## PROCESE POISSON

• PROCES STOCASTIC def., six de v.a. indexate după timp poete fi discret sau (RANDOM PROCESS) (Xt) te I multimes momentelor de timp



• PROCES POISSON OMOGEN ( DE PATA 2)

NEOMOGEN ( CU FUCȚIA DE INTENSITATE 2(+))

## 1) (PROCES POISSON O MOGEN)

Presupurene că evenimente de același fel au loc la momente de timp alea toare în intervalul [0,t]. Notoru cu N(t) (sau N<sub>t</sub>) muniarul de evenimente produse în acest interval. (N(t)) ter, se numeste PROCES POISSON OMOGEN DE RATA 2, 2>0 dacă:

b) 
$$N(t+s)-N(s)$$
 si  $N(s)$  sunt independente (numarul de evenimente produse ûn dona interme disjuncte constituie v.a. independente)

c)  $N(t+s)-N(s)$  si  $N(t)$  au acceasi repartitie (repartitia mr. de evenimente produse ûntr-un anumit (incremente stationare) interval olepinde numai de lungimea intervalului)

d)  $\lim_{h\to 0} \frac{P(N(h)=1)}{h} = 2$ 
 $\lim_{h\to 0} \frac{P(N(h)=1)}{h} = 2$ 

(incremente stationare) in terval depinde numai de lungimea in tervaluli 
$$\frac{1}{h} = \frac{P(N(h)=1)}{h} = 2$$

e) line 
$$\frac{P(N(h) \ge 2)}{h} = 0$$

a se produce exact 1 eveniment este aproximativo egala cu  $2h$ , pe cand probabilitatea de a se produce 2 san mai muelte evenimente este aproximativo egala cu  $0$ ).

OBS: Numarul de evenimente produse ûn intervalul [0, t] este o v.a. Poisson de medie Et.

CONVENTIE: Notare cu X1 momentul aparitiei primului eveniment și pentru n > 1 natural Xn reprezintă tirupul scurs între evenimentele n-1 și respectiv n.

Teorema: X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>... X<sub>n</sub> sunt v.a. i.i.d. repartizate Exp(2).

[085]: Notaru cu  $S_n = \sum_{i=1}^n x_i$  momentul de timp la rare are loc everiementul m. Atunci Sn N Garuna (n, 2).

## 2) PROCES POISSON NEOHOGEN }

Spurierie cà (N(t)) tell, se numeste PROCES POISSON NEOMOGEN CU FUNCTIA DE INTENSITATE 2(t)

» arata cat e de probabil sa se produca un eveniment ûntr-o vecinatate a momentulu t. -a) N(0) = 0L) N(t+s)-N(s) si N(s) sunt v.a. independente

L) Since P(y) exact 1 eveniment s-a produs in intervalul [t, t+k] = 2(t)d) line P(" două sau ruai ruulte evenimente se produc în intervalul [t, t+h]) =0

085]: Functia m(t) = \$2(s) ds se numeste funcția de valoare nuedie.

Teorenia: V.a. N(t+s)-N(t) este o v.a. Poisson de medie m(t+s)-me(t).

[0B5]: Presuperen ca un munar de evenimente au loc conforme unui proces Poisson de rata 2 si ca, independent de ce s-a produs pana atunci, are loc un eveniment la momentul t cu probabilitatea p(t). Atunci numarul total de evenimente urmeaza un proces Poisson cu functia de intensitate (2(t) = 2. p(t)).

 $\frac{\sqrt{\text{Jenuă}}}{\sqrt{2}}$ : 1) Tie un proces Poisson omogen cu rata  $\lambda = 0.6/\sigma$ tă. Determinații probabilitatea ca miciun eveniment să mu aebă loc în în tervalul 16:00-20:00.

2 Pentru un proces Poisson omogen de rata a determinați :  $(N(t))_{t \in R_t}$ 

P(N(s) = k | N(t) = n) pertur set.

be se intampla daca s>t?