## notebook\_09

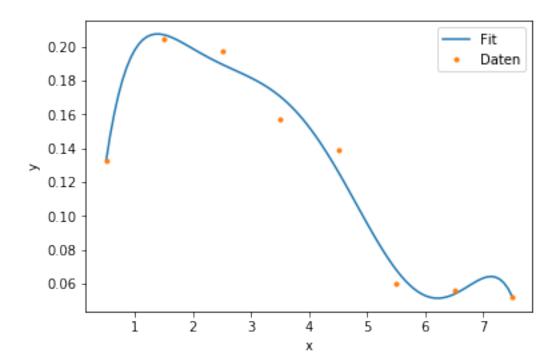
December 19, 2018

## 1 Aufgabe 25

```
In [1]: import numpy as np
        import matplotlib.pyplot as plt
        from numpy.polynomial.polynomial import polyval
        import uncertainties.unumpy as unp
        from uncertainties.unumpy import nominal_values as noms
        from uncertainties.unumpy import std_devs as stds
        import pandas as pd
   a) Bestimme die Parameter mit der Methoder der kleinsten Quadrate:
In [2]: #read data
        x, y = np.genfromtxt('aufg_a.csv', delimiter = ',', unpack = True)
        #design matrix
        A = np.array([x**i for i in range(7)]).T
        #parameters with least square
        best_a = np.linalg.inv(A.T @ A) @ A.T @ y
        for i in range(7):
            print(f'a_{i} ~ {best_a[i]:.4f}')
a_0 \sim -0.0674
a_1 \sim 0.6096
a_2 \sim -0.5137
a_3 \sim 0.2106
a_4 \sim -0.0452
a_5 \sim 0.0048
a_6 \sim -0.0002
```

Stelle das Ergebnis graphisch dar:

```
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.legend()
plt.show()
```

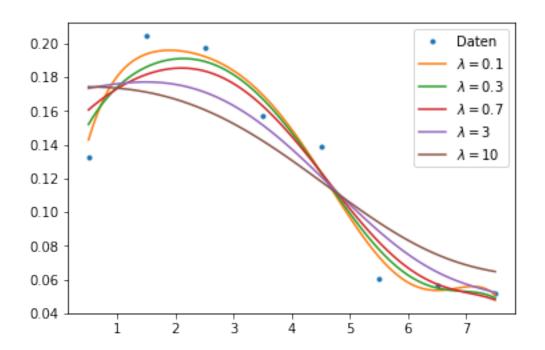


**b)** Erstelle zunächst die Matrix *C*, mit der die numerische zweite Ableitung bestimmt wird:

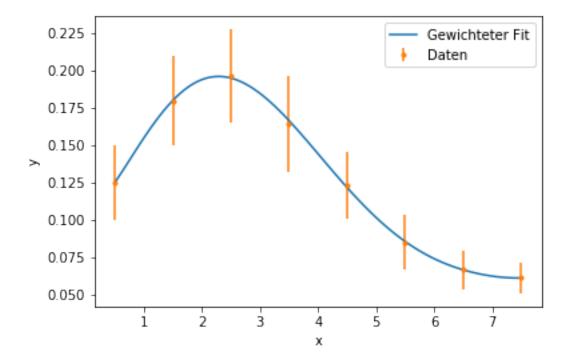
```
In [4]: C = np.zeros((np.shape(A)[0], np.shape(A)[0]))
       np.fill_diagonal(C, -2)
       np.fill_diagonal(C[1:], 1)
       np.fill_diagonal(C[:, 1:], 1)
       C[0, 0] = -1
       C[-1, -1] = -1
Out[4]: array([[-1., 1., 0., 0., 0., 0.,
                                            0.,
              [1., -2., 1., 0.,
                                  0.,
                                        0.,
                                            0.,
                                                 0.],
              [ 0., 1., -2.,
                              1.,
                                  0.,
                                        0.,
                                            0.,
                                                 0.],
                         1., -2.,
                                   1.,
              [ 0., 0.,
                                        0.,
                                            0.,
                                                 0.],
              [ 0.,
                    0.,
                         0.,
                              1., -2.,
                                        1.,
                                            0.,
                                                 0.],
                                  1., -2.,
              [ 0., 0.,
                         0., 0.,
                                            1.,
              [ 0., 0.,
                         0., 0., 0., 1., -2.,
              [0., 0., 0., 0., 0., 0., 1., -1.]]
```

Gibt es dafür eine fertige Methode?

Stelle die Ergebnisse der Regularisierung für verschiedene  $\lambda$  dar:



## Stelle Ergebnisse in einem Plot dar:



Witschle lafge be 27: Grisard a) Likelihood allgamin: L(a) = f(x, la). ... f(x, a) = ti f(x, la) hie ID: L(b) = IT f(x; 16) and f(x) = ) \$6 , x ∈ [0, 6] pir ein gegebene Sample ist die Like lihood also O, wear to so grewith t wird, dass min. I to nicht in [0,6] liegt. Wean b≥ ×i ∀i ∈ fl,..., n], dann f(x; 16) = to und L(6) = In In fill monoton mit b, dater is t 4 (max 2) maximal und du buste Schafzer ist b = max (2) 6) I mak x =  $\int_{\max(x_i)}^{\infty} x \, dx = \underbrace{x \in \{x_i\}}_{2}$ \*Elkil Für Erwartungstrene muss, Ernartungswert vom Schitzer = Schitzer' sein, wahle de hu · max (x) XEdKil