

# blatt08\_nitschke\_grisard

December 13, 2018

## 1 Blatt 8

### 1.1 Aufgabe 22: Fehlerfortpflanzung

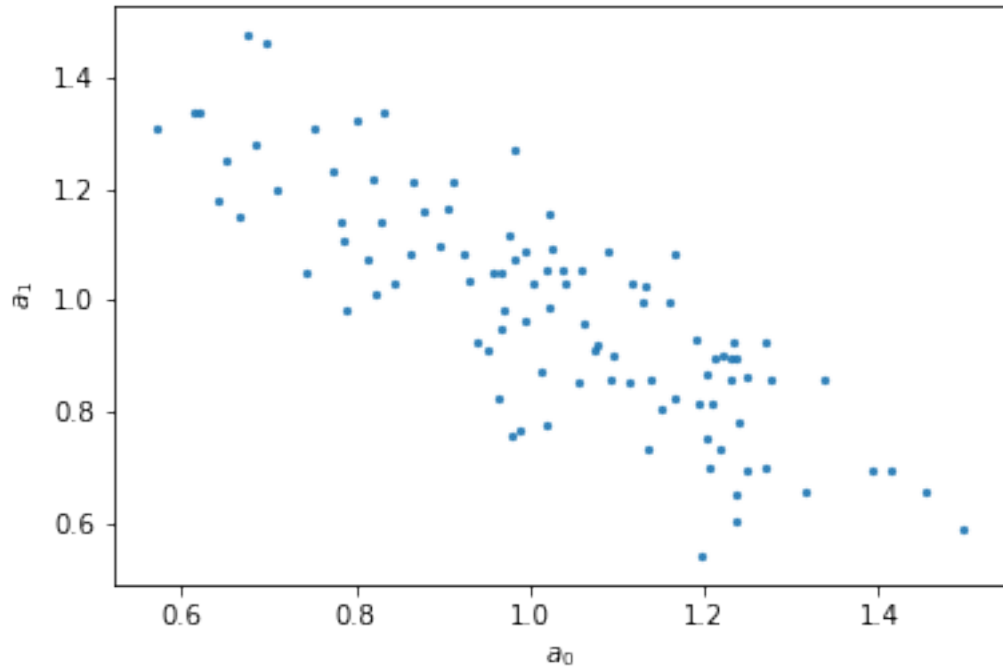
```
In [1]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import uncertainties.unumpy as unp
from uncertainties import ufloat
```

```
In [2]: sig0 = 0.2
sig1 = 0.2
rho = -0.8
cov = [[sig0**2, rho * sig0 * sig1], [rho * sig0 * sig1, sig1**2]]

a = np.random.multivariate_normal(mean = [1, 1], cov = cov, size = 100)
```

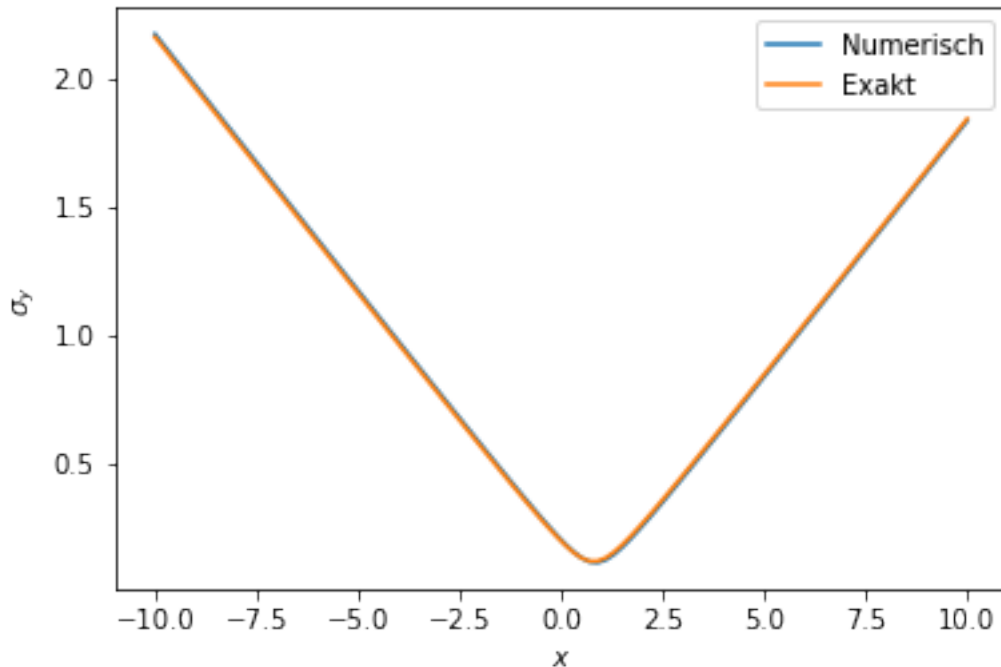
```
In [3]: plt.scatter(a[:, 0], a[:, 1], alpha = 0.9, s = 5)
plt.xlabel('$a_0$')
plt.ylabel('$a_1$')
```

```
Out[3]: Text(0,0.5,'$a_1$')
```



```
In [4]: x = np.linspace(-10, 10, 100)
        stdy = [np.std(a[:, 0] + a[:, 1] * x_i) for x_i in x]
        plt.plot(x, stdy, label = 'Numerisch' )

        def exact(x):
            return np.sqrt(sig0**2 + x**2 * sig1**2 + 2 * rho * sig0 * sig1 * x)
        plt.plot(x, exact(x), label = 'Exakt')
        plt.xlabel('$x$')
        plt.ylabel('$\sigma_y$')
        plt.legend()
        plt.show()
```



```
In [5]: x = [-3, 0, 3]
        for x_i in x:
            y = a[:, 0] + a[:, 1] * x_i
            print(f'x = {x_i}: \t y = {np.mean(y)} +/- {np.std(y)}')
```

```
x = -3:      y = -1.9250436922653082 +/- 0.7785297025549353
x = 0:       y = 1.023122468479524 +/- 0.20507693921197506
x = 3:       y = 3.9712886292243557 +/- 0.44653974631817794
```

