Apprentissage Automatique

Réseaux de neurones

Stéphane Herbin

stephane.herbin@onera.fr

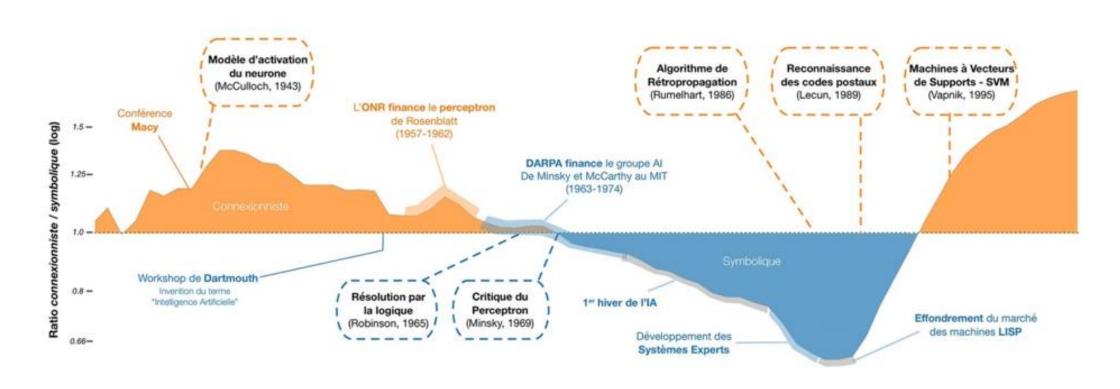


Aujourd'hui

- Réseaux de neurones (ANN = « Artificial Neural Network »)
 - Historique
 - La structure fonctionnelle: du neurone au réseau
 - Le multi couche
 - ANN et approximation universelle
 - ANN et décision: le multi-classe
 - Apprentissage et optimisation: fonction de coût et gradient stochastique
 - Back propagation et dérivation automatique
- TD
 - Familiarisation avec les concepts: applet Tensorflow
 - Programmation sous pytorch
 - Mise en œuvre sur problème de classification simple



