Laboratorio di Linguaggi Formali e Traduttori LFT lab T2, a.a. 2020/2021

Traduzione diretta dalla sintassi

- Obiettivo: dare un significato al input.
 - Ad esempio, la traduzione di un programma in un altro linguaggio (le tre lezioni che seguono la lezione di oggi), la valutazione di un'espressione aritmetica (questa lezione),
- Definizioni diretta dalla sintassi (SDD):
 - Grammatica
 - + attributi (associati alle variabili della grammatica)
 - + regole semantiche (come calcolare il valore degli attributi; associate con le produzioni della grammatica).
- Schema di traduzione (SDT):
 - Azioni semantiche:
 - Frammenti di codice inseriti nelle produzioni.
 - Possono contenere, oltre ad azioni per calcolare il valore di attributi, anche codice arbitrario.
 - Ciascun SDD L-attribuite può essere convertito in uno SDT (l'ordine di valutazione degli attributi è esplicito).
 - Adattato ad essere integrato in un parser ricorsivo discendente.

 Esercizio 4.1: modificare l'analizzatore sintattico dell'esercizio 3.1 in modo da valutare le espressioni aritmetiche semplici, facendo riferimento allo SDT seguente:

```
\langle start \rangle ::= \langle expr \rangle \text{ EOF } \{ print(expr.val) \}
 \langle expr \rangle ::= \langle term \rangle \{ exprp.i = term.val \} \langle exprp \rangle \{ expr.val = exprp.val \}
\langle exprp \rangle ::= + \langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i + term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
                    -\langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i - term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
\varepsilon \{ exprp.val = exprp.i \}
 \langle term \rangle ::= \langle fact \rangle \{ termp.i = fact.val \} \langle termp \rangle \{ term.val = termp.val \}
\langle termp \rangle ::= \star \langle fact \rangle \{ termp_1.i = termp.i * fact.val \} \langle termp_1 \rangle \{ termp.val = termp_1.val \}
                    \langle fact \rangle ::= (\langle expr \rangle) \{ fact.val = expr.val \} | NUM \{ fact.val = NUM.value \}
```

Grammatica + azioni semantiche

Variabili e produzioni (esempio $\langle start \rangle$::= $\langle expr \rangle$ EOF)

```
\langle start \rangle ::= \langle expr \rangle \text{ EOF } \{ print(expr.val) \}
 \langle expr \rangle ::= \langle term \rangle \{ exprp.i = term.val \} \langle exprp \rangle \{ expr.val = exprp.val \}
\langle exprp \rangle ::= + \langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i + term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
                    -\langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i - term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
\varepsilon \{ exprp.val = exprp.i \}
 \langle term \rangle ::= \langle fact \rangle \{ termp.i = fact.val \} \langle termp \rangle \{ term.val = termp.val \}
\langle termp \rangle ::= \star \langle fact \rangle \{ termp_1.i = termp.i * fact.val \} \langle termp_1 \rangle \{ termp.val = termp_1.val \}
                    \langle fact \rangle ::= (\langle expr \rangle) \{ fact.val = expr.val \} | NUM \{ fact.val = NUM.value \}
```

Grammatica + azioni semantiche

Associate con le produzioni (scritte in verde; esempio $\{\ expr.val = exprp.val\ \}$

```
\langle start \rangle ::= \langle expr \rangle \text{ EOF } \{ print(expr.val) \}
 \langle expr \rangle ::= \langle term \rangle \{ exprp.i = term.val \} \langle exprp \rangle \{ expr.val = exprp.val \}
\langle exprp \rangle ::= + \langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i + term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
                    -\langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i - term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
\varepsilon \{ exprp.val = exprp.i \}
 \langle term \rangle ::= \langle fact \rangle \{ termp.i = fact.val \} \langle termp \rangle \{ term.val = termp.val \}
\langle termp \rangle ::= \star \langle fact \rangle \{ termp_1.i = termp.i * fact.val \} \langle termp_1 \rangle \{ termp.val = termp_1.val \}
                    \langle fact \rangle ::= (\langle expr \rangle) \{ fact.val = expr.val \} | NUM \{ fact.val = NUM.value \}
```

