

全国信息学奥林匹克联赛（NOIP2008）复赛

提高组

一、题目概览

| | | | | |
|---------|----------|-------------|-------------|--------------|
| 中文题目名称 | 笨小猴 | 火柴棒等式 | 传纸条 | 双栈排序 |
| 英文题目名称 | word | matches | message | twostack |
| 可执行文件名 | word | matches | message | twostack |
| 输入文件名 | word.in | matches.in | message.in | twostack.in |
| 输出文件名 | word.out | matches.out | message.out | twostack.out |
| 每个测试点时限 | 1 秒 | 1 秒 | 1 秒 | 1 秒 |
| 测试点数目 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 每个测试点分值 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 比较方式 | 全文比较 | 全文比较 | 全文比较 | 全文比较 |
| 题目类型 | 传统 | 传统 | 传统 | 传统 |

二、提交源程序文件名

| | | | | |
|--------------|----------|-------------|-------------|--------------|
| 对于 Pascal 语言 | word.pas | matches.pas | message.pas | twostack.pas |
| 对于 C 语言 | word.c | matches.c | message.c | twostack.c |
| 对于 C++语言 | word.cpp | matches.cpp | message.cpp | twostack.cpp |

三、编译命令（不包含任何优化开关）

| | | | | |
|--------------|-------------------------|-------------------------------|-------------------------------|---------------------------------|
| 对于 Pascal 语言 | fpc word.pas | fpc matches.pas | fpc message.pas | fpc twostack.pas |
| 对于 C 语言 | gcc -o word word.c | gcc -o matches matches.c | gcc -o message message.c | gcc -o twostack twostack.c |
| 对于 C++语言 | g++ -o word word.cpp | g++ -o matches matches.cpp | g++ -o message message.cpp | g++ -o twostack twostack.cpp |

四、运行内存限制

| | | | | |
|--------|-----|-----|-----|-----|
| 运行内存上限 | 50M | 50M | 50M | 50M |
|--------|-----|-----|-----|-----|

注意事项：

1. 文件名（程序名和输入输出文件名）必须使用大写。
2. C/C++中函数 `main()` 的返回值类型必须是 `int`，程序正常结束时的返回值必须是 `0`。
3. 全国统一评测时采用的机器配置为：CPU 1.9GHz，内存 512M，上述时限以此配置为准。各省在自测时可根据具体配置调整时限。

1. 笨小猴

(word.pas/c/cpp)

【问题描述】

笨小猴的词汇量很小,所以每次做英语选择题的时候都很头疼。但是他找到了一种方法,经试验证明,用这种方法去选择选项的时候选对的几率非常大!

这种方法的具体描述如下:假设 maxn 是单词中出现次数最多的字母的出现次数, minn 是单词中出现次数最少的字母的出现次数,如果 $\text{maxn}-\text{minn}$ 是一个质数,那么笨小猴就认为这是个 Lucky Word, 这样的单词很可能就是正确的答案。

【输入】

输入文件 word.in 只有一行,是一个单词,其中只可能出现小写字母,并且长度小于 100。

【输出】

输出文件 word.out 共两行, 第一行是一个字符串, 假设输入的的单词是 Lucky Word, 那么输出 “Lucky Word”, 否则输出 “No Answer”;

第二行是一个整数, 如果输入单词是 Lucky Word, 输出 $\text{maxn}-\text{minn}$ 的值, 否则输出 0。

【输入输出样例 1】

| word.in | word.out |
|---------|-----------------|
| Error | Lucky Word 2 |

【输入输出样例 1 解释】

单词 error 中出现最多的字母 r 出现了 3 次, 出现次数最少的字母出现了 1 次, $3-1=2$, 2 是质数。

【输入输出样例 2】

| word.in | word.out |
|---------|----------------|
| Olympic | No Answer 0 |

【输入输出样例 2 解释】

单词 olympic 中出现最多的字母 i 出现了 2 次, 出现次数最少的字母出现了 1 次, $2-1=1$, 1 不是质数。

2. 火柴棒等式

(matches.pas/c/cpp)

【问题描述】

给你 n 根火柴棍, 你可以拼出多少个形如 “ $A+B=C$ ” 的等式? 等式中的 A、B、C 是用火柴棍拼出的整数 (若该数非零, 则最高位不能是 0)。用火柴棍拼数字 0-9 的拼法如图所示:



注意：

1. 加号与等号各自需要两根火柴棍
2. 如果 $A \neq B$ ，则 $A+B=C$ 与 $B+A=C$ 视为不同的等式 ($A、B、C \geq 0$)
3. n 根火柴棍必须全部用上