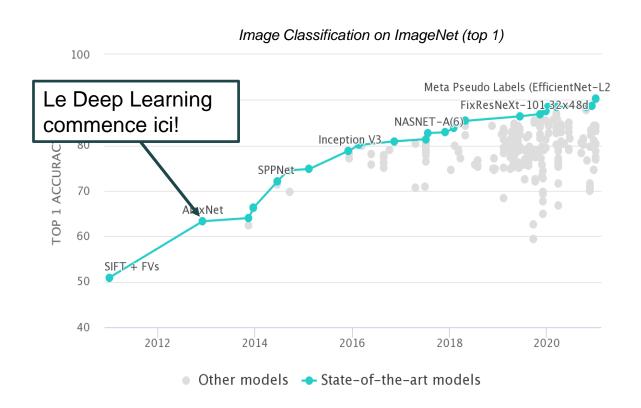
Historique



IA symbolique et RN: deux paradigmes de modélisation de l'intelligence



La « révolution » du Deep Learning



Données



14M images, 1000 classes

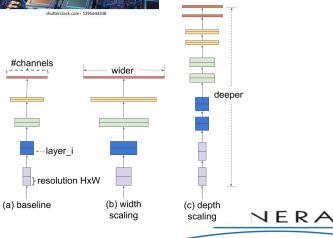
Logiciels



Hardware

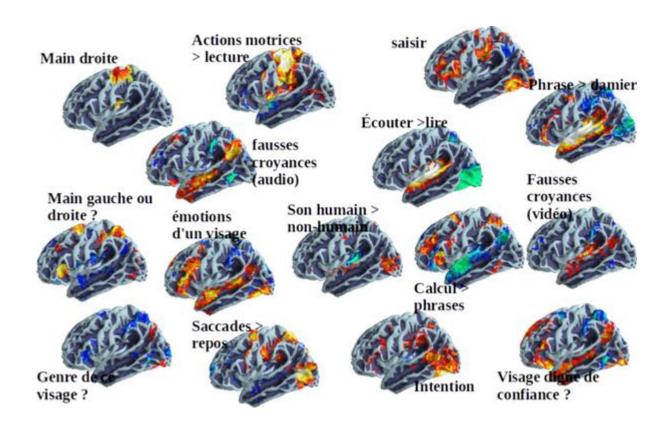


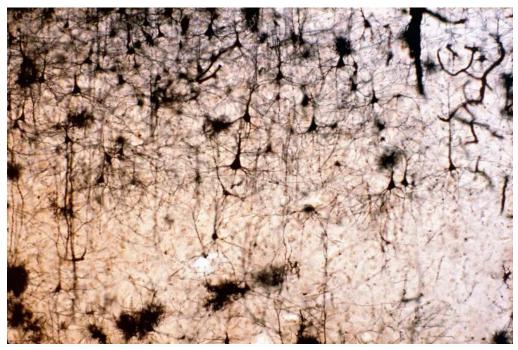
Algorithmes



THE FRENCH AEROSPACE LAB

Inspiration biologique

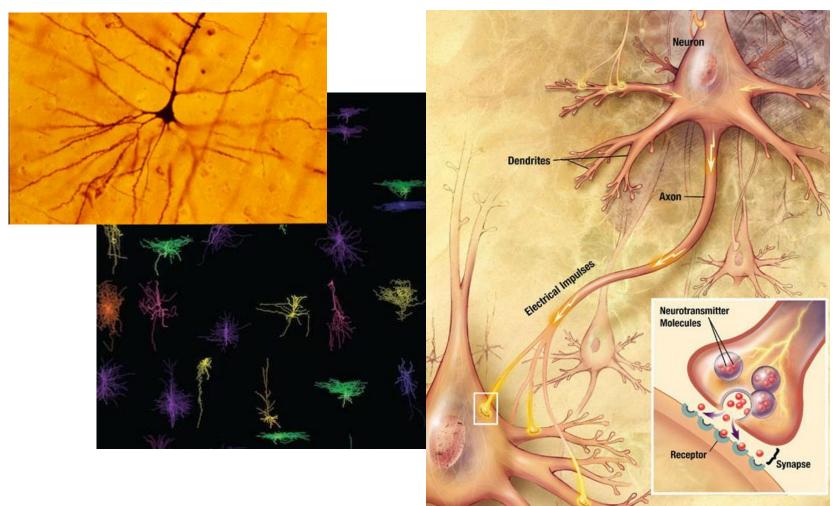


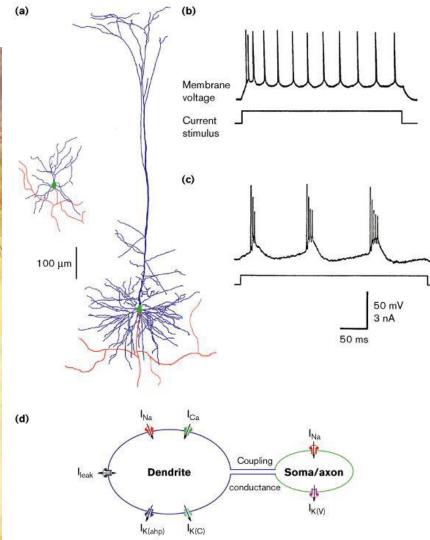


- Cerveau = organe de la pensée
- Il est constitué de neurones organisés en réseaux
- Il doit y avoir de l'intelligence là dedans!



Le neurone biologique

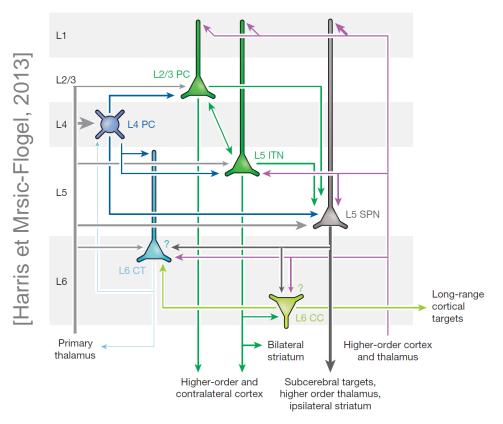


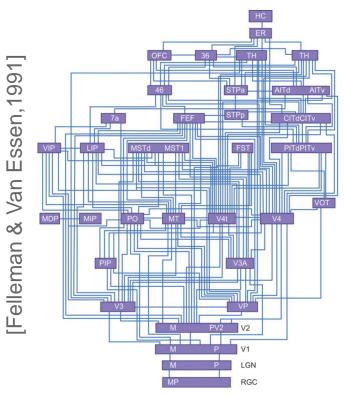


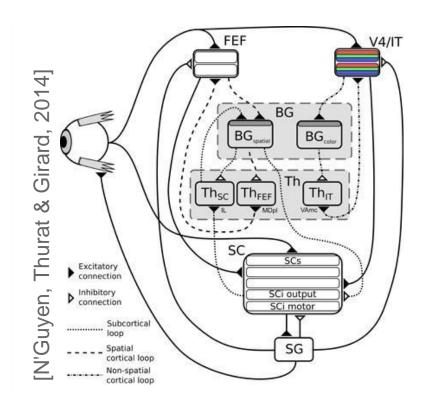
Processus de calcul locaux & connexions synaptiques Codage « électrochimique » de l'information



Des réseaux naturels ... bouclés







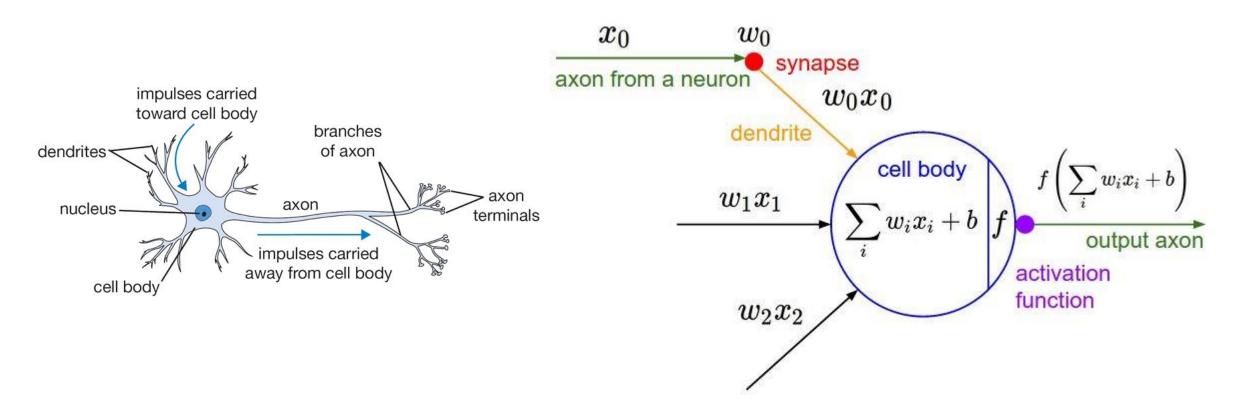
Couches neuronales

Zones corticales

Structures neuronales



Le neurone artificiel



Un modèle (très) simplifié (pas de prise en compte de le dynamique) [McCulloch & Pitts, 1943]

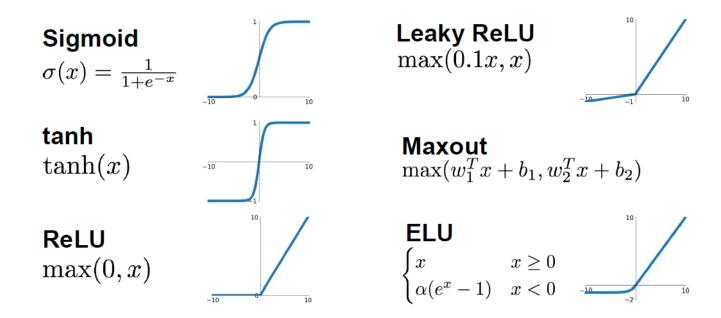


Interprétation

$$y = f\left(\sum_{i} w_{i}.x_{i} + b\right)$$

Un neurone = classifieur linéaire + activation non linéaire f.

Plusieurs fonctions d'activation possibles → rôles différents (proba, signe, sélection...)



