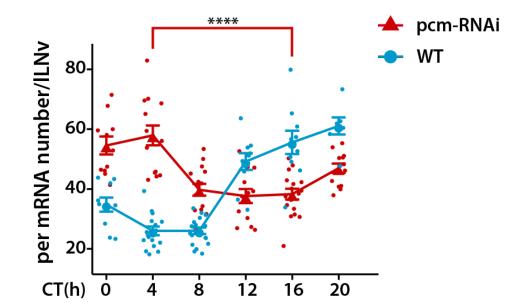
Review: 목표는 이 두 모델로 mRNA와 nucleic PER의 timeseries를 피팅하는 것이지만, cosine의 레벨을 바꿔보았음에도 불구하고 피팅이 잘 되지 않습니다.



$$\begin{split} \frac{dM}{dt} &= \alpha_1 E_A(R_n) - \beta_1 M \\ \frac{dR_c}{dt} &= \alpha_2 M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c \\ \frac{dR_n}{dt} &= \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n \end{split}$$

Fit M and R_n



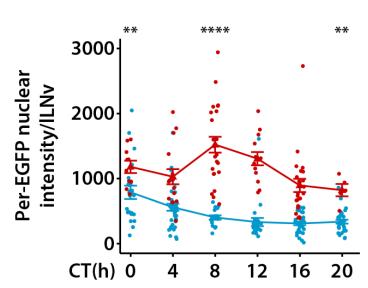
WT

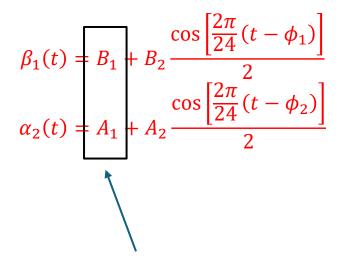
$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 E_A(R_n) - \beta_1(t)M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2(t)M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

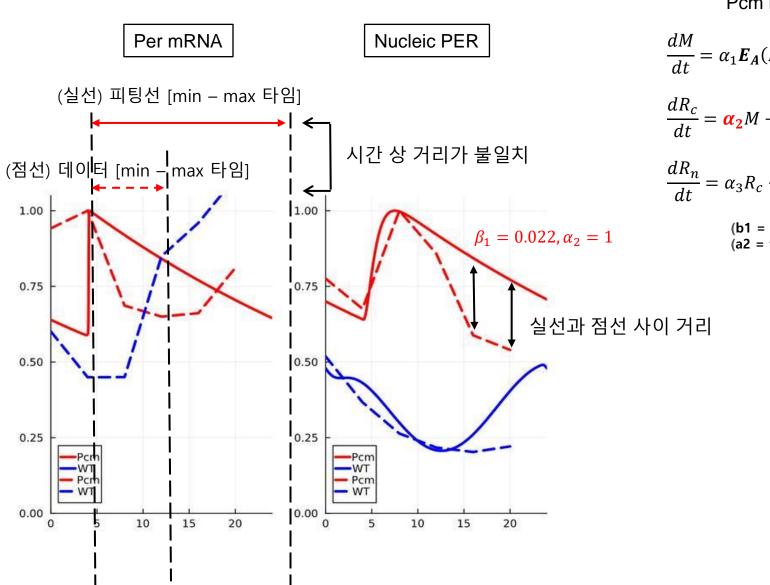
Fit M and R_n





Cosine의 레벨을 바꿔보았는데도 피팅이 잘 되지 않습니다.

문제점(1)은 Pcm에서 피팅한 max점과 min점 사이의 시간상 거리가, 데이터의 max-min 시간거리와 맞지 않다는 점입니다.



Pcm KD

$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 \mathbf{E}_A(\mathbf{R}_n) - \boldsymbol{\beta}_1 M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2 M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

(b1 = degradation rate) (a2 = translation rate)

WT

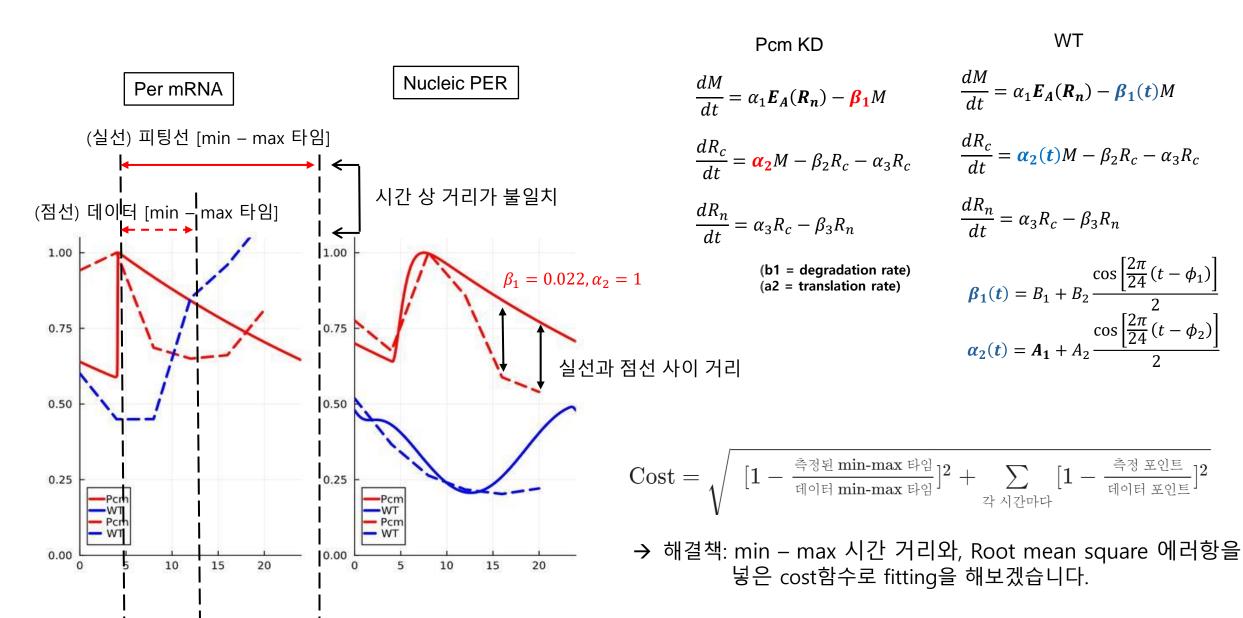
$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 \mathbf{E}_{\mathbf{A}}(\mathbf{R}_n) - \boldsymbol{\beta}_1(t)M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2 M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c \qquad \frac{dR_c}{dt} = \alpha_2(t) M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

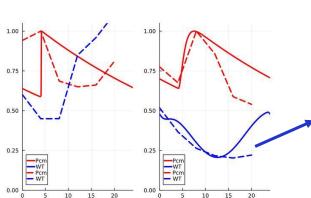
$$\boldsymbol{\beta_1(t)} = B_1 + B_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_1)\right]}{2}$$
$$\boldsymbol{\alpha_2(t)} = \boldsymbol{A_1} + A_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_2)\right]}{2}$$

문제점(1)은 Pcm에서 피팅한 max점과 min점 사이의 시간상 거리가, 데이터의 max-min 시간거리와 맞지 않다는 점입니다.



문제점(2)는, 낮은 wt을 피팅하기 위해서 translation 코사인 리듬 레벨을 낮추었더니, Per mRNA (왼쪽) 파란색 데이터를 맞출 수가 없다는 점입니다.

관측 1. Per mRNA



Nucleic PER

$$\alpha_2 = 1$$
 [pcm]

 $A_1 = 0.0526, A_2 = 0.0455$ [피팅한 wt]

WT에 비해 낮은 level의 Nucleic PER을 피팅하기 위해 translation rate (a2)가 굉장히 느려져야 합니다.

Pcm KD

$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 \mathbf{E}_{\mathbf{A}}(\mathbf{R}_{\mathbf{n}}, \mathbf{AT}) - \boldsymbol{\beta}_1 M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2 M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

(b1 = degradation rate) (a2 = translation rate) WT

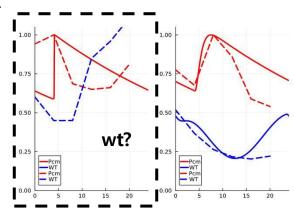
$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 \mathbf{E}_A(\mathbf{R}_n, \mathbf{AT}) - \boldsymbol{\beta}_1(t)M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2(t)M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

$$\boldsymbol{\beta_1(t)} = B_1 + B_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_1)\right]}{2}$$
$$\boldsymbol{\alpha_2(t)} = \boldsymbol{A_1} + A_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_2)\right]}{2}$$

관측 2.



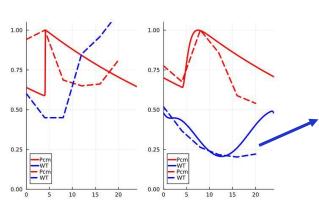
→ 문제: translation rate를 낮출 경우, 왼쪽 Per mRNA에서 WT이 전혀 보이지 않습니다

$$\alpha_2 = 1$$
 [pcm]

 $A_1=0.0526, A_2=0.0455, \phi_2=0.048$ [피팅한 wt]

문제점(2)는, Per mRNA (왼쪽) 파란색 데이터를 맞추기 위해서, AT를 낮추는 방법으로 해결해볼 수 있습니다.

관측 1. Per mRNA



Nucleic PER

$$\alpha_2 = 1$$
 [pcm]

 $A_1 = 0.0526, A_2 = 0.0455$ [피팅한 wt]

WT에 비해 낮은 level의 Nucleic PER을 피팅하기 위해 translation rate (a2)가 굉장히 느려져야 합니다. Pcm KD

$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 E_A(R_n, AT) - \beta_1 M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2 M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

(b1 = degradation rate)
(a2 = translation rate)

1/20배

WT

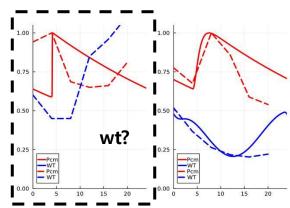
$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 E_A(R_n, AT) - \beta_1(t)M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2(t)M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

$$\beta_1(t) = B_1 + B_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_1)\right]}{2}$$
 $\alpha_2(t) = A_1 + A_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_2)\right]}{2}$

관측 2.



→ 문제: translation rate를 낮출 경우, 왼쪽 Per mRNA에서 WT이 전혀 보이지 않습니다

$$\alpha_2 = 1$$
 [pcm]

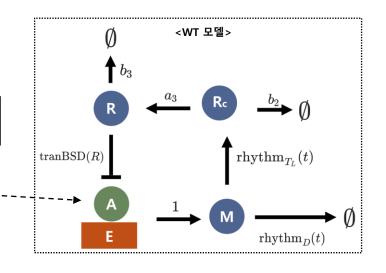
 $A_1=0.0526, A_2=0.0455, \phi_2=0.048$ [피팅한 wt]

→ 해결책: translation 코사인 레벨을 1/20배로 무리하게 꺾지 말고, PER 높낮이에 가장 큰 영향을 미치는 AT도 낮춰야 합니다.

$$E_A(R_n) \longrightarrow E_A(R_n, A_T)$$

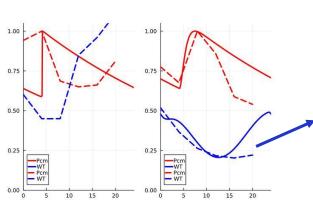
<가정>

- 빨간색 (pcm) 에서 파란색 (wt)으로 갈 때, activator가 감소한다.
- (즉, wt에서 pcm mutation이 발현이 되면, activator가 늘어난다.)



WT을 피팅하기 위해서, pcm과 동일한 방법으로 root mean square 항과 min-max 시간 상 거리를 포함한 cost식을 사용해보겠습니다.