Kommentar: Die numerischen Ergebnisse stimmen recht gut mit den exakt bestimmten Werten überein (siehe Handschriftliches). Die Präzision nimmt für große Beträge von  $x$  ab (siehe Plot oben). Durch eine Vergrößerung des Samples könnte die Präzision gesteigert werden.

## 1.2 Aufgabe 24: F(uckin')-Praktikum

```
In [6]: Asymmetrie = np.matrix([-0.032, 0.01, 0.057,
                                0.068, 0.076, 0.08,
                                0.031, 0.005, -0.041,
                                -0.09, -0.088, -0.074])
        Psi = np.arange(0, 331, 30)
```

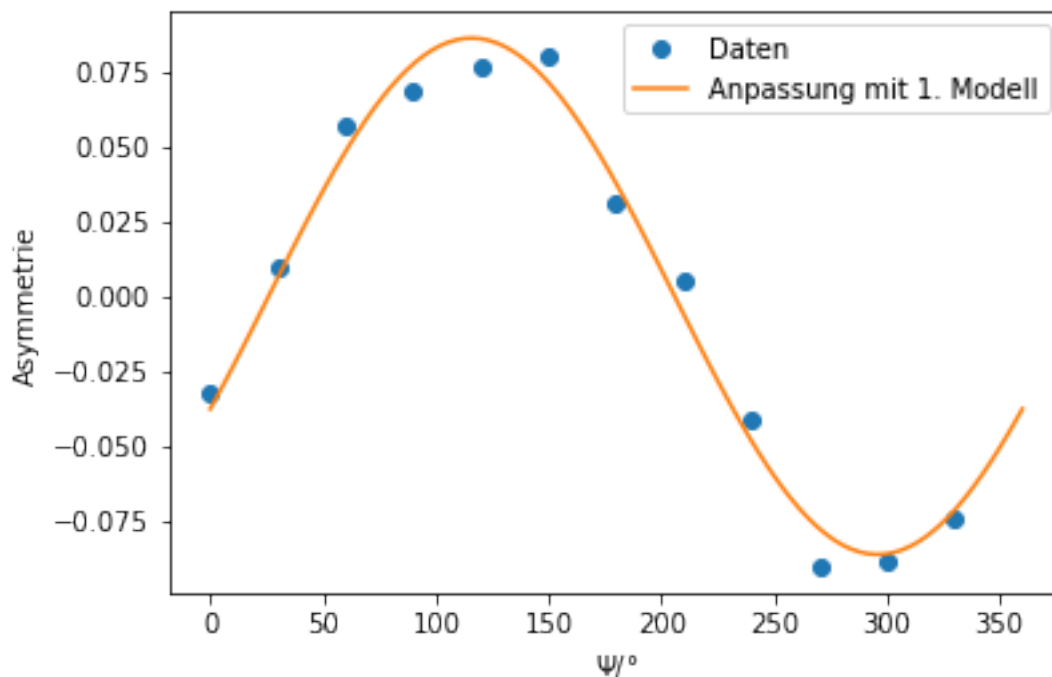
```
In [7]: A = np.matrix([np.cos(Psi / 180 * np.pi), np.sin(Psi / 180 * np.pi)]).T
```

```
In [8]: a = (A.T * A).I * A.T * Asymmetrie.T
        a
```

```
Out[8]: matrix([[ -0.0375063 ],
                [ 0.07739978]])
```

```
In [9]: Psi_plot = np.linspace(0, 360, 100)
plt.plot(Psi, Asymmetrie.T, 'o', label = 'Daten')
plt.xlabel('$\Psi / \text{r}$')
plt.ylabel('Asymmetrie')
plt.plot(Psi_plot,
         a[0, 0] * np.cos(Psi_plot / 180 * np.pi) + a[1,0] * np.sin(Psi_plot / 180 * np.pi),
         label = 'Anpassung mit 1. Modell')
plt.legend()
```

```
Out[9]: <matplotlib.legend.Legend at 0x7f4b91e015f8>
```



```
In [10]: sigma = 0.011
Cov = np.array(sigma**2 * (A.T * A).I)
```

```
In [11]: rho = Cov[0, 1] / np.sqrt(Cov[0, 0] * Cov[1, 1])
print(f'a1 = {ufloat(a[0, 0], np.sqrt(Cov[0, 0]))}')
print(f'a2 = {ufloat(a[1, 0], np.sqrt(Cov[1, 1]))}')
print(f'Korrelationskoeffizient: {rho}')
```

```
a1 = -0.038+/-0.004
```

```
a2 = 0.077+/-0.004
```

```
Korrelationskoeffizient: -6.542726332681614e-17
```

