864955234, -0.004411302179229936, 0.014495426552958176, -0.011341544535153271, -0.010253996462597238, 0.03338488298217402, 0.007258763062126531, 0.0139643087172103, -0.002373201885900872, 0.018643902896287923, 0.020826647525907294, -0.06779024478104802,

0.020748206812077057, -0.03233484961896617, -0.014356559008723395, 0.07408936188631228, -0.01989403825828928, 0.009135614370905326, 0.020646110736373714, -0.016146354744530345, -0.022134919063970332, -0.032310123401125324, 0.025027326291272894]

best value:

-0.04631192295028132

best point in population:

[-0.22535289 -0.47317284 -0.36907496 0.06741226 -0.78898999 0.42255857 0.12786547 0.23363458 0.41157985 -0.57994727 -0.17432154 0.73331613 -0.61147563 -0.15618703 0.34119953 0.3074563 -0.03279857 -0.13499432 -0.06772136 0.21003215 -0.34922329 0.11182417 -0.64095926 -0.04550821 0.51738311 -0.10287926 0.06844678 0.33080332 0.09772668 0.79104596 0.02319642 -0.10578922 0.4617021 -0.28415047 -0.17092718 -0.80938758 0.53125554 -0.92543088 -0.1884964 0.20320916 0.20351678 0.28014505 0.99502464 -0.81334901 -0.19960989 -0.68040238 0.8512072 0.08364408 0.21337382 -0.39851178]

best value in population:

-10.0292394297008

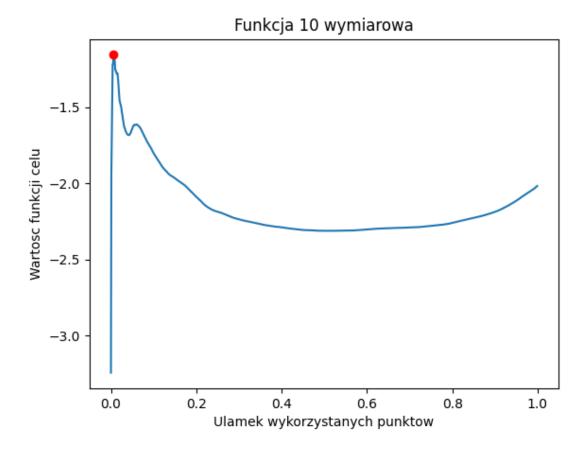
best point ever:

[-0.008085263574981343, 0.0001259366953207091, -8.099223632142792e-05, 0.0008364828304062016, -0.0003583445947402848, 3.0418809541760822e-05, 1.6923128728444856e-05, 4.3332076256060587e-05, -1.0129196705510601e-05, -5.869030451876797e-05, 2.634489432571871e-05, -7.315900462713e-07, 0.00012821194292488448, 6.619428381221884e-05, 0.0009605908103003172, 0.00012489895724160024, 7.893019360480369e-06, 5.140771315917218e-05, 2.9364060066859946e-06, 6.907112121157591e-05, 9.61888681106221e-05, 0.002531548888545558, 0.0016884766280974694, -7.390124818691321e-05, 0.028950267791267695, -5.901400462823836e-05, -

0.020460446250755562, -4.452578252437528e-05, -0.0001021511424965163, -2.3641767003371866e-05, 3.756273260438936e-05, -4.043367605582014e-05, -0.00011322482312649262, -1.8399031581823634e-06, 3.48594985680158e-05, 1.4462881688197954e-05, 4.331617027035321e-05, -8.09118594586461e-07, 0.006913600097526937, -0.00019582809806976964, 4.2971997016819086e-05, -0.0001319853020966301, 0.0010595582435755993, 7.141219455499871e-05, -0.00025919102303382873, 0.01763869762092266, 3.398273948617553e-05, -0.00014628177173745178, -0.0022854079302658124, 5.019525283466407e-05]

best value ever:

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum nie pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 10 wymiarów



best point:

[-0.19727753587581986, -0.39628283413107485, -0.21395214847765776, -0.45940695956468447, -0.10342868986586906, -0.7326775898026948, -0.2521174962942062, -0.15998217117449876, -0.04591580645253479, -0.2564709297581266]

best value:

