## PTC2324 - PDS I - Outubro de 2014

## Profa. Maria D. Miranda - Monitor: Flávio Renê M. Pavan

O MATLAB possui um toolbox especifico para processamento de sinais. A seguir descreveremos algumas funções deste pacote que podem ser úteis para os exercícios com a Transformada z. Cabe lembrar que o comando help conta em detalhes os parâmetros de entrada e saída de cada função.

- freqz: Fornece o módulo e a fase da resposta em frequência de um sistema linear no tempo discreto especificado por uma função de transferência.
- zplane: Dada uma função de transferência, mostra de forma gráfica a posição dos seus pólos e zeros no plano z.
- residuez: Calcula a expansão em frações parciais de uma função de transferência.
- roots: Calcula as raízes de um polinômio.
- grpdelay: Fornece o atraso de grupo de um sistema linear no tempo discreto especificado por uma função de transferência.
- ullet impz: Fornece apenas uma sequência lateral direita como inversa da Transformada z.
- Outras funções úteis abs, angle, tf2zp, zp2tf, filter, conv

## Exercício computacional: Transformada z

1. Para cada Transformada z

$$X_0(z) = \frac{z^2 - 3z + 2}{z^2 - 2z + 3/4}$$

$$X_1(z) = \frac{1.7z^2 + z + 0.7}{z^2 - 1.2z + 0.8}$$

$$X_2(z) = \frac{4z^4 - 8.68z^3 - 17.98z^2 + 26.74z - 8.04}{z^4 - 2z^3 + 10z^2 + 6z + 65}$$

- 1.a) Faça o diagrama de pólos e zeros.
- 1.b) Determine as possíveis regiões de convergência.
- 1.c) Assumindo que x(n) é absolutamente somável, descreva o tipo de sequência que a Transformada z inversa fornece, ou seja, determine se x(n) é causal, puramente não causal ou bilateral.
- 1.d) Qual das funções fornece um sistema inverso estável e causal, ou seja, se V(z) = 1/X(z), então, qual v(n) é estável e causal?

**DICA**: Você pode usar tanto o comando roots como o comando zplane do MATLAB.

1

2. Considere que dois filtros digitais são caracterizados pelas seguintes funções de transferência:

$$H_a(z) = z^{-2} - 1.2z^{-1} + 1$$
  
 $H_b(z) = \frac{z^2 - 1}{z^2 - 1.2z + .95}$ 

Para responder a questão use o comando freqz do MATLAB.

- 2.a) Esboce os gráficos do módulo e da fase de cada filtro.
- 2.b) Supondo uma frequência de amostragem de 8 kHz determine as frequências cíclicas em que a resposta em frequência assume seus valores máximos e mínimos.
- 2.c) Justifique em cada caso se a fase é linear ou não-linear.
- 3. Encontre a Transforma z inversa

$$V_0(z) = \frac{2}{(z+0.5)(z+1)}, 0.5 < |z| < 1$$

$$V_1(z) = z^2 + 3z + 5 + \frac{2}{z^2 + 5z + 4}, 4 < |z| < \infty$$

$$V_2(z) = \frac{z^4}{(z-0.5)^2(z-0.2)(z+0.6)}, 0.6 < |z|$$

**DICA**: A multiplicação de polinômios pode ser feita no MatLab com a função conv.

4. Considere a seguinte resposta em frequência ( $z=e^{j\omega}$ )

$$H(e^{j\omega}) = \frac{z^2}{(z - r_{\theta}e^{j\theta})(z - r_{\theta}e^{-j\theta})} = \frac{1}{1 - 2 r_{\theta} \cos \theta \ e^{-j\omega} + r_{\theta}^2 \ e^{-j2\omega}}$$

- 4.a) Use a rotina abaixo para observar o módulo e fase de  $H(e^{j\omega})$  para  $r_{\theta} = 0.98$  nos casos em que  $\theta = 0$ ,  $\theta = \pi/4$ ,  $\theta = \pi/2$  e  $\theta = \pi$ . Relacione a posição dos pólos com a forma das curvas do módulo e da fase.
- 4.b) Repita o procedimento do Item 10.a) para  $r_{\theta} = 0.15$  nos casos em que  $\theta = 0$ ,  $\theta = \pi/4$ ,  $\theta = \pi/2$  e  $\theta = \pi$ .
- 4.c) Compare e comente as respostas dos dois casos.
- 4.d) Considere que o sinal  $x(n) = \cos\left(\frac{3\pi}{4}n\right)$  é aplicado à entrada do sistema. Com a função filter, esboce a saída do sistema para os casos descritos nos ítens a) e b). Comente os seus resultados.

```
% Cálculo da TFTD
\%k=número de pontos da TFTD
k = 2 \wedge 10;
r=input('Entre com o valor (0 < r < 1) de r = ');
theta=input('Entre com o valor (em radianos) de theta = ');
\% Polinomio do denominador
den=[1 -2 * r * cos(theta) r \wedge 2];
\% Polinômio do numerador
num=1;
\% Frequencia angular - contínua
w = 0 : pi/k : pi;
\% Cálculo da resposta em frequência
H = freqz(num, den, w);
% Gráficos
subplot(2,2,1); zplane(num,den);grid;
xlabel('real(omega)'); ylabel('imag(omega)')
subplot(2,2,2); plot(w/pi,abs(H)/max(abs(H))); grid;
axis([0 1 0 1]); title('Módulo do espectro')
xlabel('Frequência angular normalizada'); ylabel('Modulo normalizado')
subplot(2,2,4); plot(w/pi,angle(H));grid;
axis([0 1 -pi pi]); title('Fase do espectro')
xlabel('Frequência angular normalizada'); ylabel('Fase em radianos')
```