관측 1. Per mRNA



Nucleic PER

$$\alpha_2 = 1$$
 [pcm]

 $A_1 = 0.0526, A_2 = 0.0455$ [피팅한 wt]

WT에 비해 낮은 level의 Nucleic PER을 피팅하기 위해 translation rate (a2)가 굉장히 느려져야 합니다. Pcm KD

$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 E_A(R_n, AT) - \beta_1 M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2 M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

(b1 = degradation rate) (a2 = translation rate) WT

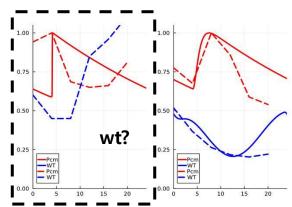
$$\frac{dM}{dt} = \alpha_1 E_A(R_n, AT) - \beta_1(t)M$$

$$\frac{dR_c}{dt} = \alpha_2(t)M - \beta_2 R_c - \alpha_3 R_c$$

$$\frac{dR_n}{dt} = \alpha_3 R_c - \beta_3 R_n$$

$$\beta_1(t) = B_1 + B_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_1)\right]}{2}$$
 $\alpha_2(t) = A_1 + A_2 \frac{\cos\left[\frac{2\pi}{24}(t - \phi_2)\right]}{2}$

관측 2.



→ 문제: translation rate를 낮출 경우, 왼쪽 Per mRNA에서 WT이 전혀 보이지 않습니다

$$\alpha_2 = 1$$
 [pcm]

$$A_1 = 0.0526, A_2 = 0.0455, \phi_2 = 0.048$$
 [피팅한 wt]

1/20배

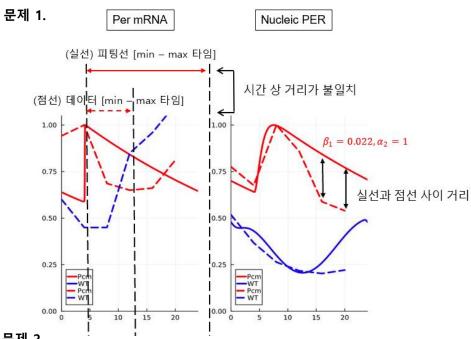
→ 해결책: translation 코사인 레벨을 1/20배로 무리하게 꺾지 말고, Nucleic PER의 파란색이 빨간색보다 더 아래에 가도록, AT도 낮춰야 합니다.

$$E_A(R_n) \longrightarrow E_A(R_n, A_T)$$

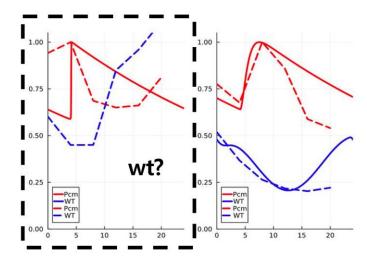
$$\mathrm{Cost} = \sqrt{ \left[1 - rac{ ext{측정된 min-max 타임}}{ ext{데이터 min-max 타임}}
ight]^2 + \sum_{ ext{각 시간마다}} \left[1 - rac{ ext{측정 포인트}}{ ext{데이터 포인트}}
ight]^2}$$

Pcm과 똑같이, min – max 시간 거리와, Root mean square 에러항을 넣은 cost함수로 fitting을 해보겠습니다.

Future Work: Cost는 root mean square 항들과 min-max 시간상 거리를 포함한 식으로, AT까지 바꿔서 wt 7개 파라미터를 찾아보겠습니다.



→ 해결책: 위와 같은 cost함수로 fitting을 해보겠습니다.



$$E_A(R_n) \longrightarrow E_A(R_n, A_T)$$

- + levT, levD, ampT, ampD, phT, phD
- + at (activator) (pcm 대비 감소한 값)

← 이 7개 wt 파라미터를 찾아야 합니다.

$${
m Cost} = \sqrt{ \left[1 - rac{ ext{ 측정된 min-max 타임}}{ ext{ 데이터 min-max 타임}}
ight]^2 + \sum_{ ext{ 각 시간마다}} [1 - rac{ ext{ 측정 포인트}}{ ext{ 데이터 포인트}}]^2}$$