Grammatica + azioni semantiche

Valori di eventuali attributi dei terminali: fornito dal lexer (esempio $|\{fact.val = NUM.value\}|$)

```
\langle start \rangle ::= \langle expr \rangle \text{ EOF } \{ print(expr.val) \}
 \langle expr \rangle ::= \langle term \rangle \{ exprp.i = term.val \} \langle exprp \rangle \{ expr.val = exprp.val \}
\langle exprp \rangle ::= + \langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i + term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
                    -\langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i - term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
\varepsilon \{ exprp.val = exprp.i \}
 \langle term \rangle ::= \langle fact \rangle \{ termp.i = fact.val \} \langle termp \rangle \{ term.val = termp.val \}
\langle termp \rangle ::= \star \langle fact \rangle \{ termp_1.i = termp.i * fact.val \} \langle termp_1 \rangle \{ termp.val = termp_1.val \}
                    \langle fact \rangle ::= (\langle expr \rangle) \{ fact.val = expr.val \} | NUM \{ fact.val = NUM.value \}
```

Richiamo teoria

- Integrazione di uno SDT in un parser ricorsivo discendente (dal slide 7 del file «26_sdt» con titolo «5.2 Schemi di traduzione»/videoregistrazione «26a Schemi di traduzione (SDT); traduzione on-the-fly» sulla pagina LFT (teoria)).
 - ullet Il parser ha <u>una procedura per ogni variabile</u> della grammatica che <u>riconosce</u> le stringhe <u>generate</u> da $m{A}$ nella grammatica.
 - La procedura A ha tanti argomenti quanti sono gli attributi ereditati di A e restituisce tanti valori quanti sono gli attributi sintetizzati di A.
 - La procedura A usa il <u>simbolo corrente</u> e gli <u>insiemi guida</u>, per scegliere la produzione $A \to \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \cdots \mid \alpha_n$ da usare per riscrivere A.
 - ullet Per ogni simbolo <u>o azione semantica</u> X nel corpo della produzione scelta:
 - \circ Se X è un <u>simbolo terminale</u>, il metodo controlla che il simbolo corrente sia proprio X. In tal caso, fa <u>avanzare</u> il lexer al simbolo successivo. In caso contrario, il metodo segnala un <u>errore di sintassi</u>.
 - \circ Se X è una <u>variabile</u>, il metodo <u>invoca</u> la procedura X <u>passando</u> a X come argomenti i suoi attributi <u>ereditati</u> e raccogliendo in variabili locali gli <u>attributi</u> sintetizzati restituiti da X.
 - \circ Se X è una azione semantica, il metodo la esegue.

ullet Il parser ha <u>una procedura per ogni variabile</u> della grammatica che <u>riconosce</u> le stringhe <u>generate</u> da $oldsymbol{A}$ nella grammatica.

```
 \langle start \rangle \hspace{1cm} ::= \hspace{1cm} \langle expr \rangle \hspace{1cm} \hspace{1cm} \hspace{1cm} \hspace{1cm} \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} exprp.i = term.val \hspace{1cm} \} \hspace{1cm} \langle exprp \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} exprp.val = exprp.val \hspace{1cm} \}   \langle exprp \rangle \hspace{1cm} ::= \hspace{1cm} \langle term \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} exprp_1.i = exprp.i + term.val \hspace{1cm} \} \hspace{1cm} \langle exprp_1 \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} exprp.val = exprp_1.val \hspace{1cm} \}   | \hspace{1cm} - \langle term \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} exprp_1.i = exprp.i - term.val \hspace{1cm} \} \hspace{1cm} \langle exprp_1 \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} exprp.val = exprp_1.val \hspace{1cm} \}   | \hspace{1cm} \varepsilon \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} exprp.val = exprp.i \hspace{1cm} \} \hspace{1cm} \langle term \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} termp.val = termp.val \hspace{1cm} \}   \langle termp \rangle \hspace{1cm} ::= \hspace{1cm} \langle fact \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} termp_1.i = termp.i \times fact.val \hspace{1cm} \} \hspace{1cm} \langle termp_1 \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} termp.val = termp_1.val \hspace{1cm} \}   | \hspace{1cm} \langle fact \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} termp.val = termp.i \rangle \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} termp.val = termp_1.val \hspace{1cm} \}   | \hspace{1cm} \langle fact \rangle \hspace{1cm} ::= \hspace{1cm} ( \hspace{1cm} \langle expr \rangle \hspace{1cm} ) \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} fact.val \hspace{1cm} \} \hspace{1cm} | \hspace{1cm} NUM \hspace{1cm} \{ \hspace{1cm} fact.val = NUM.value \hspace{1cm} \}
```

```
public void start()
    int expr_val;
    // ... completare ...
    expr val = expr();
    match (Tag. EOF);
    System.out.println(expr_val);
    // ... completare ...
private int expr() {
    int term val, exprp val;
    // ... completare ...
    term_val = term();
    exprp_val = exprp(term_val);
    // ... completare ...
    return exprp val;
private int exprp(int exprp_i)
    int term_val, exprp_val;
    switch (look.tag) {
    case '+':
            match('+');
            term_val = term();
            exprp_val = exprp(exprp_i + term_val);
            break;
    // ... completare ...
private int term() {
    // ... completare ...
private int termp(int termp_i) {
    // ... completare ...
private int fact() {
    // ... completare ...
```