【输入】

输入文件 matches.in 共一行，又一个整数 n ($n \leq 24$)。

【输出】

输出文件 matches.out 共一行，表示能拼成的不同等式的数目。

【输入输出样例 1】

| matches.in | matches.out |
|------------|-------------|
| 14 | 2 |

【输入输出样例 1 解释】

2 个等式为 $0+1=1$ 和 $1+0=1$ 。

【输入输出样例 2】

| matches.in | matches.out |
|------------|-------------|
| 18 | 9 |

【输入输出样例 2 解释】

9 个等式为：

$$0+4=4$$

$$0+11=11$$

$$1+10=11$$

$$2+2=4$$

$$2+7=9$$

$$4+0=4$$

$$7+2=9$$

$$10+1=11$$

$$11+0=11$$

3. 传纸条

(message.pas/c/cpp)

【问题描述】

小渊和小轩是好朋友也是同班同学，他们在一起总有谈不完的话题。一次素质拓展活动中，班上同学安排做成一个 m 行 n 列的矩阵，而小渊和小轩被安排在矩阵对角线的两端，因此，他们就无法直接交谈了。幸运的是，他们可以通过传纸条来进行交流。纸条要经由许

多同学传到对方手里，小渊坐在矩阵的左上角，坐标(1,1)，小轩坐在矩阵的右下角，坐标(m,n)。从小渊传到小轩的纸条只可以向下或者向右传递，从小轩传给小渊的纸条只可以向上或者向左传递。

在活动进行中，小渊希望给小轩传递一张纸条，同时希望小轩给他回复。班里每个同学都可以帮他们传递，但只会帮他们一次，也就是说如果此人在小渊递给小轩纸条的时候帮忙，那么在小轩递给小渊的时候就不会再帮忙。反之亦然。

还有一件事情需要注意，全班每个同学愿意帮忙的好感度有高有低（注意：小渊和小轩的好心程度没有定义，输入时用 0 表示），可以用一个 0-100 的自然数来表示，数越大表示越好心。小渊和小轩希望尽可能找好心程度高的同学来帮忙传纸条，即找到来回两条传递路径，使得这两条路径上同学的好心程度之和最大。现在，请你帮助小渊和小轩找到这样的两条路径。

【输入】

输入文件 message.in 的第一行有 2 个用空格隔开的整数 m 和 n，表示班里有 m 行 n 列（ $1 \leq m, n \leq 50$ ）。

接下来的 m 行是一个 m*n 的矩阵，矩阵中第 i 行 j 列的整数表示坐在第 i 行 j 列的学生的好心程度。每行的 n 个整数之间用空格隔开。

【输出】

输出文件 message.out 共一行，包含一个整数，表示来回两条路上参与传递纸条的学生的好心程度之和的最大值。

【输入输出样例】

| message.in | message.out |
|--------------------------------|-------------|
| 3 3 0 3 9 2 8 5 5 7 0 | 34 |

【限制】

30%的数据满足： $1 \leq m, n \leq 10$

100%的数据满足： $1 \leq m, n \leq 50$

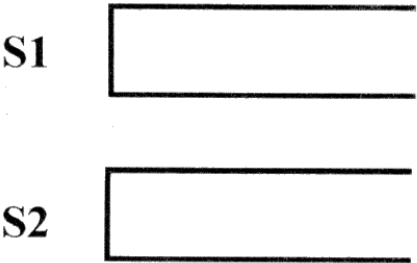
4. 双栈排序

(twostack.pas/c/cpp)

【问题描述】

Tom 最近在研究一个有趣的排序问题。如图所示，通过 2 个栈 S1 和 S2，Tom 希望借助以下 4 种操作实现将输入序列升序排序。

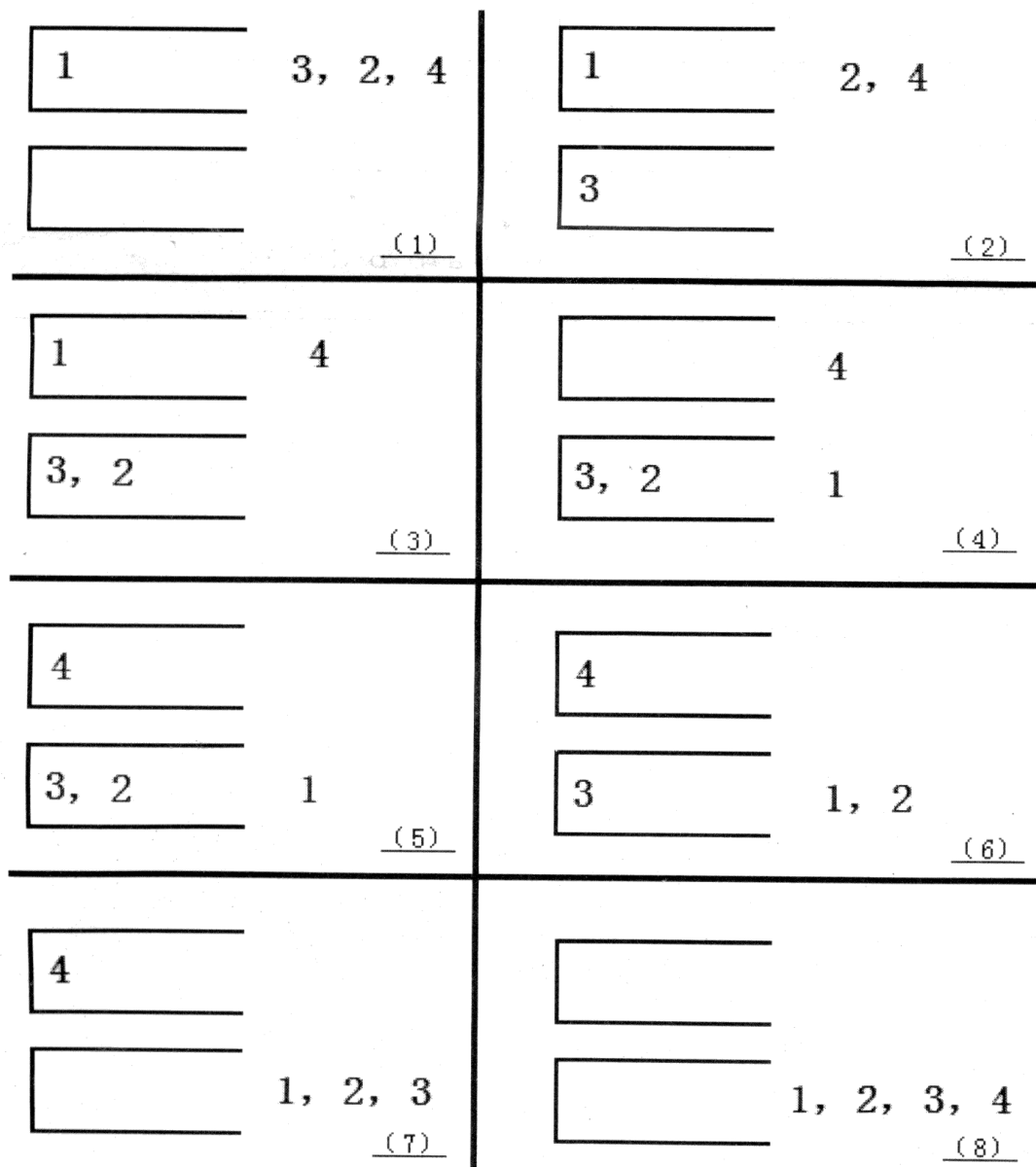
- 操作 a
如果输入序列不为空，将第一个元素压入栈 S1
- 操作 b
如果栈 S1 不为空，将 S1 栈顶元素弹出至输出序列
- 操作 c
如果输入序列不为空，将第一个元素压入栈 S2



操作 d

如果栈 S2 不为空，将 S2 栈顶元素弹出至输出序列

如果一个 $1 \sim n$ 的排列 P 可以通过一系列操作使得输出序列为 $1, 2, \dots, (n-1), n$, Tom 就称 P 是一个“可双栈排序排列”。例如(1,3,2,4)就是一个“可双栈排序序列”，而(2,3,4,1)不是。下图描述了一个将(1,3,2,4)排序的操作序列：<a,c,c,b,a,d,d,b>



当然，这样的操作序列有可能有几个，对于上例(1,3,2,4)，<a,c,c,b,a,d,d,b>是另外一个可行的操作序列。Tom 希望知道其中字典序最小的操作序列是什么。

【输入】

输入文件 twostack.in 的第一行是一个整数 n。

第二行有 n 个用空格隔开的正整数，构成一个 $1 \sim n$ 的排列。

【输出】

输出文件 twostack.out 共一行，如果输入的排列不是“可双栈排序排列”，输出数字 0；否则输出字典序最小的操作序列，每两个操作之间用空格隔开，行尾没有空格。

【输入输出样例 1】

| twostack.in | twostack.out |
|--------------------|---------------------|
| 4 1 3 2 4 | a b a a b b a b |

【输入输出样例 2】

| twostack.in | twostack.out |
|--------------------|---------------------|
| 4 2 3 4 1 | 0 |

【输入输出样例 3】

| twostack.in | twostack.out |
|--------------------|---------------------|
| 3 2 3 1 | a c a b b d |

【限制】

30%的数据满足： $n \leq 10$

50%的数据满足： $n \leq 50$

100%的数据满足： $n \leq 1000$