

## LABORATORIO N° 2

### RESOLUCION DE SISTEMAS LINEALES

*Fecha de entrega de enunciado: miércoles 7 de septiembre de 2016*

*Fecha de entrega del práctico resuelto: miércoles 12 de octubre de 2016*

#### Ejercicio 1:

Resuelva este sistema por método SOR:

$$\begin{cases} -5x_1 - x_2 + 2x_3 = 1 \\ 2x_1 + 6x_2 - 3x_3 = 2 \\ 2x_1 + x_2 + 7x_3 = 32 \end{cases}$$

También encuentre el valor óptimo del factor de relajación  $w$

#### Ejercicio 2:

Encuentre el número de condición y el valor del determinante de A para el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ 1.001x_1 + x_2 = 2 \end{cases}$$

Interprete los resultados.

#### Ejercicio 3:

- A) Los sistemas de ecuaciones  $Ax = b$  con matrices A simétricas y de tipo banda surgen en varias aplicaciones ingenieriles que involucran análisis de elementos finitos. Escriba un programa empleando Matlab para resolver el sistema de ecuaciones ( $E_1$ ) empleando descomposición LU almacenando solamente los elementos de las diagonales que son no nulos

$$Ax = b \quad (E_1)$$

- B) Generalice el programa del inciso anterior para resolver las ecuaciones  $E_2$

$$Ax_i = b_i \quad ; i = 1, 2, \dots, k \quad (E_2)$$

De modo de emplear la mínima cantidad de cálculos.

- C) Emplee el programa del inciso B) para resolver las ecuaciones  $E_2$  con  $k=4$  y

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -5 & 0 & 0 & 0 \\ -5 & 10 & -5 & 0 & 0 \\ 0 & -5 & 10 & -5 & 0 \\ 0 & 0 & -5 & 10 & -5 \\ 0 & 0 & 0 & -5 & 10 \end{bmatrix}$$

$$b_1 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} ; b_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} ; b_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ y } b_4 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$