# ISTx1002 Usikkerhet og støy i målinger Tipps til oppgave 4 i prosjektet

Stefanie Muff, Institutt for matematiske fag, NTNU Trondheim

Oktober 30, 2023

I denne oppgaven skal gruppa bruke sine egne steg som måleinstrumenter for avstand (i meter), og deretter beregne en avstand.  4a) Ettersom de færreste har en steglengde på nøyaktig 1m må hver gruppedeltakers steglengde kalibreres mot en meterstokk eller en annen gjenstand me kjent lengde. Mål opp steglengde 10 ganger for hvert gruppemedlem og regn ut gjennomsnitt og standardavvik for hver person. Beregn også standard usikkerheten i gjennomsnittet for hver person.
4b) Nå skal dere måle en avstand. Velg en rute mellom to punkter, helst et godt stykke. Hvert gruppemedlem går så ruten én etter én, og teller antall skritt (med en stegteller eller manuell telling). Finn et felles estimat på lengden til ruta dere valgte i meter, basert på på de kalibrerte steglengdene deres og antall steg. Oppgi selve estimatet og usikkerheten i estimatet. Vis utregninger.

# Oppgave 4a

For hver eneste person i gruppa, mål 10 ganger. Et steg kan sees som tilfeldig variabel X med

$$X \sim N(\mu, \sigma^2)$$
.

- Standard usikkerhet i gjennomsnitt  $\overline{x} = \hat{\mu}$  tilsvarer standard feil i estimatet for forventningsverdien  $\mu$ .
- Eksempel: Vi måler (i cm ) 67, 72,80,69,71,78,72,69,70,71

$$\hat{\mu} = \overline{x} =$$

$$\sigma^2 =$$

$$\sigma =$$

• Standard usikkerhet i  $\overline{x}$  er standard feil  $SD(\overline{x}) =$ 

- Oppgave 4a gir deg  $\hat{\mu}$  og  $SD(\hat{\mu})$ .
- Det er et kalibrert estimat av din steglengde, som du kan bruke for å måle distanser du skritter av - men vær obs på at du har nå en målestokk som er litt ustødig.
- I tillegg til målestokken med usikkerhet, har du også standardavviket du må ta i betraktning hvert skritt.



To kilder usikkerhet!

# Oppgave 4b

- Nå ma alle medlemmer i gruppa skritte av en vist rute dere har bestet dere for.
- Hvert medlem ganger antal skritt med skrittlengden som hver har fått i oppgave 4a.
- Viktig: For hvert medlem må dere også beregne standard usikkerheten (standardavviket) i den estimerte lengden (dette er cruxen!).
- Til slutt må dere ta gjennomsnittet av *alle* målte distansene i gruppen, og angi usikkerheten i dette estimatet.

#### Eksempel: En skritt

Hvis vi måler en skritt, så er målestørrelsen

$$M \sim N(\hat{\mu}, \sigma^2)$$
,

men

$$\hat{\mu} \sim N(\mu, \frac{\sigma^2}{10})$$

Derfor er standard usikkerheten i én skritt gitt som  $\sqrt{\sigma^2 + \frac{\sigma^2}{10}}$ .

### Eksempel: To skritt

$$M_1 + M_2 \sim \mathcal{N}(2\hat{\mu}, 2\sigma^2)$$
 ,

med

$$2\hat{\mu} \sim N(2\mu, )$$

(hva er variansen til  $2\hat{\mu}$ ?)

Derfor er standard usikkerheten i én skritt gitt som



### Til slutt ...

... må dere ta gjennomsnittet mellom alle estimatene og angi usikkerheten i dette sluttestimatet.