第十届全国青少年信息学奥林匹克联赛复赛试题 (普及组 三小时完成)

不高兴的津津

(unhappy.pas/c/cpp)

【问题描述】

津津上初中了。妈妈认为津津应该更加用功学习,所以津津除了上学之外,还要参加妈妈为她报名的各科复习班。另外每周妈妈还会送她去学习朗诵、舞蹈和钢琴。但是津津如果一天上课超过八个小时就会不高兴,而且上得越久就会越不高兴。假设津津不会因为其它事不高兴,并且她的不高兴不会持续到第二天。请你帮忙检查一下津津下周的日程安排,看看下周她会不会不高兴;如果会的话,哪天最不高兴。

【输入文件】

输入文件 **unhappy.in** 包括七行数据,分别表示周一到周日的日程安排。每行包括两个小于 10 的非负整数,用空格隔开,分别表示津津在学校上课的时间和妈妈安排她上课的时间。

【输出文件】

输出文件 **unhappy.out** 包括一行,这一行只包含一个数字。如果不会不高兴则输出 0,如果会则输出最不高兴的是周几(用 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 分别表示周一,周二,周三,周四,周五,周六,周日)。如果有两天或两天以上不高兴的程度相当,则输出时间最靠前的一天。

【样例输入】

- 53
- 62
- 72
- 53
- 5 4
- 04
- 06

【样例输出】

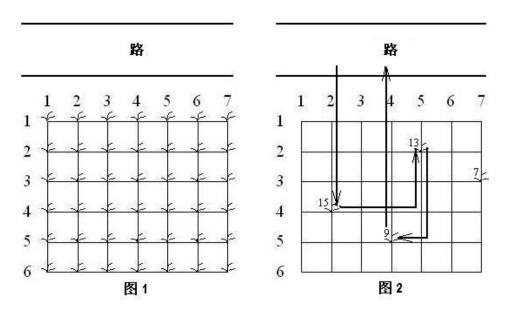
花生采摘

(peanuts.pas/c/cpp)

【问题描述】

鲁宾逊先生有一只宠物猴,名叫多多。这天,他们两个正沿着乡间小路散步,突然发现路边的告示牌上贴着一张小小的纸条:"欢迎免费品尝我种的花生!——熊字"。

鲁宾逊先生和多多都很开心,因为花生正是他们的最爱。在告示牌背后,路边真的有一块花生田,花生植株整齐地排列成矩形网格(如图 1)。有经验的多多一眼就能看出,每棵花生植株下的花生有多少。为了训练多多的算术,鲁宾逊先生说:"你先找出花生最多的植株,去采摘它的花生;然后再找出剩下的植株里花生最多的,去采摘它的花生;依此类推,不过你一定要在我限定的时间内回到路边。"



我们假定多多在每个单位时间内,可以做下列四件事情中的一件:

- 1) 从路边跳到最靠近路边(即第一行)的某棵花生植株;
- 2) 从一棵植株跳到前后左右与之相邻的另一棵植株;
- 3) 采摘一棵植株下的花生;
- 4) 从最靠近路边(即第一行)的某棵花生植株跳回路边。

现在给定一块花生田的大小和花生的分布,请问在限定时间内,多多最多可以采到多少个花生?注意可能只有部分植株下面长有花生,假设这些植株下的花生个数各不相同。

例如在图 2 所示的花生田里,只有位于(2,5),(3,7),(4,2),(5,4)的植株下长有花生,个数分别为 13,7,15,9。沿着图示的路线,多多在 21 个单位时间内,最多可以采到 37 个花生。

【输入文件】

输入文件 **peanuts.in** 的第一行包括三个整数,M, N 和 K,用空格隔开;表示花生田的大小为 M * N(1 <= M, N <= 20),多多采花生的限定时间为 K(0 <= K <= 1000)个单位时

间。接下来的 M 行,每行包括 N 个非负整数,也用空格隔开;第 i+1 行的第 j 个整数 P_{ij} ($0 <= P_{ij} <= 500$)表示花生田里植株(i,j)下花生的数目,0 表示该植株下没有花生。

【输出文件】

输出文件 **peanuts.out** 包括一行,这一行只包含一个整数,即在限定时间内,多多最多可以采到花生的个数。

【样例输入1】

6721

 $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0$

 $0\,0\,0\,0\,13\,0\,0$

0000007

 $0\ 15\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$

0009000

 $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0$

【样例输出1】

37

【样例输入2】

6720

 $0\,0\,0\,0\,0\,0\,0$

 $0\,0\,0\,0\,13\,0\,0$

 $0\,0\,0\,0\,0\,0\,7$

 $0\ 15\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$

0009000

【样例输出2】

28

FBI 树

(fbi.pas/c/cpp)

