1 Relativitá galileiana

Uno stesso corpo puó essere contemporaneamente in moto o fermo se a osservarlo sono due soggetti diversi, per questo é necessario specificare il sistema di riferimento scelto. Le Trasformazioni Galileiane si occupano di ricavare le relazioni matematiche sussistenti di una stessa grandezza osservata da due sistemi di riferimento differenti.

Il piú semplice esempio di sistema ove applicare una trasformazione galileiana é dato da un corpo, ad esempio un orso polare, che si muove su un sistema di riferimento (ad esempio la lastra di ghiaccio ove cammina), che a sua volta é in moto rettilineo uniforme rispetto ad un altro sistema di riferimento, ad esempio un sistema di riferimento solidale con la terra ferma.

Stando sulla terra ferma, del moto di questo orso distinguiamo

- 1. spostamento relativo $\Delta \vec{S}_r$, ossia lo spostamento dell'orso rispetto alla lastra;
- 2. spostamento di trascinamento $\Delta \vec{S}_t$, ossia lo spostamento della lastra rispetto alla terra ferma.

Ciascuno spostamento avverrá ad una differente velocitá che chiamiamo, rispettivamente, velocitá relativa \vec{v}_r e velocitá di trascinamento \vec{v}_t .

In questo esempio la trasformazione galileiana consiste nella seguente formula:

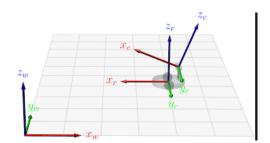
$$\vec{v}_{tf} = \vec{v}_r + \vec{v}_t \tag{1}$$

La velocitá dell'orso rispetto alla terra ferma \vec{v}_{tf} é la somma della velocitá relativa e della velocitá di trascinamento. É bene osservare che tale somma é vettoriale e, in generale, per essere effettuata, necessita l'uso della regola del parallelogramma.

Le trasformazioni galileiane sembrerebbero molto semplici, in realtá questo genere di analisi, si puó complicare enormemente quando

si presentano sistemi di riferimento che sono in moto l'uno rispetto all'altro

- con moti che si svolgono in tre dimensioni anziché uno soltanto;
- moti che *non* sono semplicemente rettilinei uniformi;
- sistemi di riferimento che *non* sono necessariamente concordi ma, anzi, possono essere ruotati l'uno rispetto all'altro di un angolo α (fig 1);
- sistemi di riferimento che possono anche ruotare l'uno rispetto all'altro (pensare al sistema di riferimento solidale alla terra con quello solidale al sole).



Inoltre, per quanto i concetti della relativitá galileiana possano risultare ovvi, in realtá essi sono validi soltanto quando tutte le velocitá in gioco, siano esse di trascinamento o relative, sono $minori\ di$ $ordini\ di\ grandezza$ rispetto alla velocitá della luce c.

$$c = 3 \cdot 10^8 m/s \tag{2}$$

É da notare che tale condizione é soddisfatta nella stragrande maggioranza delle situazioni ordinarie. Ad esempio, la velocitá di punta di un bolide di formula 1 é prossima ai v = 400 km/h che, convertita, diventa $v \approx 10^2 m/s$, ben 1 milione di volte inferiore rispetto al valore di c!

Tale condizione viene sinteticamente espressa con la seguente relazione matematica v << c. Quando, invece, questa condizione cade, allora le trasformazioni galileiane non sono piú valide. In particolare, per quanto detto finora, non é piú valida nemmeno l'equazione 1. In

tali casi occorre sostituire la Relativitá di Galileo con la Relativitá Ristretta di Einstein¹ (1905). Tale teoria trova applicazioni non nella vita ordinaria, ma, tipicamente, in fenomeni atomici e nucleari: la velocitá dell'elettrone intorno al nucleo dell'atomi di idrogeno, ad esempio é $v_e = 2.2 \cdot 10^6 m/s$, poco meno di un centesimo della velocitá della luce. In queste condizioni, gli effetti della relativitá di Einstein, seppur non dominanti, sono comunque significativi (tema noto come "struttura fine dell'atomo di idrogeno"). La relativitá di Einstein entra in gioco in una grande varietá di altri fenomeni come, ad esempio, la risonanza magnetica nucleare e fenomeni di astrofisica quali il moto di stelle e galassie nell'universo.

2 Sistemi di riferimento inerziali

Tornando alla relativitá galileiana, due sistemi di riferimento sono inerziali tra di loro quando si muovono di moto rettilineo l'uno rispetto all'altro. Se ció accade, allora rimane valido il *Primo Principio della Dinamica* in entrambe i due sistemi di riferimento, ossia in entrambe i due casi si ha che un corpo, se non sottoposto a forze, mantiene il suo moto rettilineo uniforme. Inoltre, dal momento che rimangono invariate massa, forza e accelerazione, si deduce che anche gli altri due principi della dinamica rimangono invariati.

L'invarianza dei tre principi della dinamica costituisce il **Principio** di **Relativitá di Galileo** (pag 98): I fenomeni meccanici si svolgono nello stesso modo, cioé seguono le stesse leggi, in tutti i sistemi di riferimento inerziali².

 $^{^{1}}$ In realtá le teorie di relativitá di Einstein sono due, una concepita nel 1905 e noto come relativitá ristretta, che generalizza la Relativitá di Galileo, e una piú generale concepito circa 20 anni dopo, nota come Relativitá Generale di Einstein, che generalizza anche la Relativitá Ristretta e nel quale la forza di gravitá viene interpretata come dovuta alla curvatura dello spazio-tempo quando sono presenti corpi dotati di una certa massa M.

 $^{^2}$ Studieremo piú in lá che ció non é valido, invece, nell'elettromagnetismo ma, anzi, risulta che la velocitá della luce c sia una costante quando si passa da un sistema di riferimento all'altro. É stata questa una delle osservazioni fondamentali che ha portato Einstein a formulare la sua Teoria della Relativitá Ristretta.

3 Relativitá del concetto di sistema di riferimento inerziale

Siamo indotti a pensare che esista un sistema di riferimento privilegiato. Infatti, potremmo pensare che un tale sistema di riferimento possa essere uno solidale con la terra. Ma la terra non si muove di moto rettilineo uniforme intorno al sole, ma anzi compie un moto che, a sua volta, é la composizione di due moti pressoché circolari uniformi (moto intorno al sole e moto intorno a se stessa). Quindi, non potremo considerare il moto della terra come esattamente inerziale³. Cosí potremmo pensare che un sistema di riferimento perfettamente inerziale possa essere uno solidale con il sole. Ma anche il sole si muove di un moto accelerato e, per la precisione, orbita intorno a un buco nero presente al centro della nostra galassia. Quindi, in linea di principio, neanche un sistema di riferimento solidale con il sole puó essere considerato un sistema di riferimento perfettamente inerziale ma, anzi, puó generare delle forze apparenti. Questo genere di ragionamento lo potremmo continuare all'infinito.

Si deduce, quindi, che non esiste un sistema di riferimento privilegiato, ma soltanto sistemi di riferimento relativi l'uno all'altro. Inoltre, un sistema di riferimento non sará mai assolutamente inerziale, ma la sua inerzialitá sará soltanto una approssimazione di volta in volta applicabile o meno a seconda della precisione con cui vengono rilevate le grandezze fisiche in gioco e, in particolare, le forze.

Come esempio di ció, abbiamo detto precedentemente che nel moto di un corpo come, ad esempio, un ciclista, l'orso di cui all'esempio iniziale, una vettura su strata o altri fenomeni di vita quotidiana, la terra é considerabile come un sistema di riferimento inerziale. Ma tale assunzione é soltanto una prima approssimazione poiché la terra gira intorno a se stessa (oltre che intorno al sole) e ció basta per dedurre che essa non sia un sistema di riferimento assolutamente inerziale. La

³L'accelerazione di Coriolis, responsabile, tra le altre cose, del moto a vortice dell'acqua nel rubinetto, é un esempio che dimostra che un sistema di riferimento solidale con la terra non é perfettamente inerziale.

forza apparente piú evidente che si presenta in un caso come questo é la forza centrifuga, la quale, alle nostre latitudini, tende a opporsi a quella gravitazionale. Tuttavia questa non é l'unica forza apparente e ne, tantomeno, quella piú evidente. Esiste un altra forza apparente, dovuta alla rotazione della terra che prende il nome di accelerazione di Coriolis (vedere La Fisica di Feynman per approfondimenti) ed é espressa dalla equazione

$$v_c = 2\vec{\omega} \times \vec{v} \tag{3}$$

ossia il prodotto vettoriale del vettore velocitá angolare $\vec{\omega}^4$ della terra e la velocitá tangenziale \vec{v} del corpo in un sistema di riferimento solidale con la terra stessa. Uno degli effetti più evidenti dell'accelerazione di Coriolis é il moto rotatorio dell'acqua nel lavandino quando si apre il rubinetto e la si fa scendere nel sifone. Più in generale, sempre a causa della forza di coriolis, un qualsiasi corpo in caduta libera non cade necessariamente in maniera verticale verso il centro della terra, ma viene leggermente deviato trasversalmente e questa deviazione é tanto più accentuata quanto più ci si discosta dai poli della terra (ove a velocitá angolare ω e la velocitá di caduta sono due vettori paralleli v).

⁴Si ricorda che, dato un moto circolare uniforme, si definisce vettore velocitá angolare quel vettore di lunghezza $\omega = \frac{2\pi}{T}$, perpendicolare al piano ove si svolge il moto e orientato in modo tale da "vedere" la rotazione svolgersi in senso antiorario.