• La procedura A ha tanti argomenti quanti sono gli attributi ereditati di A e restituisce tanti valori quanti sono gli attributi sintetizzati di A.

```
 \langle start \rangle \; ::= \; \langle expr \rangle \; \mathsf{EOF} \; \{ \; print(expr.val) \; \} 
 \langle expr \rangle \; ::= \; \langle term \rangle \; \{ \; exprp.i = term.val \; \} \; \langle exprp \rangle \; \{ \; exprp.val = exprp.val \; \} 
 \langle exprp \rangle \; ::= \; + \langle term \rangle \; \{ \; exprp_1.i = \underbrace{exprp.i}_{exprp.i} + term.val \; \} \; \langle exprp_1 \rangle \; \{ \; exprp.val = exprp_1.val \; \} 
 | \; \; \; \; \langle term \rangle \; \{ \; exprp.val = \underbrace{exprp.i}_{exprp.i} \} 
 \langle term \rangle \; ::= \; \langle fact \rangle \; \{ \; termp.i = fact.val \; \} \; \langle termp \rangle \; \{ \; term.val = termp.val \; \} 
 \langle termp \rangle \; ::= \; \; \; \langle fact \rangle \; \{ \; termp_1.i = termp.i * fact.val \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val = termp_1.val \; \} 
 | \; \; \; \langle fact \rangle \; \{ \; termp_1.i = termp.i / fact.val \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val = termp_1.val \; \} 
 | \; \; \; \; \langle fact \rangle \; \{ \; termp.val = termp.i \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val = termp_1.val \; \} 
 | \; \; \; \; \langle fact \rangle \; ::= \; \; \; ( \; \langle expr \rangle \; ) \; \{ \; fact.val = expr.val \; \} \; | \; \mathsf{NUM} \; \{ \; fact.val = \mathsf{NUM}.value \; \}
```

```
private int expr() {
    int term val, exprp val;
   // ... completare ...
    term val = term();
    exprp_val = exprp(term_val);
   // ... completare ...
    return exprp val;
private int exprp (int exprp_i) {
    int term_val, exprp_val;
    switch (look.tag) {
    case '+':
            match ('+');
            term_val = term();
            exprp_val = exprp(exprp_i + term_val);
            break;
    // ... completare ...
```

• La procedura A ha tanti argomenti quanti sono gli attributi ereditati di A e restituisce tanti valori quanti sono gli attributi sintetizzati di A.

```
 \langle start \rangle \; ::= \; \langle expr \rangle \; \mathsf{EOF} \; \{ \; print(expr.val) \; \} 
 \langle expr \rangle \; ::= \; \langle term \rangle \; \{ \; exprp.i = term.val \; \} \; \langle exprp \rangle \; \{ \; exprp.val \; = exprp.val \; \} 
 \langle exprp \rangle \; ::= \; + \langle term \rangle \; \{ \; exprp_1.i = exprp.i + term.val \; \} \; \langle exprp_1 \rangle \; \{ \; exprp.val \; = exprp_1.val \; \} 
 | \; - \langle term \rangle \; \{ \; exprp_1.i = exprp.i - term.val \; \} \; \langle exprp_1 \rangle \; \{ \; exprp.val \; = exprp_1.val \; \} 
 | \; \varepsilon \; \{ \; exprp.val \; = exprp.i \; \} 
 \langle term \rangle \; ::= \; \langle fact \rangle \; \{ \; termp.i = fact.val \; \} \; \langle termp \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp.val \; \} 
 | \; \langle termp \rangle \; ::= \; \star \; \langle fact \rangle \; \{ \; termp_1.i = termp.i * fact.val \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp_1.val \; \} 
 | \; \langle fact \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp.i \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp_1.val \; \} 
 | \; \varepsilon \; \{ \; termp.val \; = termp.i \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp_1.val \; \} 
 | \; \varepsilon \; \{ \; termp.val \; = termp.i \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp_1.val \; \} 
 | \; \varepsilon \; \{ \; termp.val \; = termp.i \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp_1.val \; \} 
 | \; \varepsilon \; \{ \; termp.val \; = termp.i \; \} \; \langle termp_1 \rangle \; \{ \; termp.val \; = termp_1.val \; \} \; \langle termp.val \; = termp.val \; \rangle \;
```

```
private int expr() {
    int term val, exprp val;
   // ... completare ...
    term val = term();
    exprp_val = exprp(term_val);
   // ... completare ...
    return exprp val;
private int exprp(int exprp_i) {
    int term_val, exprp_val;
    switch (look.tag) {
    case '+':
            match('+');
            term_val = term();
            exprp_val = exprp(exprp_i + term_val);
            break;
    // ... completare ...
```

• La procedura A usa il <u>simbolo corrente</u> e gli <u>insiemi guida</u>, per scegliere la produzione $A \to \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \cdots \mid \alpha_n$ da usare per riscrivere A.

• L'utilizzo del token corrente e gli insiemi guida per scegliere una produzione è esattamente come per il parsing ricorsivo discendente (Sezione 3 del documento degli esercizi).

- ullet Per ogni simbolo <u>o azione semantica</u> X nel corpo della produzione scelta:
 - \circ Se X è un <u>simbolo terminale</u>, il metodo controlla che il simbolo corrente sia proprio X. In tal caso, fa <u>avanzare</u> il lexer al simbolo successivo. In caso contrario, il metodo segnala un <u>errore di sintassi</u>.
 - \circ Se X è una <u>variabile</u>, il metodo <u>invoca</u> la procedura X <u>passando</u> a X <u>come</u> argomenti i suoi attributi <u>ereditati</u> e raccogliendo in variabili locali gli <u>attributi sintetizzati</u> restituiti da X.
 - \circ Se X è una azione semantica, il metodo la esegue.

```
public void start() {
   int expr val;
   // ... completare ...
    expr val = expr();
   match (Tag. EOF);
    System.out.println(expr_val);
   // ... completare ...
private int expr() {
   int term_val, exprp_val;
   // ... completare ...
   term val = term();
    exprp_val = exprp(term_val);
   // ... completare ...
   return exprp val;
private int exprp(int exprp_i) {
   int term val, exprp val;
    switch (look.tag) {
    case '+':
           match('+');
            term val = term();
            exprp_val = exprp(exprp_i + term_val);
           break;
    // ... completare ...
```

- ullet Per ogni simbolo <u>o azione semantica</u> X nel corpo della produzione scelta:
 - \circ Se X è un <u>simbolo terminale</u>, il metodo controlla che il simbolo corrente sia proprio X. In tal caso, fa <u>avanzare</u> il lexer al simbolo successivo. In caso contrario, il metodo segnala un <u>errore di sintassi</u>.
 - \circ Se X è una variabile, il metodo invoca la procedura X passando a X come argomenti i suoi attributi ereditati e raccogliendo in variabili locali gli attributi sintetizzati restituiti da X.
 - \circ Se X è una azione semantica, il metodo la esegue.

```
\langle start \rangle \ ::= \ \langle expr \rangle \ \mathsf{EOF} \ \{ \ print(expr.val) \ \}
\langle expr \rangle \ ::= \ \langle term \rangle \ \{ \ exprp.i = term.val \ \} \ \langle exprp \rangle \ \{ \ exprp.val = exprp.val \ \}
\langle exprp \rangle \ ::= \ + \langle term \rangle \ \{ \ exprp_1.i = exprp.i + term.val \ \} \ \langle exprp_1 \rangle \ \{ \ exprp.val = exprp_1.val \ \}
| \ - \langle term \rangle \ \{ \ exprp_1.i = exprp.i - term.val \ \} \ \langle exprp_1 \rangle \ \{ \ exprp.val = exprp_1.val \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ exprp.val = exprp.i \ \}
\langle term \rangle \ ::= \ \langle fact \rangle \ \{ \ termp.i = fact.val \ \} \ \langle termp \rangle \ \{ \ termp.val = termp.val \ \}
| \ \langle fact \rangle \ \{ \ termp_1.i = termp.i / fact.val \ \} \ \langle termp_1 \rangle \ \{ \ termp.val = termp_1.val \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
| \ \varepsilon \ \{ \ termp.val = termp.i \ \}
```

```
public void start() {
   int expr val;
   // ... completare ...
    expr val = expr();
   match (Tag. EOF);
    System.out.println(expr_val);
   // ... completare ...
private int expr() {
   int term_val, exprp_val;
   // ... completare ...
   term val = term();
   exprp_val = exprp(term_val);
   // ... completare ...
   return exprp val;
private int exprp(int exprp_i) {
   int term val, exprp val;
    switch (look.tag) {
    case '+':
            match('+');
           term val = term();
            exprp_val = exprp(exprp_i + term_val);
           break;
    // ... completare ...
```