Réseau = Plusieurs neurones

$$y_j = f\left(\sum_i w_{ji}.x_i + b_j\right)$$

Sous forme vectorielle:

$$X \in \mathbb{R}^d \mapsto Y \in \mathbb{R}^p$$

$$Y = f(W.X + b)$$

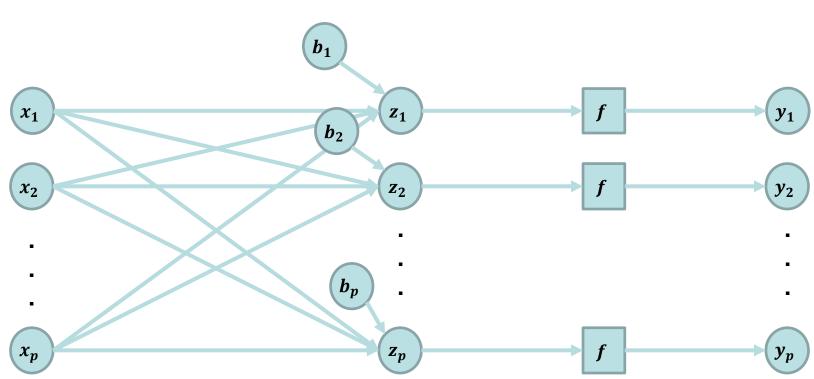
$$W \in \mathbb{R}^{p \times d}$$

Y peut représenter un signal ou une image \rightarrow filtrage



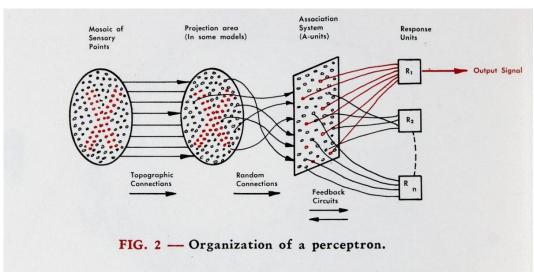
Réseau « fully connected »

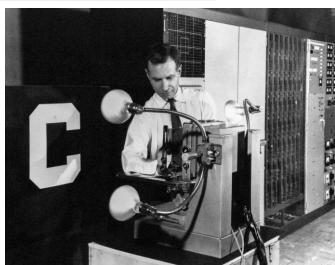
$$Y = f(W.X + b)$$





Le perceptron







Algorithme du perceptron: tous les ingrédients d'apprentissage

```
class Perceptron:
   def init (self, learning rate=0.1, epochs=100):
        self.learning rate = learning rate
        self.epochs = epochs
   def predict(self, inputs):
       weighted sum = np.dot(inputs, self.weights) + self.bias
       return self._activation(weighted_sum)
   def activation(self, z):
       return 1 if z >= 0 else 0
   def fit(self, X, y):
        self.weights = np.random.rand(X.shape[1])
        self.bias = np.random.rand(1)
       has error = True
       while has error:
           has error = False
            for inputs, target in zip(X, y):
               prediction = self.predict(inputs)
                error = target - prediction
                self.weights += self.learning rate * error * inputs
                self.bias += self.learning rate * error
                if error : has error = True
```

Initialisation aléatoire

Itérations sur exemples

Critère d'erreur

Mise-à-jour incrémentale des poids

Critère d'arrêt

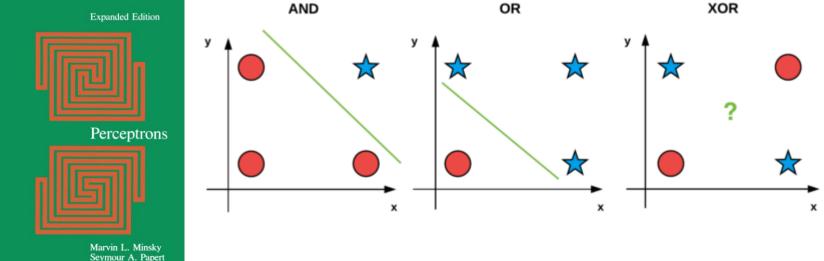


Les performances du perceptron

- On peut montrer que cet algorithme converge <u>ssi</u> les données sont linéairement séparables.
- Oscillations si non séparabilité → grande limitation !



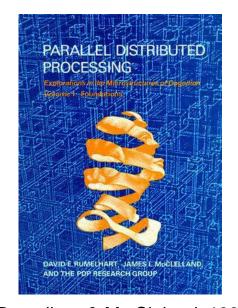
[Minsky & Papert, 1969]

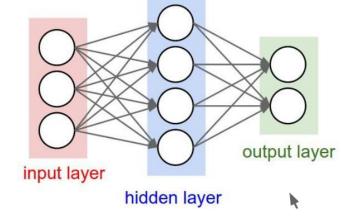


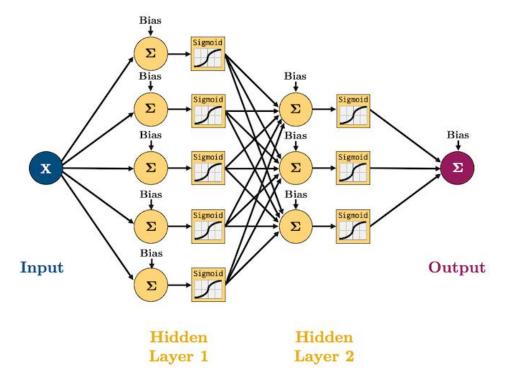


Les réseaux de neurones artificiels

- Composition de « couches » de neurones formels
 - → Augmente l'expressivité des fonctions
- Optimisation par descente de gradient stochastique sur fonction de coût
 - → Principe général d'apprentissage
- ANN = Artificial Neural Network
- MLP = Multi-Layer Perceptron







[Rumelhart & Mc Cleland, 1986]

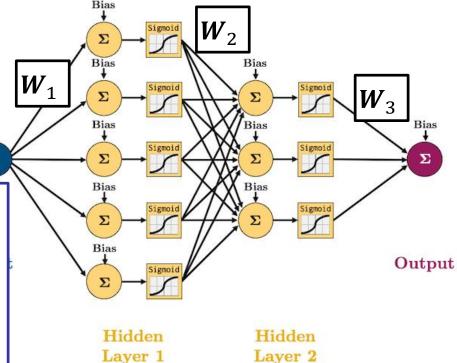


Réseaux multi-couches

Composition de fonctions vectorielles:

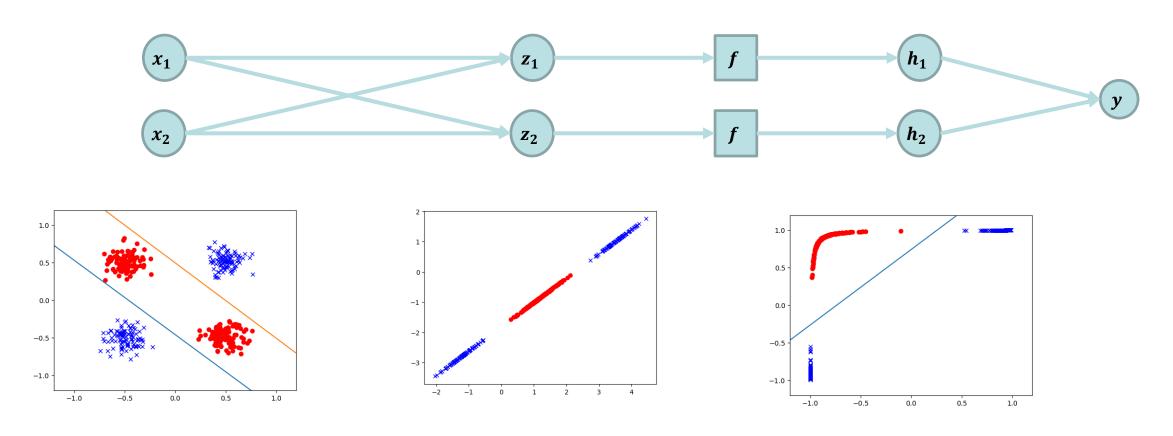
$$y = W_3. f(W_2. f(W_1. x + b_1) + b_2) + b_3$$

```
f = lambda x: 1.0/(1.0 + np.exp(-x)) # Activation sigmoide
x = np.random.randn(1,1)
                                      # Entrée de dimension 1
W1 = np.random.randn(5,1)
                                      # Première couche de dimension 1x5
                                      # Biais de la première couche
b1 = np.random.randn(5,1)
W2 = np.random.randn(3,5)
                                      # Deuxième couche de dimension 5x3
b2 = np.random.randn(3,1)
                                      # Biais de la deuxième couche
W3 = np.random.randn(1,3)
                                      # Troisième couche de dimension 3x1
b3 = np.random.randn(1,1))
                                      # Biais de la troisième couche
h1 = f(W1 @ x + b1)
                                      # Calcul de la première couche cachée
h2 = f(W2 @ h1 + b2)
                                      # Calcul de la deuxième couche cachée
y = W3 @ h2 + b3
                                      # Calcul de la sortie
```



Expressivité des réseaux

- Pourquoi des fonctions d'activation non linéaires?
- Permet de transformer les espaces de représentation → meilleure séparation





Exemple des données binaires et RELU

- Base d'apprentissage $\{x_i, y_i\}_N$ où $x_i \in \{-1,1\}^d$ et $y_i \in \{-1,1\}$.
- On peut écrire de manière exacte une fonction qui passe par tous les points de la base d'apprentissage

$$F(x, W) = \sum_{i} y_{i}. \text{ReLU}(1 - ||x - x_{i}||_{1})$$

où ReLU(x) = max(x, 0) est la fonction d'activation de type « Rectified Linear Unit » et $\|.\|_1$ est la norme L_1 , $\|x\|_1 = \sum_{k=1}^d |x_k|$.

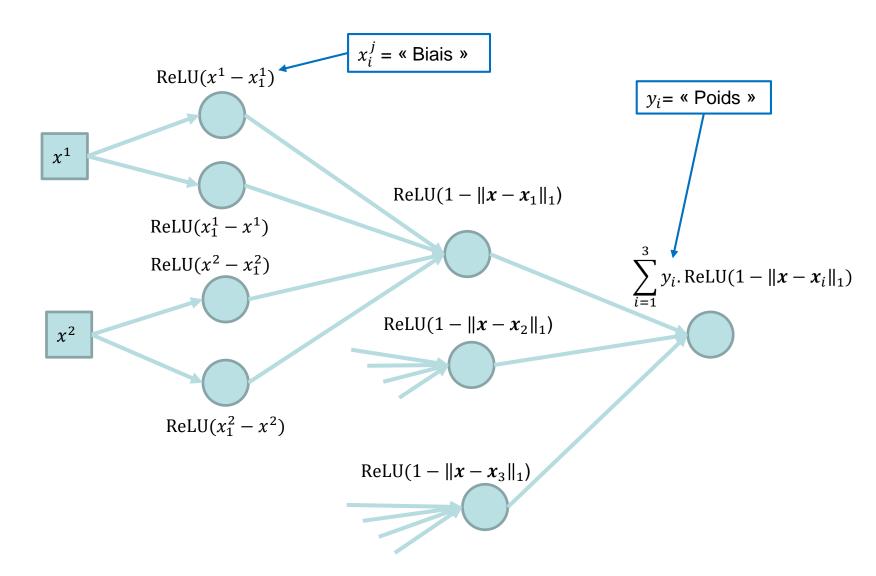
« Astuce »: On peut écrire la valeur absolue à partir de la fonction ReLU:

$$|x| = \text{ReLU}(x) + \text{ReLU}(-x)$$

- = 3 neurones (2 couches: 2 neurones sur la première, 1 sur la deuxième)
- En combinant les neurones activés par un ReLU, on peut construire la fonction F comme un réseau à deux couches cachées: 2.N.d sur la première, N sur la deuxième, et 1 sur la dernière.



Exemple: réseau ReLU (d=2, N=3)





Approximation de fonction

- Un NN est un « régresseur » qui approxime une fonction multivariée: $\mathbb{R}^d \to \mathbb{R}^p$
- Classifieur RELU peut passer par tous les points
 - → mais sur-apprentissage + grand nombre de neurones
- Réseau = Approximateur universel (une couche cachée + activation non polynomiale suffit)
 - → conditions de régularité de la fonction permet de contrôler la complexité
 - → compromis taille/nombre de couches cachées
- Cybenko, G. (1989). Approximation by superpositions of a sigmoidal function. *Mathematics of Control, Signals and Systems*, 2(4), 303-314.
- Leshno, M., Lin, V. Ya., Pinkus, A., & Schocken, S. (1993). Multilayer feedforward networks with a nonpolynomial activation function can approximate any function. Neural Networks, 6(6), 861-867
- Barron, A. R. (1994). Approximation and estimation bounds for artificial neural networks. Machine Learning, 14(1), 115-133.
- Guliyev, N. J., & Ismailov, V. E. (2018). On the approximation by single hidden layer feedforward neural networks with fixed weights. *Neural Networks*, 98, 296-304.
- Kidger, P., & Lyons, T. (2020). Universal Approximation with Deep Narrow Networks. *Proceedings of Thirty Third Conference on Learning Theory*, 2306-2327.
- Barron, A. R., & Klusowski, J. M. (2018). Approximation and Estimation for High-Dimensional Deep Learning Networks (arXiv:1809.03090).
- Nakada, R., & Imaizumi, M. (2020). Adaptive Approximation and Generalization of Deep Neural Network with Intrinsic Dimensionality. Journal of Machine Learning Research, 21(174), 1-38.
- E, W., Ma, C., & Wu, L. (2022). The Barron Space and the Flow-Induced Function Spaces for Neural Network Models. Constructive Approximation, 55(1), 369-406.
- Berner, J., Grohs, P., Kutyniok, G., & Petersen, P. (2022). The Modern Mathematics of Deep Learning (p. 1-111).



Comment concevoir les réseaux de neurones?

- Problème à résoudre
 - Classification, régression, détection, prédiction de graphe...
- Données
 - Nature, dimensions, quantité
- → Architecture
 - Couches, connexions, poids...
- Apprentissage
 - Fonction de coût (« loss »)
 - Optimisation



Formulation optimale (bis!)

• On retrouve le principe usuel: optimisation d'un critère statistique fonction des données pour apprendre le prédicteur F(x; W):

$$W = \arg \min_{W'} C(\mathcal{L}, W')$$

où $\mathcal{L} = \{(x_i, y_i)\}_{i=1}^N$ est la base des données d'apprentissage.

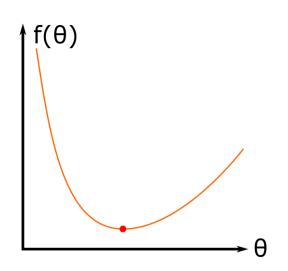
 Le critère est appelé coût (« loss » en anglais) et mesure une statistique sur les écarts de prédiction l:

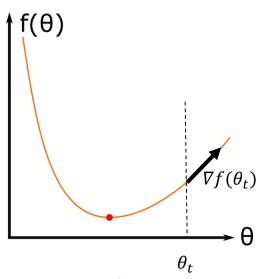
$$C(\mathcal{L}, \mathbf{W}) = \sum_{i=1}^{N} \ell(y_i, F(\mathbf{x}_i; \mathbf{W}))$$

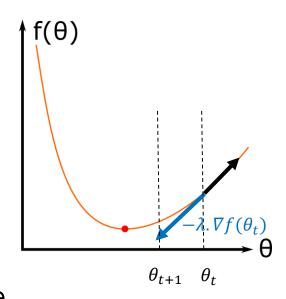
- Deux questions (« classiques »):
 - Comment construire une « bonne » fonction de coût l?
 - Comment trouver les bons paramètres $W? \rightarrow$ Descente de gradient



Descente de gradient







Objectif: minimiser une fonction scalaire à entrée multi-variée

Hypothèse: Fonction continue et différentiable presque partout

Principe: se déplacer itérativement dans le sens de la pente d'une certaine distance (on parle de « pas » du gradient)

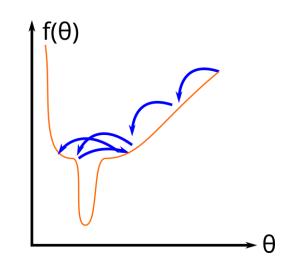
$$\boldsymbol{\theta}_{t+1} = \boldsymbol{\theta}_t - \lambda . \nabla f_{\boldsymbol{\theta}}(\boldsymbol{\theta}_t)$$

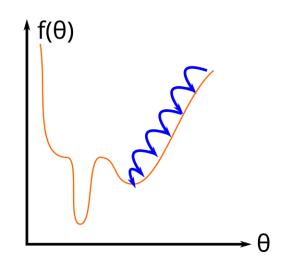
Plus la pente est raide, plus grand sera le déplacement

On s'arrête selon un certain critère, par ex. lorsque les incréments en θ sont inférieurs à un seuil.



Des phénomènes à éviter





Minima très creusés (vallée étroite % pas)

Minima locaux

Le réglage du pas du gradient (λ) est déterminant

- → Il existe des réglages optimaux (si on connaît bien le problème)
- → Il existe des stratégies de gestion du pas (« scheduler »)
- → II existe des réglages adaptatifs (ADAM…)





Descente de gradient

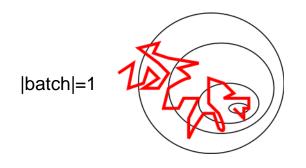
```
vector = start
    for _ in range(n_iter):
        diff = -learn rate * gradient(vector)
        if np.all(np.abs(diff) <= tolerance):</pre>
            break
        vector += diff
    return vector
```

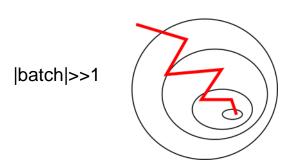


Gradient stochastique

- On veut minimiser $C(\mathcal{L}, \mathbf{W}) = \sum_{i=1}^{N} \ell(y_i, F(\mathbf{x}_i; \mathbf{W}))$ par descente de gradient
 - → N peut être très grand
 - → Chaque pas de gradient peut être très coûteux
- Une réponse: échantillonner aléatoirement un ensemble d'exemples (« batch ») à chaque étape pour calculer le gradient et mettre à jour l'estimation des paramètres
 - = Descente de Gradient Stochastique (SGD)

$$\nabla_W C(\mathcal{L}, \mathbf{W}) \approx \sum_{i \in hatch} \nabla_W l(y_i, F(\mathbf{x}_i; \mathbf{W}))$$







Descente de gradient stochastique

```
for in range(n iter):
       # Shuffle x and y
       rnq.shuffle(x,y)
       # Perform minibatch moves
       for istart in range(0, n obs, batch size):
           istop = istart + batch size
           x batch, y_batch = x[istart:istop, :], y[istart:istop]
           # Compute the gradient and increment
           grad = np.array(gradient(x batch, y batch, vector))
           diff = -learn rate * grad
           # Check if the increment is small
           if np.all(np.abs(diff) <= tolerance):</pre>
               break
           # Update the values of the variables
           vector += diff
   return vector
```

Comment calculer « facilement » le gradient?