Die Korrelation ist fast 0. Das Modell ist also gut gewählt, was letztlich an der Orthogonalität der Funktionen Sinus und Kosinus liegt.

```
In [12]: delta = unp.arctan(- a[1, 0] / a[0, 0])
         A0 = a[0, 0] / unp.cos(unp.arctan(- a[1, 0] / a[0, 0]))

In [13]: a1 = a[0,0]
         a2 = a[1,0]

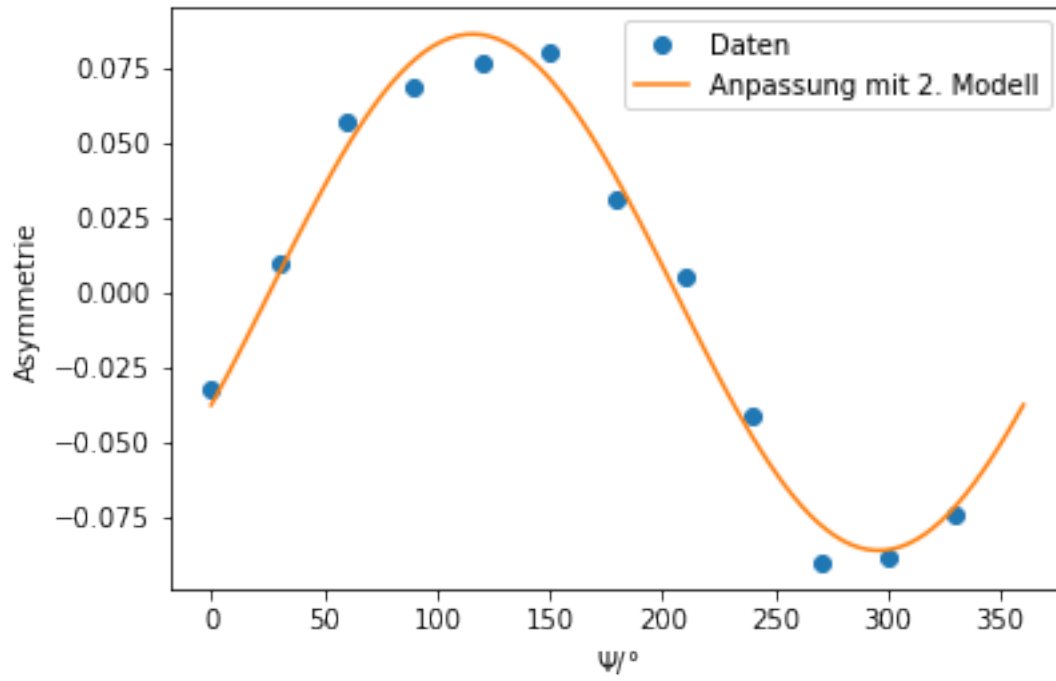
         J = np.matrix([[a1 / np.sqrt(a1**2 + a2**2), a2 / np.sqrt(a1**2 + a2**2)],
                        [a2 / (a1**2 + a2**2), -1 / (a1 + a2**2 / a1)]])
         Cov2 = J * Cov * J.T
         print(f'A_0 = {ufloat(A0, np.sqrt(Cov2[0, 0]))}')
         print(f'delta = {ufloat(delta, np.sqrt(Cov2[1, 1]))}')
         print(f'Korrelation: {Cov2[1, 0] / np.sqrt(Cov2[0, 0] * Cov2[1, 1]) }')
```

A\_0 = -0.086+/-0.004  
delta = 1.12+/-0.05  
Korrelation: -1.155998080162034e-16

Die Korrelation ist ebenfalls sehr klein aber etwa 10x gröSSer als bei dem anderen Modell.

```
In [14]: Psi_plot = np.linspace(0, 360, 100)
         plt.plot(Psi, Asymmetrie.T, 'o', label = 'Daten')
         plt.xlabel('$\Psi$ / $r$')
         plt.ylabel('Asymmetrie')
         plt.plot(Psi_plot, A0 * unp.cos(Psi_plot / 180 * np.pi + delta), label = 'Anpassung m')
         plt.legend()
```

Out[14]: <matplotlib.legend.Legend at 0x7f4b91973e80>



In [ ]: