



Menghapus Simpul pada *Binary Tree*

(TIB11 – Struktur Data)

Pertemuan 21, 22

Sub-CPMK

- Mahasiswa mampu melakukan penghapusan simpul binary tree (C3, A3)

Materi:

1. Hapus *Leaf*
2. Hapus Simpul dengan Satu Anak
3. *Delete By Merging*
4. *Delete By Copying*



1. Hapus *Leaf*

1.1. Menghapus Simpul

Rules:

Setiap *key* pada *subtree* sebelah kanan harus lebih besar dari pada *key-key* pada *subtree* sebelah kiri

1.2. Kondisi Penghapusan Simpul

Penghapusan tergantung pada kondisi

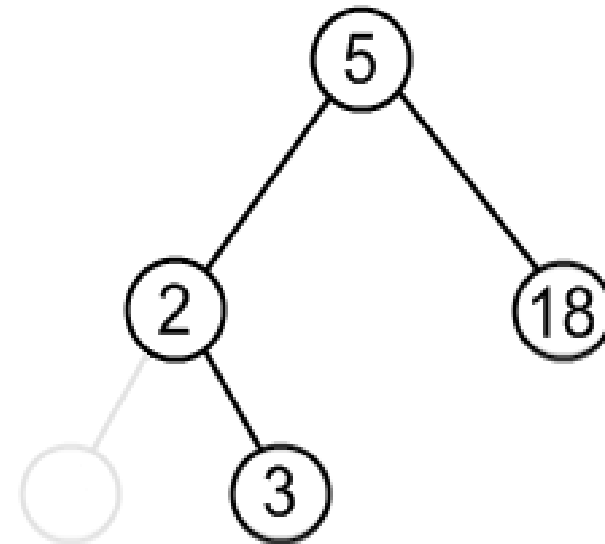
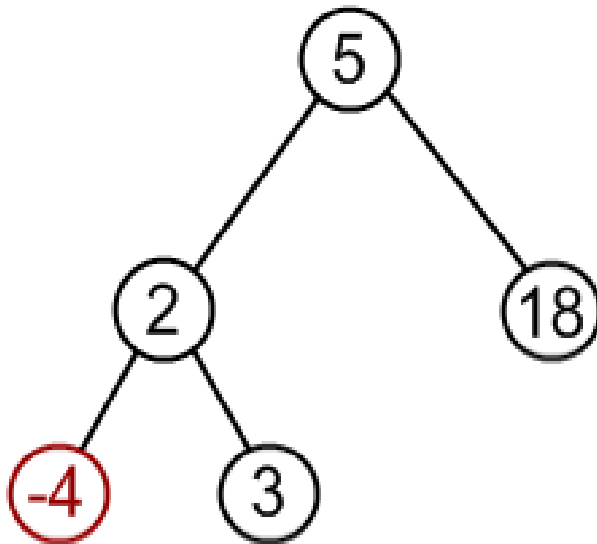
- Pada *Leaf* → hapus saja tanpa penanganan masalah
- Pada node dengan satu *child* → *child* satu-satunya tersebut akan menjadi *child* dari *grandparent* menggantikan *node* yang dihapus
- Pada *Node* dengan dua *child* dapat dilakukan dengan cara:
 - *Deletion by merging*
 - *Deletion by copying*

Gambar dapat dilihat pada masing-masing pembahasan di slide berikutnya

1.3. Hapus Pada *Leaf*

- Penghapusan simpul pada *leaf* dapat dilakukan tanpa perlakuan khusus apapun, karena sebagai *leaf*, suatu simpul tidak memiliki keturunan yang harus diatur agar memenuhi persyaratan node sebelah kiri harus lebih kecil daripada *node* sebelah kanan

1.3. Hapus Pada *Leaf* (Lanj.)





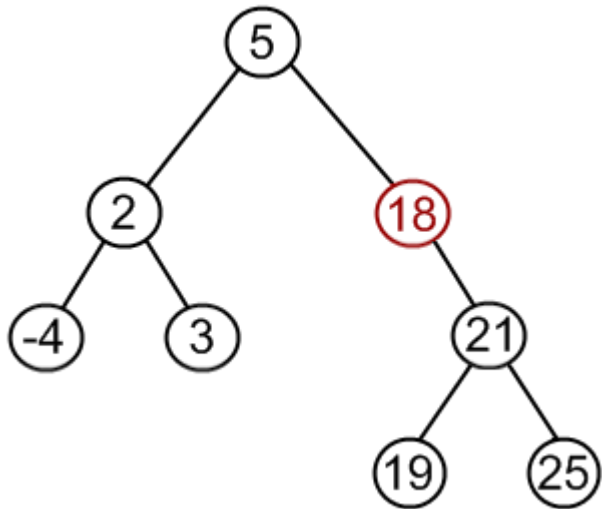
2. Hapus Simpul Dengan Satu Anak

Hapus simpul dengan satu anak

- Node dengan satu anak hanya memiliki masalah menjadi anak dari induk manakah node dari anak yang dihapus tersebut
- Sedangkan anak dari anak node yang dihapus akan mengikuti anak dari node yang dihapus
- Maka perlakuan penghapusan node dengan satu anak dilakukan dengan anak satu-satunya tersebut akan menjadi anak dari *ancestor*/leluhur node yang dihapus

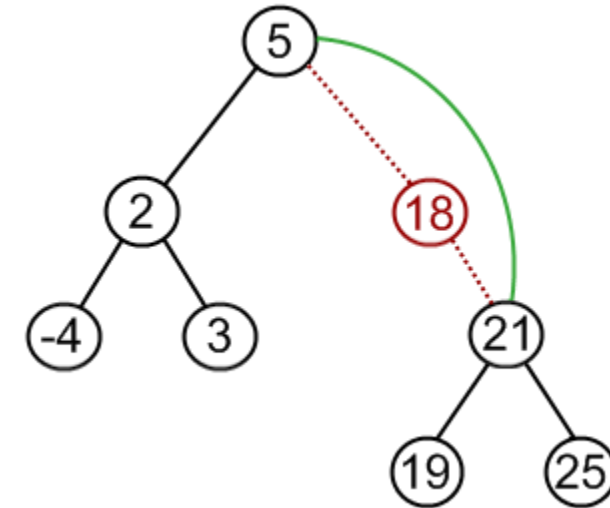
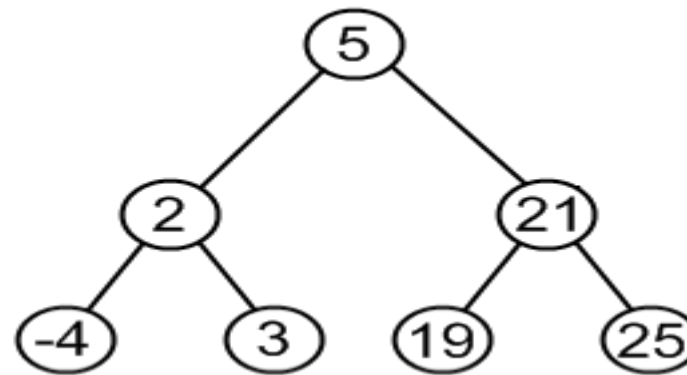
Hapus simpul dengan satu anak (Lanj.)

- Misal akan menghapus node 18



- Maka node 21 akan menjadi anak dari node 5 menggantikan node 18

- Hasil akhir





3. Delete by Merging

- replace **right node** sebagai *node* induk dan gabungkan *node* kiri ke *leftmost node* dari *subtree* kanan

Atau lakukan kebalikannya

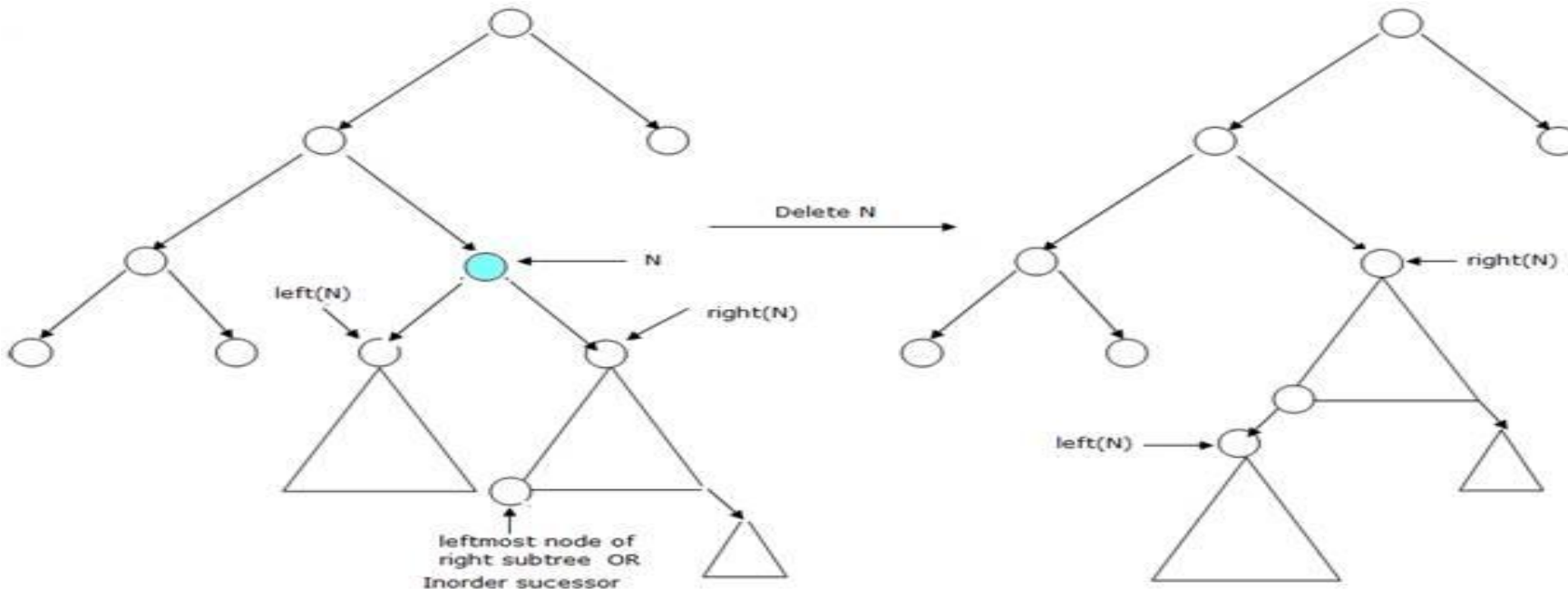
- replace **left node** sebagai *node* induk dan gabungkan *node* kanan ke *rightmost node* dari *subtree* kiri

Deleting node N dengan dua children by merging right subtree into left subtree

Node yang ditunjuk oleh N akan dihapus,

Maka sub -tree yang ada di kanan node N akan menjadi pewaris menggantikan N

Sedangkan sub tree di kiri Node N akan menjadi anak node terkiri dari sub tree yang semula di kanan Node N



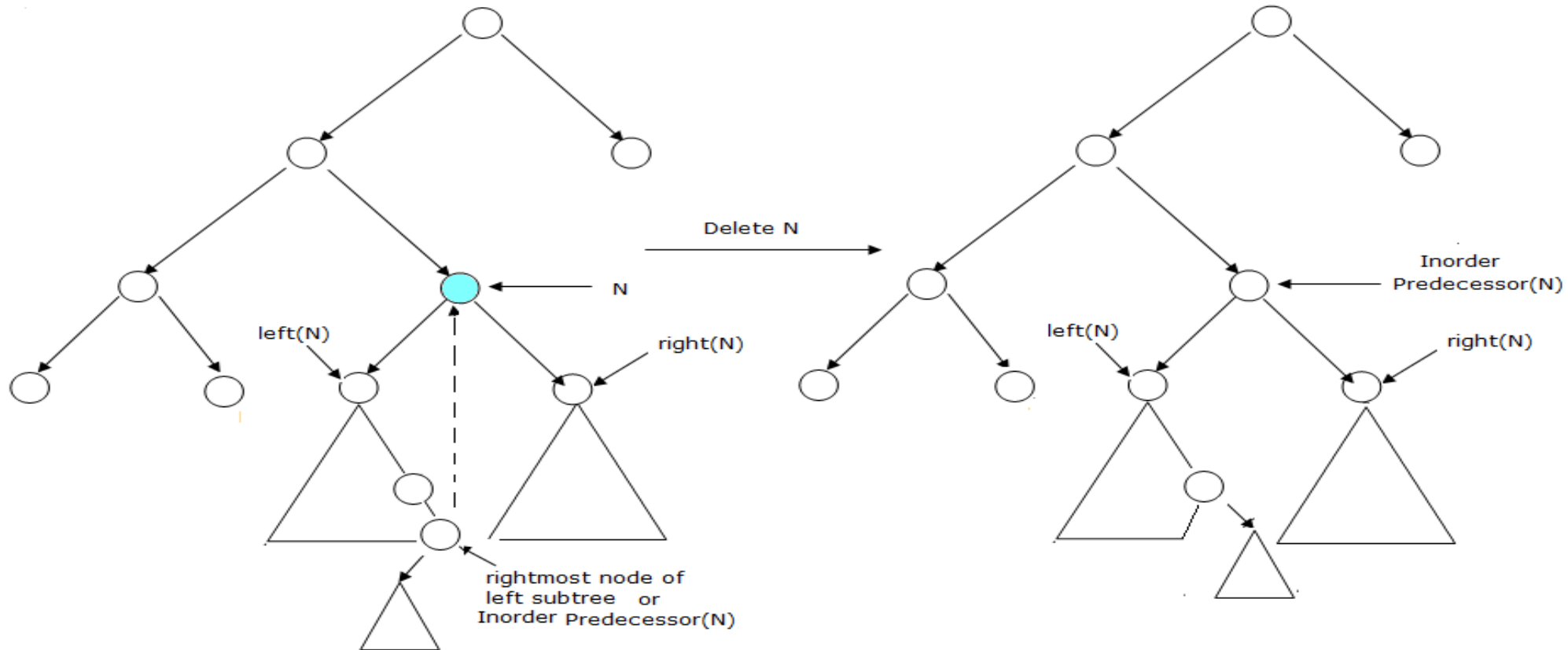
Sumber gambar: <http://vle.du.ac.in/mod/book/view.php?id=5726&chapterid=3011>



4. Delete by Copying

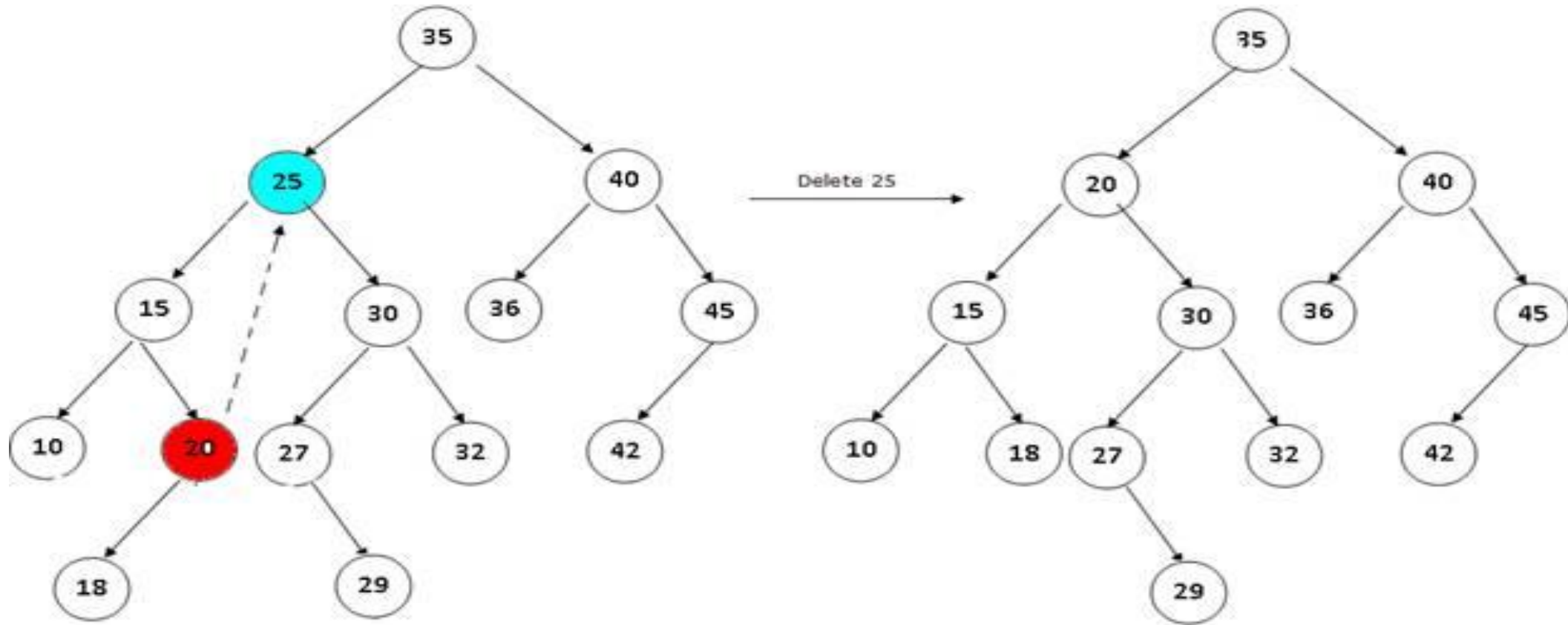
- Ganti **key** yang akan dihapus dengan *immediate predecessor* atau *immediate successor* (bisa juga dengan cara sebaliknya) dg cara:
 - Ambil *Subtree* sebelah kanan dari *node* yang akan dihapus, cari *leaf* yang paling kiri dari *node* yang harusnya dikunjungi secara *in-order*
 - Copykan *leaf* ke posisi *node* yang akan dihapus
 - Hapus *Leaf* yang sudah dicopykan menjadi node pengganti yang dihapus tadi

Deleting N by copying In-order Predecessor



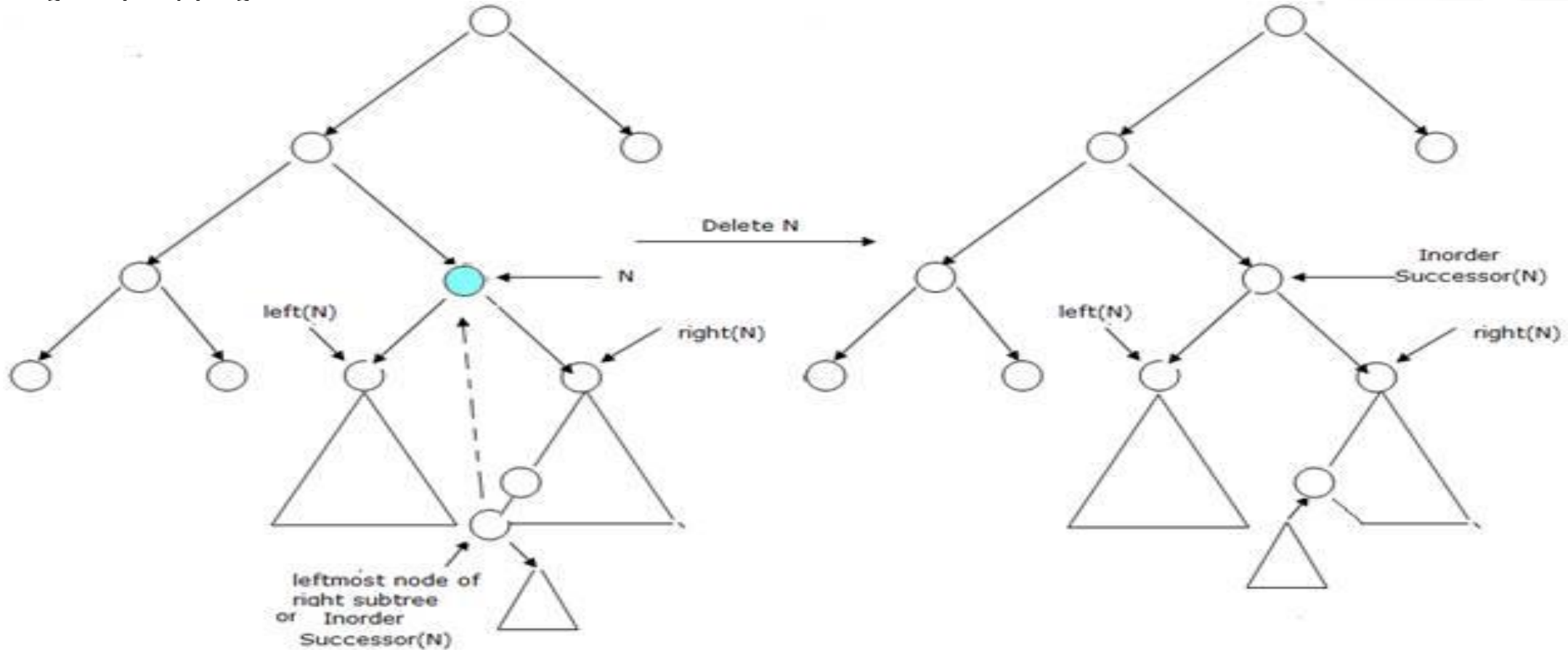
Sumber gambar: <http://vle.du.ac.in/mod/book/view.php?id=5726&chapterid=3023>

Contoh Hapus 25 dg *Deletion by copying* menggunakan *right-most inorder predecessor*



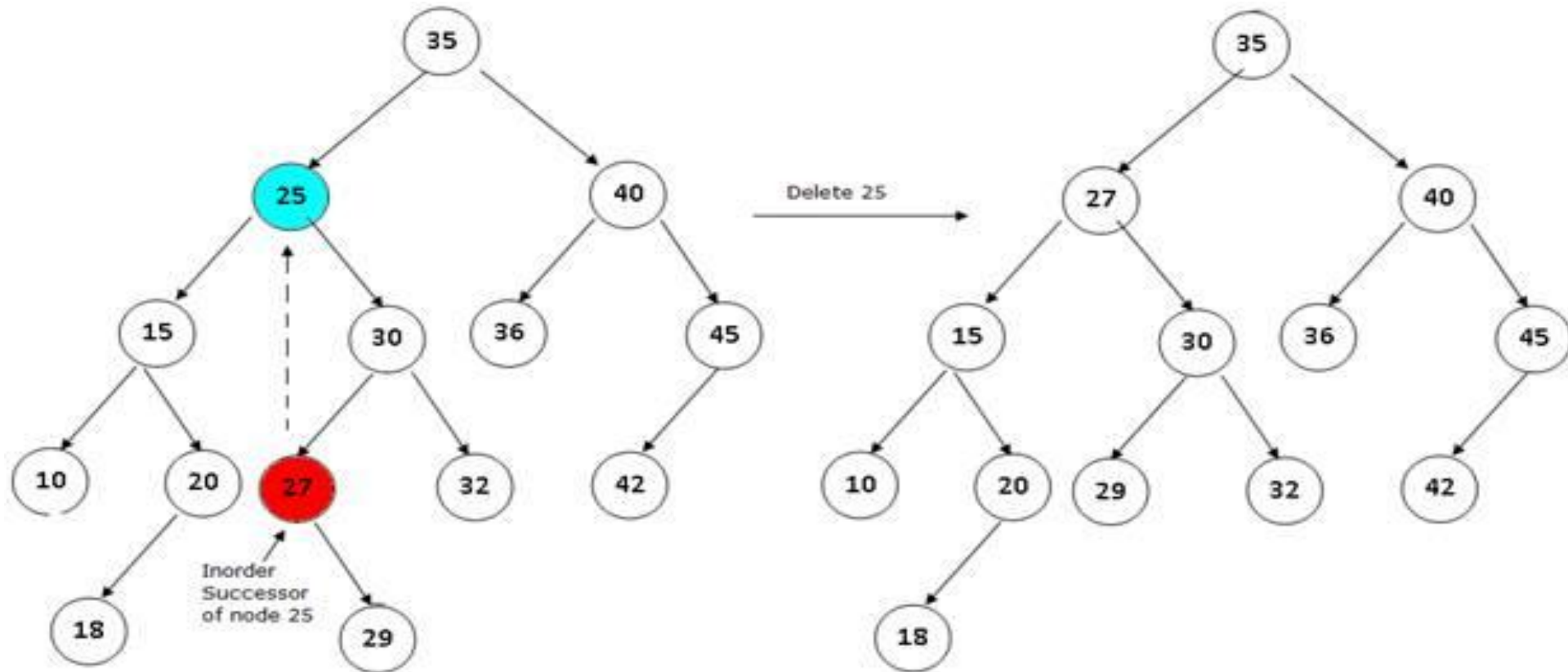
Sumber gambar: <http://vle.du.ac.in/mod/book/view.php?id=5726&chapterid=3023>

Deleting N by copying Inorder Successor



Sumber gambar: <http://vle.du.ac.in/mod/book/view.php?id=5726&chapterid=3023>

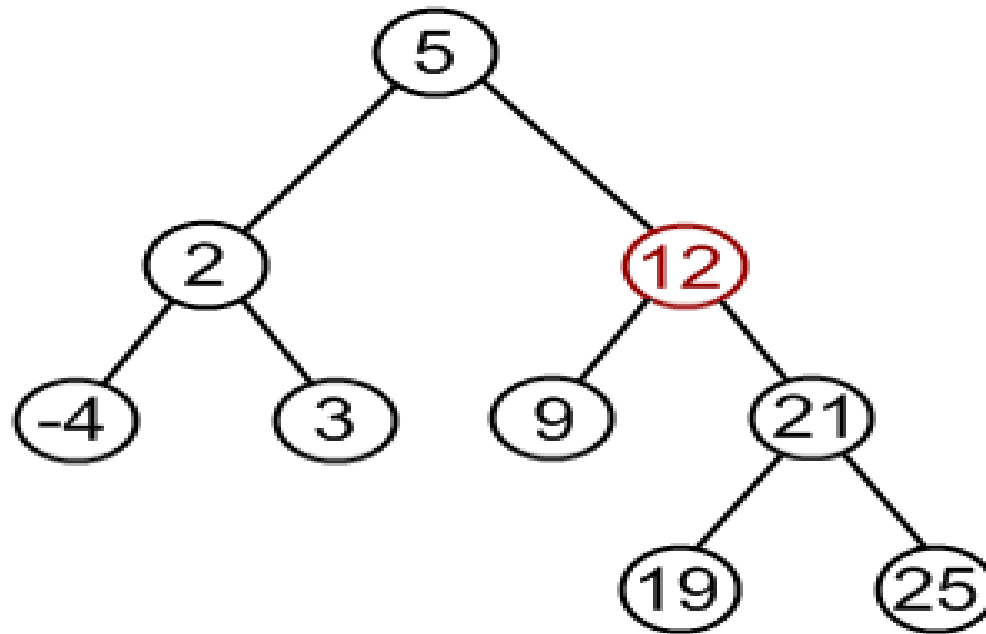
Contoh *Deleting 25* dg *Deletion by copying* menggunakan *left-most inorder succesor*



Sumber gambar: <http://vle.du.ac.in/mod/book/view.php?id=5726&chapterid=3023>

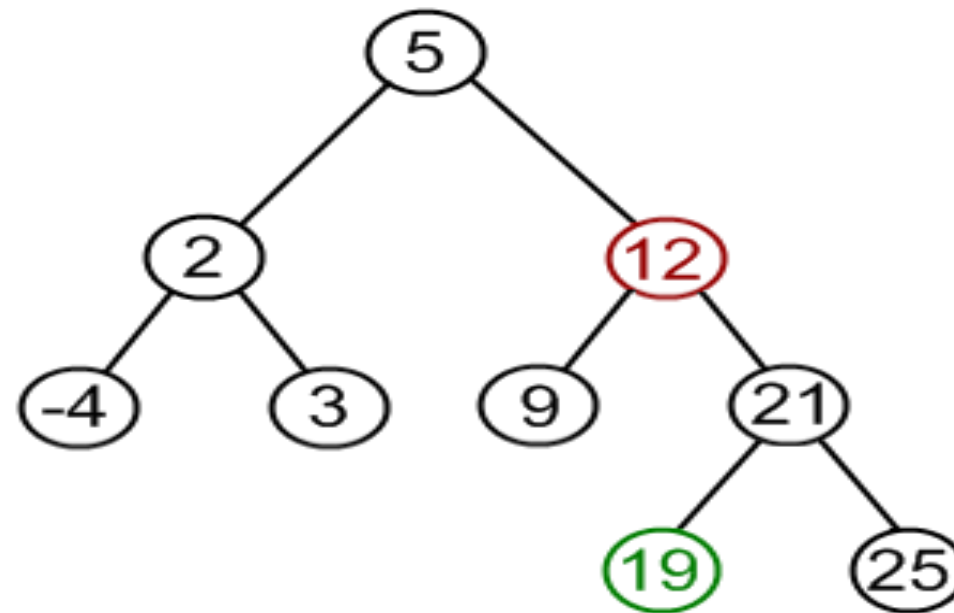
Lanj.

Contoh lain: Misalkan Akan hapus *node* 12



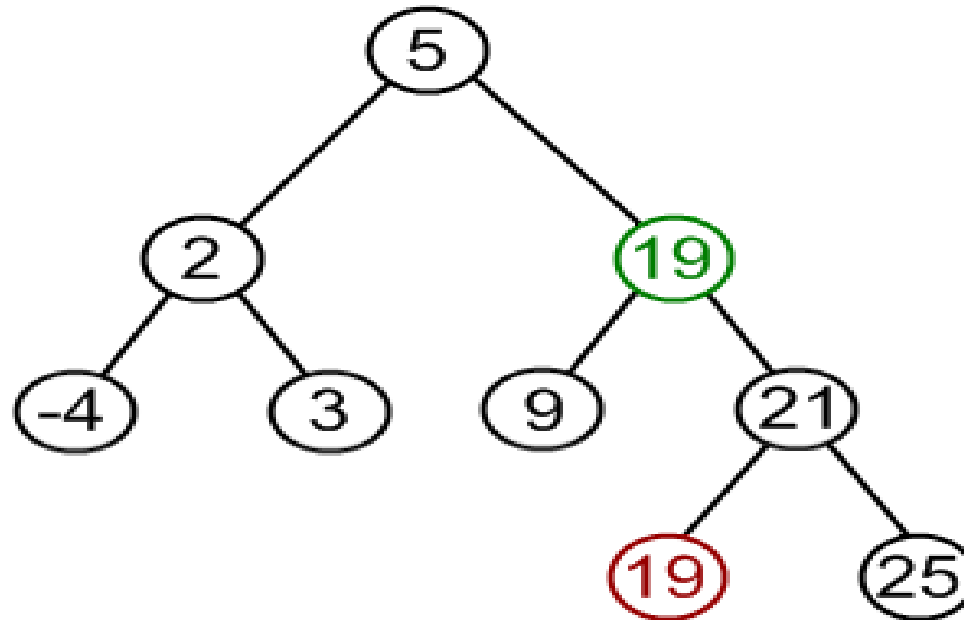
Lanj.

Node Subtree Kanan yang paling kiri adalah 19



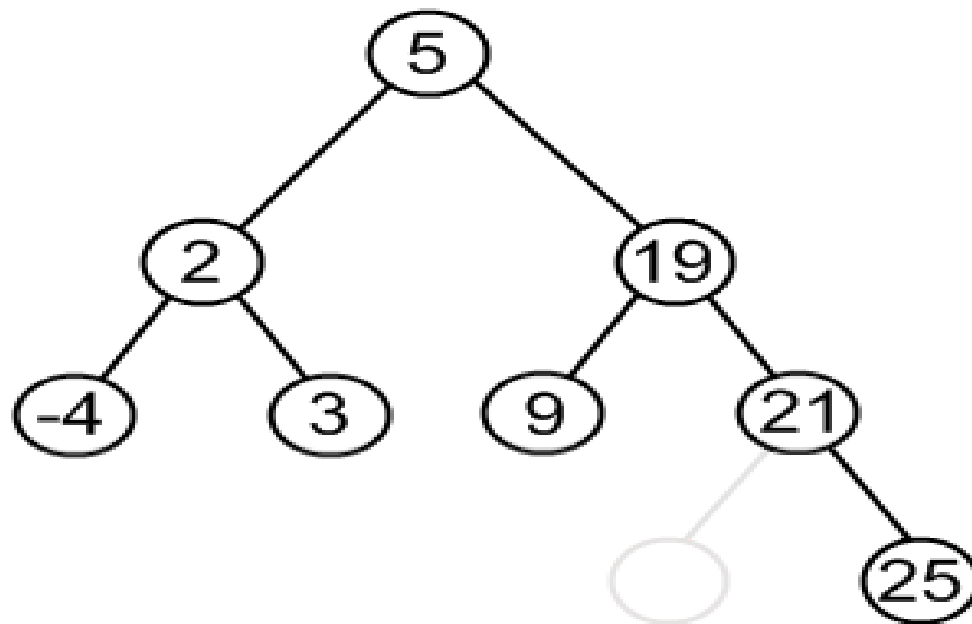
Lanj.

Copykan *Leaf* Paling Kiri Tersebut ke *Node* Yang Akan Dihapus



Lanj.

Musnahkan *Node* Yang Sudah Dickeykan Ke *Node* Yang Dihapus tersebut



Ringkasan

- Penghapusan *node* pada *binary tree* harus memenuhi kriteria sesuai dengan order penyusunannya
- Menghapus *node* yang merupakan *leaf* dapat dilakukan tanpa penanganan tambahan apapun
- Menghapus *node* yang memiliki satu anak hanya memerlukan perlakuan memindahkan *link ancestor* nya ke *node* dari anak *node* yang dihapus
- Menghapus *node* yang memiliki dua anak dapat dilakukan dengan dua perlakuan *Delete By Copying* dan *Delete By Merging*

Contoh procedure delete Node

```
void deleteNode(struct TheCell *travCell, int cari, struct TheCell *deleteCell)
{
    if (deleteCell==NULL)
    {
        //Cari node yang akan di hapus
        if (travCell->dat == cari)
        {
            cout<<"Data terdapat pada record ke "<<travCell->id<<endl;
            deleteNode(travCell, cari, travCell);
        }
    }
}
```

Contoh procedure delete Node (lanj.)

```
else
{
    if (travCell->kiri != NULL)
        deleteNode(travCell->kiri, cari, NULL);
    if(travCell->kanan != NULL)
        deleteNode(travCell->kanan, cari, NULL);
}
}
```

Contoh procedure delete Node (lanj.)

```
else
{
    if(deleteCell->kanan == NULL)
    {
        if (deleteCell->induk == NULL)
        {
            //berarti root
            rootCell = deleteCell->kiri;
        }
    }
}
```

Contoh procedure delete Node (lanj.)

```
else
{
    //jika tidak punya anak disebelah kanan, tempatkan left sbg pengganti
    if(deleteCell->induk->kiri == deleteCell)
        deleteCell->induk->kiri = deleteCell->kiri;
    else if(deleteCell->induk->kanan == deleteCell)
        deleteCell->induk->kanan = deleteCell->kiri;
}
}
```

Contoh procedure delete Node (lanj.)

```
else if (deleteCell->kiri == NULL)
{
    if (deleteCell->induk == NULL)
    {
        //berarti root
        rootCell = deleteCell->kanan;
    } else
    {
        //jika tidak punya anak disebela kiri, tempatkan right sbg pengganti
        if(deleteCell->induk->kiri == deleteCell)
            deleteCell->induk->kiri = deleteCell->kanan;
        else if(deleteCell->induk->kanan == deleteCell)
            deleteCell->induk->kanan = deleteCell->kanan;
    }
}
```

Contoh procedure delete Node (lanj.)

```
else
{
    if(deleteCell->induk->kiri == deleteCell)
        deleteCell->induk->kiri = deleteCell->kiri;
    else
        deleteCell->induk->kanan = deleteCell->kiri;
    travCell=deleteCell->kiri;
    while(travCell->kanan != NULL)
        travCell = travCell->kanan;
    travCell->kanan = deleteCell->kanan;
}
free(deleteCell);
}
```



Terimakasih

TUHAN Memberkati Anda

Teady Matius Surya Mulyana (tmulyana@bundamulia.ac.id)