- Un principe élémentaire: Rétro-propagation
 - → Calcul exact du gradient par rapport aux paramètres du NN
 - → Parallélisable
 - → Mais peut être gourmand en ressources (mémoire)

- Généralisable à tout type d'architecture fonctionnelle (pour des fonctions continues et dérivables pp)
 - → Dérivation automatique : dans les environnements (Pytorch, Tensorflow…)
 - → Autograd (https://github.com/HIPS/autograd)
 - → JAX (https://github.com/google/jax)



Un ingrédient « mathématique » de base

- Dérivée des fonctions composées (« chain rule »)
- Variable latente scalaire

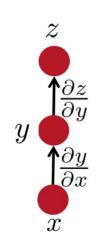
$$y = g(x) \in \mathbb{R}, z = f(y) \in \mathbb{R}$$
$$\frac{dz}{dx} = \frac{d}{dx} [f \circ g(x)] = f'(g(x)) \cdot g'(x) = \frac{dz}{dy} \cdot \frac{dy}{dx}$$

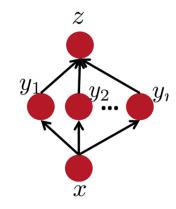


$$x \in \mathbb{R}^n, y = g(x) \in \mathbb{R}^k, z = f(y) \in \mathbb{R}$$

$$\frac{dz}{dx_j} = \sum_{i} \frac{\partial z}{\partial y_i} \cdot \frac{\partial y_i}{\partial x_j}$$

Ou avec le jacobien
$$\left(\frac{\partial y}{\partial x}\right) = \begin{bmatrix} \frac{\partial y_1}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial y_1}{\partial x_n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial y_k}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial y_k}{\partial x_n} \end{bmatrix}, \ \nabla_{x}(z) = \left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)^T \cdot \nabla_{y}(z)$$







Utiliser l'architecture en couches

Réseau à m couches entièrement connecté:

$$x_1 = f(W_1, x_0 + b_1) = F_1(x_0, W_1, b_1)$$

 $x_2 = f(W_2, x_1 + b_2) = F_2(x_1, W_2, b_2)$
 \vdots
 $y = x_m = f(W_m, x_{m-1} + b_m) = F_m(x_{m-1}, W_m, b_m)$

- De fonction d'activation f, de poids W_i et de biais b_i .
- La dernière couche fournit la prédiction y à comparer avec la sortie souhaitée y^*
- On cherche à minimiser $\ell(y, y^*)$ par une descente de gradient sur les paramètres du réseau.
- On va appliquer une méthode de **rétro-propagation** pour calculer le gradient par rapport aux paramètres W_j et b_j .
- Principe:
 - Les gradients de la couche j-1 dépendent des gradients de la couche j.
 - On a besoin de des gradients par rapport aux poids W_j et biais b_j , et par rapport aux sorties intermédiaires x_i .



Dérivation des fonctions composées pour NN

• Pour calculer le gradient par rapport aux paramètres ∇_{W_j} on a besoin des gradients par rapport aux sorties des neurones ∇_{x_i} .

$$\nabla_{\mathbf{W}_{j}} \ell = \left(\frac{\partial x_{j}}{\partial \mathbf{W}_{j}}\right)^{T} . \nabla_{x_{j}} \ell = \left(\frac{\partial F_{j}(., \mathbf{W}_{j})}{\partial \mathbf{W}_{j}}\right)^{T} . \nabla_{x_{j}} \ell$$

• Mais pour avoir les gradients ∇_{x_j} on a besoin des gradients de la couche suivante $\nabla_{x_{i+1}}$ que l'on **rétro-propage**.

$$\nabla_{x_{j-1}} \ell = \left(\frac{\partial x_j}{\partial x_{j-1}}\right)^T \cdot \nabla_{x_j} \ell = \left(\frac{\partial F_j(x_{j-1}, .)}{\partial x_{j-1}}\right)^T \cdot \nabla_{x_j} \ell$$

- Le point de départ est le calcul du gradient de ℓ par rapport à la couche de sortie y
- Il faut maintenant calculer les jacobiens $\left(\frac{\partial F_j}{\partial x_{j-1}}\right)$ et $\left(\frac{\partial F_j}{\partial W_j}\right)$



Des jacobiens simples

• Les fonctions F_i sont des composées d'une fonction linéaire et d'une activation non linéaire

$$F_j(\mathbf{x}_{j-1}, \mathbf{W}_j, \mathbf{b}_j) = f(\mathbf{W}_j, \mathbf{x}_{j-1} + \mathbf{b}_j) \in \mathbb{R}^p$$

On a alors

$$\frac{\partial F_j}{\partial \boldsymbol{x}_{i-1}} = f'(\boldsymbol{W}_j. \boldsymbol{x}_{j-1} + \boldsymbol{b}_j). \boldsymbol{W}_j^T$$

$$\frac{\partial F_j}{\partial \boldsymbol{W}_j} = \boldsymbol{x}_{j-1}^T.f'(\boldsymbol{W}_j.\boldsymbol{x}_{j-1} + \boldsymbol{b}_j)$$

