Prüfung 07

Name: _____

Lineare Gleichungssysteme, Strahlensätze

31. August 2022

- Für die Prüfung habt ihr 90 Minuten Zeit.
- Bitte alleine arbeiten, d.h. keine Kommunikationsmittel benutzen!
- Eine Seite (A4) mit Notizen und Formeln ist erlaubt, ebenso der Taschenrechner!
- Der Lösungsweg muss ersichtlich sein, sonst gibts keine Punkte.
- Resultate exakt angeben, d.h. $\sqrt{2}$ und nicht 1.41421.

Lineare Gleichungssysteme (2 Punkte pro Teilaufgabe) Bestimme die Lösung der nachfolgenden Gleichungssysteme. Die Wahl der Lösungsmethode ist frei – d.h. ob Gauss-Elimination oder Determinanten-Verfahren: ihr bestimmt selbständig.

1.
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 &= 1\\ x_1 + x_2 + x_3 = 2\\ 3x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 3 \end{cases}$$

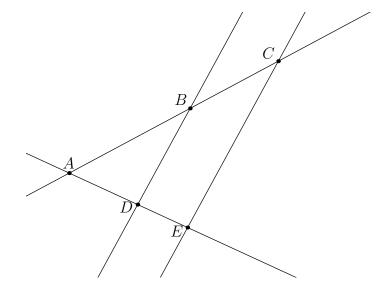
3.
$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 - x_3 = 6 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = 2 \\ x_1 - 2x_2 + 2x_3 = -5 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 = 2\\ 2x_1 + 3x_2 - 3x_3 = 2\\ 4x_1 - x_2 + 2x_3 = 5 \end{cases}$$

4.
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 4 \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 = 5 \\ -2x_1 - 2x_2 - 2x_3 = 6 \end{cases}$$

Strahlensätze (4 Punkte pro Teilaufgabe)

1. Gegeben ist die untenstehende Figur (wobei $BD \mid\mid CE$) und die Längen der folgenden Strecken: $|AB|=3\,\mathrm{m},\,|BD|=4\,\mathrm{m},\,|AD|=2\,\mathrm{m}$ sowie $|DE|=1\,\mathrm{m}.$ Berechne die Längen der Strecken BC und CE.

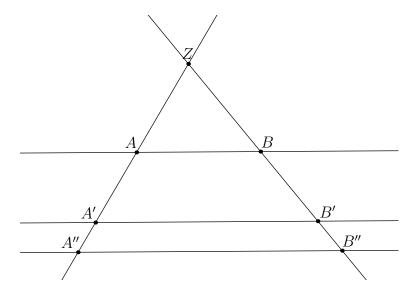


2. Gegeben ist die untenstehende Figur (wobei $AB \mid\mid A'B'$ und $A'B'\mid\mid A''B''$) und die Länge der folgenden Strecken:

$$|ZA| = a, |AA'| = b, |A'A''| = c, |ZB| = d \text{ sowie } |A'B'| = e.$$

Bestimme die Längen der folgenden Strecken:

$$|AB| = x$$
, $|BB'| = y$ sowie $|A''B''| = z$.



Viel Erfolg!