-1.157345857733872

best point in population:

[-0.42317016 -0.11347523 0.16761537 -0.61169987 -0.56700065 0.23126321 -0.54057594 -0.06778348 -0.32942098 -0.53840518]

best value in population:

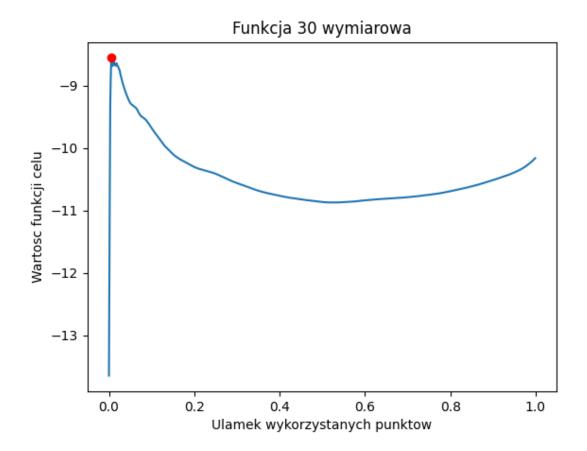
-1.6644089362207133

best point ever:

[-0.1556969028555909, -0.10918389663555761, -0.1927894877659413, -0.4034452230942501, -0.029048093283600807, -0.3628934922695546, -0.21158452789597382, -0.14778178787877083, -0.003919759821582658, -0.14940020833705903]

best value ever:

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum nie pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 30 wymiarów



best point:

 $\begin{bmatrix} -0.36792479539593614, -0.5666877118948552, -0.41119374270704445, -0.45701696010206444, -0.46095897943617453, -0.5479108040818744, -0.2801753126961808, -0.6082487543522148, -0.5983287254668879, -0.7265557960139418, -0.7950548639865567, -0.10630139710023101, -0.5302686534185093, -0.5992942462701027, -0.47641073248126004, -0.7581736019348994, -0.4594844903196425, -0.30267767749337915, -0.2946916854630824, -0.7067132222752583, -0.3906146276746656, -0.3387936244926, -0.5237721291172603, -0.675395503868376, -0.7471618474916083, -0.6774364483185741, -0.3746277072244656, -0.5056575189596655, -0.42556287744799026, -0.5500156721055296 \end{bmatrix}$

best value:

-8.55073943816397

best point in population:

[-1.23375407 -0.49985587 -0.69053622 -0.11166353 -0.21956128 -0.21556003 -0.63531597 -0.99868399 -0.46647705 -0.10156181 0.06076698 -0.14036811 -0.09459639 -0.21523444 -0.67732582 -1.70327129 -0.10068291 0.02818364 -0.07712989 -0.51504695 -0.29760557 -1.58128748 0.21212778 -0.51741946 0.2068249 -1.07222001 -0.16036439 -0.61412656 0.08065192 -0.12294079]

best value in population:

-12.224306199146701

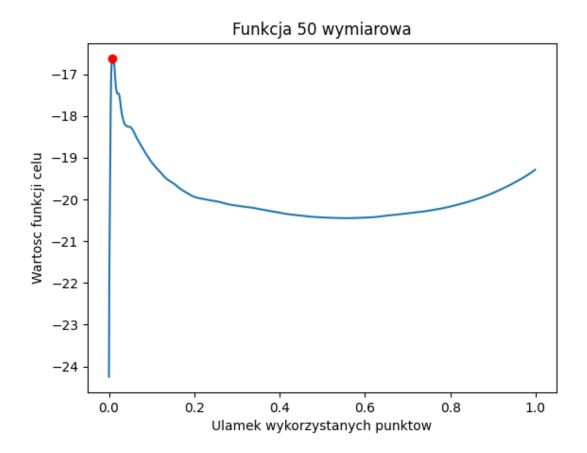
best point ever:

[-0.18851327146592822, -0.35769369618851526, -0.3599563324902985, -0.31730571133911184, -0.38106882912218637, -0.4469868058204508, -0.19251729763866443, -0.5278433411336033, -0.4537172704299596, -0.4563887109740359, -0.3926425081586656, -0.06737719908317386, -0.4779649890754288, -0.27357385070176055, -0.45031474949294725, -0.49071420256305787, -0.428566433851436, -0.15877854325010876, -0.2731578133509871, -0.18060721329201057, -0.3767374145468427, -0.24925789961808437, -0.4844677719096148, -0.3384839773773131, -0.5690089586525987, -0.5182174127030063, -0.17747086575135074, -0.2595484229671754, -0.42281751969022097, -0.3595020678333065]

best value ever:

-4.242813638427873

Funkcja kwadratowa z optimum w punkcie 0 Optimum nie pokrywa się z wartością oczekiwaną Punkty generowane z rozkładu jednostajnego <-1.75, 0.25> 50 wymiarów



best point:

[-0.5272327355380865, -0.06576394691592602, -0.6888141564000889, -0.3199151679801095, -0.8389181465528187, -0.3035077128901717, -0.6678357438511099, -0.6311987313199726, -0.7864205124297299, -0.5710890423724322, -0.3111385370032611, -0.6405506490679312, -0.849469749362303, -0.6365895827739427, -0.37741186907915125, -0.5064092341464637, -1.0054077301572402, -0.5329074348570215, -0.48072822891373423, -0.4272321499136872, -0.43487043589311697, -0.7424232071260594, -0.6712481854725382, -0.4933325699484058, -0.6933222740565765, -0.4581563106198911, -0.2528804726406144, -0.49157004705466195, -0.7662333742747759, -0.532508931159248, -0.5006755542064752, -0.9081138145151552, -0.21134345063911475, -0.4312627806584078, -0.7713995793572616, -0.5885073555171405, -

0.6341219823736598, -0.5177068663275685, -0.575602942484555, 0.24260037865173967, -0.44805208919025524, -0.49743081317220683, 0.5425724352418668, -0.36612702455586843, -0.5086780461663143, 0.44094565493070165, -0.5284769810112]

best value:

-16.633815323985203

best point in population:

[-0.35790252 0.10496883 0.14943395 -0.24603919 -0.52650605 -1.48410765 -1.56229752 -0.62189331 -1.0171985 -0.92220258 -0.42181725 -0.42143303 -0.60089255 0.18158799 -0.05902483 -1.26739077 0.02788445 -1.22939514 -0.51407731 -0.17574188 -1.53314945 -0.18675295 0.06809452 -0.2585559 -1.0081452 -0.02459207 -1.35053436 -1.01777539 0.0852566 -0.46050603 0.05738875 -0.39270055 -1.22920187 -0.95955201 -0.03906051 -0.00356725 -0.56572447 -0.9851849 -0.98438493 0.21276641 -0.90439393 -0.04592475 -0.93774123 0.0182684 -1.22596793 -0.45412027 -0.47960693 0.09128238 -0.20748055 -0.48058501]

best value in population:

-26.951108550363664

best point ever:

[-0.5272327355380865, -0.05552628757803024, -0.4616957413370251, -0.0660502237063858, -0.5922892925109986, -0.22107575981706762, -0.468013172488109, -0.36770341715496063, -0.5156859559684633, -0.5113605496625044, -0.29679758470601164, -0.36624834335468703, -0.5605022076530263, -0.3343599978611797, -0.2999383189958144, -0.4702452898420683, -0.5720006816427106, -0.46104332589058783, -0.19831355427802877, -0.17474982840935738, -0.3288518622212307, -0.40615503757849, -0.3892372370521989, -0.4933325699484058, -0.4339442820700074, -0.3667525115801436, -0.11795811145830293, -

 $\begin{array}{l} 0.40816381449244593, -0.1652876529942886, -0.21358315400885608, -0.364040290962054, -0.5390405687832494, -0.39597452715312964, -0.4453657699870895, -0.34139540377789895, -0.18997486519168416, -0.3260853356647104, -0.5627802394706404, -0.4170948595615804, -0.25936421621218, -0.32473861939032894, -0.2870964943173909, -0.19685230129839182, -0.21648743207461496, -0.29699501184643295, -0.3031542304319002, -0.3432989334947734, -0.17234477652723046, -0.4063473820230216, -0.4718624506007981]$

best value ever:

-7.177175793924156