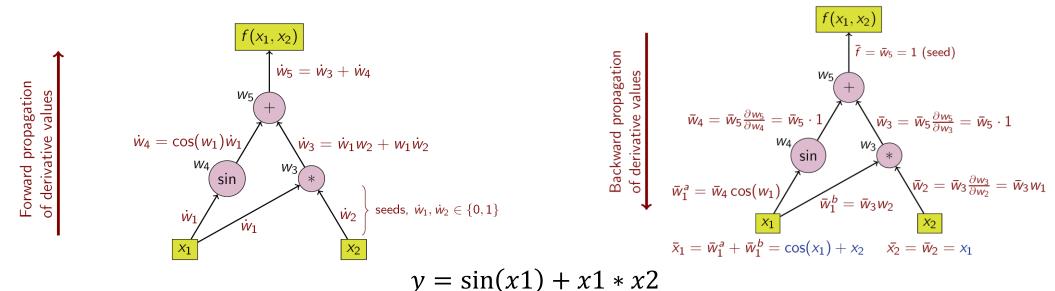
$$\frac{\partial F_j}{\partial \boldsymbol{b}_j} = f'(\boldsymbol{W}_j, \boldsymbol{x}_{j-1} + \boldsymbol{b}_j)$$

Avec $W_j \in \mathbb{R}^{p \times d}$ (d neurones en entrée x p neurones en sortie), $x_{j-1} \in \mathbb{R}^d$ et $b_j \in \mathbb{R}^p$.



Remarques sur dérivation

- Principe général que l'on peut formuler par un graphe fonctionnel
- On a utilisé la formule de dérivation des fonctions composées en mode « rétrograde »
- On peut l'utiliser aussi en mode directe (propagation vers l'avant): mais c'est efficace si la sortie est de dimension supérieure à l'entrée
- En règle générale: utiliser une bibliothèque logicielle de dérivation automatique pour réaliser les calculs (ne les faites pas à la main!): elles sont présentes dans les environnements de programmation



ONERA

THE FRENCH AEROSPACE LAB

Les fonctions de coût

- Elles mesurent l'écart entre sortie souhaitée y^* et sortie réelle y: $\ell(y, y^*)$
- Elles doivent être dérivables pour calculer un gradient
- Elles dépendent du problème = ce que code la dernière couche du réseau:
 - Régression: une valeur réelle $y \in \mathbb{R}^p$
 - Détection (présence/absence): une probabilité P[y = 1|x]
 - Classification: un vecteur de probabilités a posteriori P[y = k | x]
 - Prédiction multi-label: un vecteur de probabilité pour chaque label $P[y_j = 1|x]$
 - Graphe: une matrice de probabilités de présence d'un arc
 - Détection (localisation): Intersection Over Union de boites englobantes
 - ...



Fonctions de coût classiques

• MSE (Mean Squared Error) pour régression $y^* \in \mathbb{R}^p$

$$\ell_{MSE}(\mathbf{y}, \mathbf{y}^*) = \frac{1}{p} \sum_{i=1}^{p} (y_i - y_i^*)^2$$

• BCE (Binary Cross Entropy) pour classification binaire $y^* \in \{0,1\}$

$$\ell_{BCE}(y, y^*) = -y^* \log y - (1 - y^*) \log(1 - y)$$

Rem: la sortie y code une probabilité \rightarrow elle doit être dans [0,1]. On utilise en général une sigmoïde comme fonction d'activation de la dernière couche pour normaliser la sortie.



Fonctions de coût classiques

• Cross Entropy pour multi-classe $y^* \in \{0,1\}^p$ où $y_i^* = \delta_{i=c}$ si la classe cible est c.

$$\ell_{CE}(\mathbf{y}, \mathbf{y}^*) = -\sum_{i=1}^p y_i^* \cdot \log(y_i)$$

Rem: la sortie y code une probabilité a posteriori \rightarrow elle doit être normalisée à 1 ($\sum_i y_i = 1$). On utilise en général une fonction softmax: $\mathbb{R}^p \to [0,1]^p$ pour la dernière couche.

$$y_i = \operatorname{softmax}(x)_i = \frac{\exp(x_i)}{\sum_j \exp(x_j)}$$
$$\ell_{CE}(\mathbf{y}, \mathbf{y}^*) = -x_c + \log \sum_j \exp(x_j)$$

On a alors une dérivée qui se calcule facilement:

$$\frac{\partial \ell_{CE}}{\partial x_i} = -\delta_{i=c} + \text{softmax}(\mathbf{x})_i$$



L'apprentissage version ANN

L'algorithme d'apprentissage standard boucle sur les étapes suivantes:

- Choix des exemples: « batch »
- 2. Calcul des activations du réseau: étape « Forward »
- Calcul de la fonction de coût
- 4. Calcul des gradients de la fonction de coût par rétro-propagation: étape « Backward »
- 5. Mise à jour des poids: descente de gradient
- 6. Mise à jour du pas du gradient (« scheduler »)

Les batchs sont tirés aléatoirement, en général sans remise.

Une « epoch » est un parcours complet du jeu de données.

On analyse le bon/mauvais comportement de l'apprentissage en visualisant les courbes d'évolution du coût et des performances sur un ensemble de validation



Code élémentaire (full numpy)

```
# Activation sigmoide
f = lambda x: 1.0/(1.0 + np.exp(-x))
# Dérivée activation sigmoide
df = lambda x: np.exp(-x)/(1.0 + np.exp(-x))**2
# réseau à 1 couche cachée et sortie scalaire
class Classifier():
 def init (self, nhidden = 3):
   self.w1 = 2*np.random.random((2, nhidden)) - 1
   self.w2 = 2*np.random.random((nhidden, 1)) - 1
   self.b1 = 2*np.random.random((nhidden, 1)) - 1
   self.b2 = 2*np.random.random((1, 1)) - 1
 # Prédiction
 def forward(self,X):
   self.x = X
   self.z1 = self.x @ self.w1 + self.b1.T
   self.h1 = f(self.z1)
   self.z2 = self.h1 @ self.w2 + self.b2.T
   y = f(self.z2)
   return y
```

```
# Calcul du gradient par rétropropagation
def backward(self, y pred, y true, lr = 1e-3):
  # Calcul du gradient de la fonction de coût (BCE)
  grad y pred = (1-y true)/(1-y pred) - y true/y pred
  # Rétropropagation couche 2
  dz2 = df(self.z2) * grad y pred
  grad w2 = self.h1.T @ dz2
  grad b2 = dz2.T @ np.ones((len(y pred),1))
  # Rétropropagation couche 1
  grad h1 = self.w2.T * dz2
  dz1 = df(self.z1) * grad h1
  grad w1 = self.x.T @ dz1
  grad b1 = dz1.T @ np.ones((len(self.h1),1))
  # Mise à jour des paramètres (descente de gradient)
  self.w1 -= lr * grad w1
  self.w2 -= lr * grad w2
  self.b1 -= lr * grad b1
  self.b2 -= lr * grad b2
```