【问题描述】

我们可以把由 "0" 和 "1" 组成的字符串分为三类: 全 "0" 串称为 B 串, 全 "1" 串 称为 I 串, 既含 "0" 又含 "1" 的串则称为 F 串。

FBI 树是一种二叉树¹,它的结点类型也包括 F 结点,B 结点和 I 结点三种。由一个长度为 2^N 的"01" 串 S 可以构造出一棵 FBI 树 T,递归的构造方法如下:

- 1) T的根结点为 R, 其类型与串 S的类型相同;
- 2) 若串 S 的长度大于 1,将串 S 从中间分开,分为等长的左右子串 S1 和 S2;由左子串 S1 构造 R 的左子树 T1,由右子串 S2 构造 R 的右子树 T2。

现在给定一个长度为 2^N 的 "01" 串,请用上述构造方法构造出一棵 FBI 树,并输出它的后序遍历 2 序列。

【输入文件】

输入文件 **fbi.in** 的第一行是一个整数 N(0 <= N <= 10),第二行是一个长度为 2^N 的"01" 串。

【输出文件】

输出文件 fbi.out 包括一行,这一行只包含一个字符串,即 FBI 树的后序遍历序列。

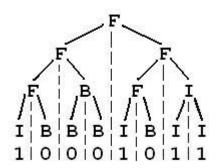
【样例输入】

3

10001011

【样例输出】

IBFBBBFIBFIIIFF



【数据规模】

对于 40%的数据, $N \le 2$; 对于全部的数据, $N \le 10$ 。

¹ 二叉树:二叉树是结点的有限集合,这个集合或为空集,或由一个根结点和两棵不相交的二叉树组成。 这两棵不相交的二叉树分别称为这个根结点的左子树和右子树。

 $^{^{2}}$ 后序遍历: 后序遍历是深度优先遍历二叉树的一种方法,它的递归定义是: 先后序遍历左子树,再后序遍历右子树,最后访问根。

火星人

(martian.pas/c/cpp)

【问题描述】

人类终于登上了火星的土地并且见到了神秘的火星人。人类和火星人都无法理解对方的语言,但是我们的科学家发明了一种用数字交流的方法。这种交流方法是这样的,首先,火星人把一个非常大的数字告诉人类科学家,科学家破解这个数字的含义后,再把一个很小的数字加到这个大数上面,把结果告诉火星人,作为人类的回答。

火星人用一种非常简单的方式来表示数字——掰手指。火星人只有一只手,但这只手上有成千上万的手指,这些手指排成一列,分别编号为1,2,3.....。火星人的任意两根手指都能随意交换位置,他们就是通过这方法计数的。

一个火星人用一个人类的手演示了如何用手指计数。如果把五根手指——拇指、食指、中指、无名指和小指分别编号为 1, 2, 3, 4 和 5, 当它们按正常顺序排列时,形成了 5 位数 12345, 当你交换无名指和小指的位置时,会形成 5 位数 12354, 当你把五个手指的顺序完全颠倒时,会形成 54321, 在所有能够形成的 120 个 5 位数中,12345 最小,它表示 1; 12354 第二小,它表示 2; 54321 最大,它表示 120。下表展示了只有 3 根手指时能够形成的 6 个 3 位数和它们代表的数字:

三进制数	123	132	213	231	312	321
代表的数字	1	2	3	4	5	6

现在你有幸成为了第一个和火星人交流的地球人。一个火星人会让你看他的手指,科学家会告诉你要加上去的很小的数。你的任务是,把火星人用手指表示的数与科学家告诉你的数相加,并根据相加的结果改变火星人手指的排列顺序。输入数据保证这个结果不会超出火星人手指能表示的范围。

【输入文件】

输入文件 **martian.in** 包括三行,第一行有一个正整数 N,表示火星人手指的数目(1 <= N <= 10000)。第二行是一个正整数 M,表示要加上去的小整数(1 <= M <= 100)。下一行是 1 到 N 这 N 个整数的一个排列,用空格隔开,表示火星人手指的排列顺序。

【输出文件】

输出文件 martian.out 只有一行,这一行含有 N 个整数,表示改变后的火星人手指的排列顺序。每两个相邻的数中间用一个空格分开,不能有多余的空格。

【样例输入】

12345

【样例输出】

12453

【数据规模】

对于 30%的数据, N<=15;

对于 60%的数据, N<=50;

对于全部的数据, N<=10000;