- ullet Per ogni simbolo <u>o azione semantica</u> X nel corpo della produzione scelta:
 - \circ Se X è un <u>simbolo terminale</u>, il metodo controlla che il simbolo corrente sia proprio X. In tal caso, fa <u>avanzare</u> il lexer al simbolo successivo. In caso contrario, il metodo segnala un <u>errore di sintassi</u>.
 - \circ Se X è una <u>variabile</u>, il metodo <u>invoca</u> la procedura X <u>passando</u> a X <u>come</u> argomenti i suoi attributi <u>ereditati</u> e raccogliendo in variabili locali gli <u>attributi sintetizzati</u> restituiti da X.
 - \circ Se X è una azione semantica, il metodo la esegue.

```
public void start() {
    int expr val;
    // ... completare ...
    expr val = expr();
    match (Tag. EOF);
   System.out.println(expr_val);
    // ... completare ...
private int expr() {
    int term_val, exprp_val;
    // ... completare ...
    term val = term();
    exprp_val = exprp(term_val);
    // ... completare ...
    return exprp val;
private int exprp(int exprp_i) {
    int term val, exprp val;
    switch (look.tag) {
    case '+':
            match('+');
            term val = term();
            exprp_val = exprp (exprp_i + term_val);
            break;
    // ... completare ...
```

Riduzione del codice

```
\langle expr\rangle \ ::= \ \langle term\rangle \ \{ \ exprp.i = term.val \ \} \ \langle exprp\rangle \ \{ \ expr.val = exprp.val \ \}
```

```
private int expr() {
                                                    private int expr() {
    int term_val, exprp_i, exprp_val, expr_val;
                                                        int term_val, exprp_val;
    // ... completare ...
                                                        // ... completare ...
   term val = term();
                                                        term_val = term();
    exprp_i = term_val;
    exprp_val = exprp(exprp_i);
                                                        exprp_val = exprp(term_val);
    expr_val = exprp_val;
                                                        // ... completare ...
    // ... completare ...
                                                        return exprp_val;
    return expr_val;
```

Rappresenta in modo chiaro gli elementi della produzione e le sue azioni semantiche (una riga di codice per elemento/azione semantica).

Versione più sintetica: elimina l'utilizzo dei campi exprp_i e expr_val, mantenendo lo stesso valore di ritorno.

Riduzione del codice

```
\langle exprp \rangle ::= + \langle term \rangle \{ exprp_1.i = exprp.i + term.val \} \langle exprp_1 \rangle \{ exprp.val = exprp_1.val \}
```

```
private int exprp(int exprp_i) {
    int term_val, exprp1_i, exprp1_val, exprp_val;
    switch (look.tag) {
    case '+':
        match('+');
        term_val = term();
        exprp1_i = exprp_i + term_val;
        exprp1_val = exprp(exprp1_i);
        exprp_val = exprp1_val;
        break;
    // ... completare ...
}
```

Rappresenta in modo chiaro gli elementi della produzione e le sue azioni semantiche (una riga di codice per elemento/azione semantica).

```
private int exprp(int exprp_i) {
   int term_val, exprp_val;
   switch (look.tag) {
   case '+':
        match('+');
        term_val = term();
        exprp_val = exprp(exprp_i + term_val);
        break;
   // ... completare ...
}
```

Versione più sintetica: elimina l'utilizzo dei campi $exprp1_i$ e $exprp1_val$, mantenendo lo stesso valore di ritorno.

Ordine delle istruzioni

- Approccio generale per le azioni semantiche: eseguire dopo gli elementi alla loro sinistra sono stati riconosciuti.
- Consiglio: per accedere ad un valore associato con un terminale, bisogna assegnare il valore ad una variabile prima di fare avanzare il lexer al token successivo.
 - Motivazione: fare avanzare il lexer al token successivo ha come conseguenza la perdità di tutte le informazioni che riguarda il token attuale, compresi eventuali valori associati con il token.
 - Esempio: NUM $\{fact.val = NUM.value\}$ nel corpo della produzione
 - Per eseguire l'azione semantica, abbiamo bisogno di NUM. value: però se facciamo avanzare il lexer al token successivo al token numerico «matched» con NUM, non possiamo più accedere a NUM. value.
 - Soluzione: prima di fare avanzare il lexer al token successivo, assegnare NUM. *value* al variabile che corrisponde a *fact.val* nel codice.