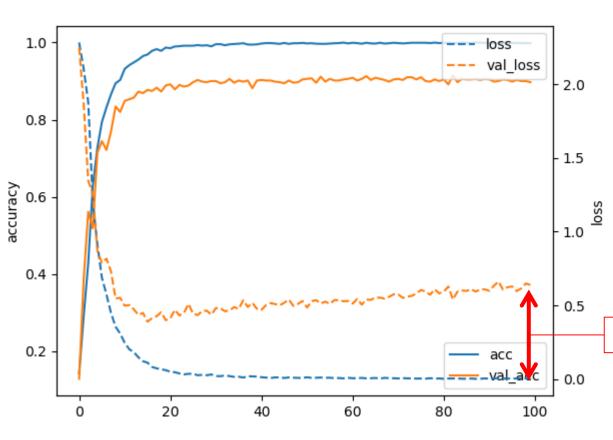
Code élémentaire (full numpy)

```
## Définition du classifieur
model = Classifier(nhidden = 2)
## Apprentissage
# Boucle sur les batch
for i in range (1000):
  # Constitution aléatoire du batch (ici avec remise)
 X batch, X valid, y batch, y valid = train test split(X train, y train, test size=0.80)
  # Phase de calcul direct (forward)
 y pred = model.forward(X batch)
  # Rétropropagation du gradient avec pas du gradient lr
 model.backward(y pred, y batch, lr = 1e-4)
## Evaluation
y pred test = model.forward(X test)
accuracy = ((y_pred_test > 0.5).astype(int) == y_test).sum()/len(y_test)
```

On verra comment implémenter le même modèle à partir de Pytorch



Loss et accuracy



Deux critères

- La fonction de perte (« loss »)
 - Elle sert à optimiser
 - On cherche à la minimiser
- La précision (« accuracy »)
 - Elle mesure la capacité de généralisation du prédicteur
 - On cherche à la maximiser
- Les deux sont reliés
 - La perte est souvent une « convexification » de l'adéquation

Erreur de généralisation



Remarques sur l'apprentissage

- Aucune garantie de convergence: les réseaux neuronaux forment des fonctions non convexes avec de multiples minima locaux.
- De nombreuses époques (dizaines de milliers) peuvent être nécessaires.
- Critères de fin : Nombre d'époques ; seuil d'erreur sur l'ensemble d'apprentissage ; pas de diminution de l'erreur ; augmentation de l'erreur sur un ensemble de validation.
- Pour éviter les minima locaux : faire plusieurs essais avec différents poids initiaux aléatoires
 + techniques de majorité ou de vote (approches ensemblistes).
- Deep Learning (prochain cours): réseaux de grande taille et jeu de données massifs pouvant nécessiter de nombreuses heures de calcul (des mois pour certains réseaux!).

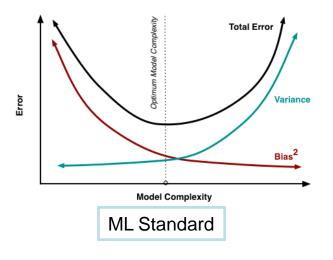


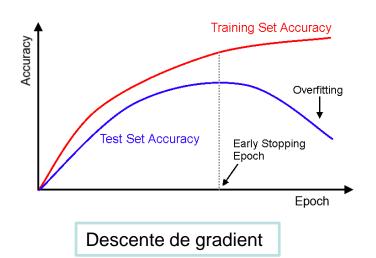
Courbes d'apprentissage

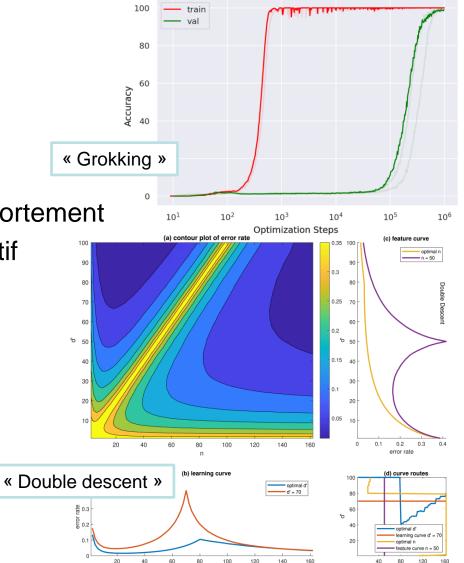
- Généralisation dépend:
 - Nombre de paramètres du modèle (complexité)
 - Nombre de données d'apprentissage
 - Nombre d'epoch
 - Pas du gradient
 - •

Certaines formes permettent de détecter un mauvais comportement

Mais Le comportement des réseaux est parfois contre-intuitif







Modular Division (training on 50% of data)

ONERA

Réseaux de neurones et ML statistique

- Les réseaux de neurones ne résolvent pas tous les problèmes: on a toujours à régler la question de la généralisation!
- Mais on a un nouveau moyen d'action: l'optimisation.
- La régularisation est toujours possible (par ex. en ajoutant une pénalisation L_2 sur les poids)
- Des techniques spécifiques:
 - « Drop-out »
 - Pas adaptatif du gradient stochastique
 - « Batch-norm »
- → Prochain cours
- Couplage complexe entre optimisation et généralisation: peu de résultats théoriques.



Résumé

- Les réseaux de neurones artificiels (ANN) sont des approximateurs paramétriques universels
- On formule le problème d'apprentissage de manière classique: minimisation d'une fonction de coût dépendant des données
- L'architecture des ANN (= espace fonctionnel) est déterminante
- Un algorithme généraliste: la descente de gradient stochastique
- Le gradient peut être calculé de manière automatique par rétro-propagation
- Formulation vectorielle → calcul rapide sur GPU
- Il y a plusieurs hyper-paramètres à régler (batch, pas du gradient, architecture, fonction de coût...)
- Des environnements de programmation adaptés aux ANN

