

Νευροασαφής Έλεγχος και Εφαρμογές Άσκηση 5η

Αναστάσιος Στέφανος Αναγνώστου 03119051

5 Ιουνίου 2024

Περιεχόμενα

1	Θέμα	3
2	Θέμα	3
3	Θέμα	3
	3.1 Ερώτημα	ુ
	3.2 Ερώτημα	4

Θέμα 1

Θέμα 2

Η προσομοίωση Monte Carlo για τον υπολογισμό του πγίνεται παράγοντας τυχαία ένα πλήθος σημειών με συντεταγμένες $(x,y)\in\{0,1\}^2$ και μετρώντας το πλήθος αυτών που βρίσκονται εντός του τεταρτοκύκλιου κύκλου κέντρου (0,0) και ακτίνας 1. Δεδομένου ότι το εμβαδόν του κύκλου είναι π και το εμβαδόν του τετραγώνου είναι 1, η τιμή του π μπορεί να υπολογιστεί ως

$$P(\text{σημείο εντός χύχλου}) = \frac{\text{εμβαδόν τεταρτοχυχλίου}}{\text{εμβαδόν τετραγώνου}} = \frac{\frac{\pi}{4}}{1} \implies$$

$$\pi = 4 \cdot P(\text{σημείο εντός χύχλου}) \implies$$

$$\pi \approx 4 \cdot \frac{\text{πλήθος σημείων εντός χύχλου}}{\text{πλήθος σημείων}}$$
 (1)

Παρατίθεται κώδικας Python που υλοποιεί την προσομοίωση.

```
import numpy as np
import random

def monte_carlo(n):
    count = 0
    for _ in range(n):
        x = random.uniform(0, 1)
        y = random.uniform(0, 1)
        if x*x + y*y <= 1:
            count += 1
    return 4 * count / n

if __name__ == '__main__':
    iterations = 10000
    print(monte_carlo(iterations))</pre>
```

Η αντίστοιχη έξοδος της προσομοίωσης για 10^4 σημεία είναι 3.1484 και για 10^6 σημεία είναι 3.141075, πράγματι πολύ κοντά στην τιμή του π .

Θέμα 3

Ερώτημα 3.1

```
Παρατίθεται κώδικας Python που υλοποιεί την προσομοίωση.
```

```
- controller: The controller.
- alpha: Discount factor for the cost.
- max\_steps: Maximum number of steps to simulate.
- states: List of states visited during the trajectory.
- cost: Total discounted cost of the trajectory.
states = [initial_state]
current_state = initial_state
total\_cost = 0
for k in range(steps):
    control = controller [current_state -1]
    if control == +1:
        next_state = current_state + 1 if np.random.rand() < 0.5 else current_state
    elif control == -1:
        next_state = current_state - 1 if np.random.rand() < 0.5 else current_state
    else:
        raise ValueError ("Control_must_be_+1_or_-1")
    next_state = max(1, min(10, next_state)) # Ensure the state is within bounds
    \# Cost function g(x)
    g_x = cost[next_state - 1]
    total\_cost += (alpha ** k) * g\_x
    states.append(next_state)
    current_state = next_state
return states, total_cost
```

Η συνάρτηση τρέχει μία προσομοίωση για Κ βήματα και για έναν δεδομένο ελεγκτή. Σε κάθε βήμα επιχειρεί να εφαρμόσει τον έλεγχο με πιθανότητα 1/2 να αποτύχει και να μείνει στην ίδια κατάσταση. Τέλος, επιστρέφει τις καταστάσεις από τις οποίες διήλθε και το συνολικό κόστος, βάσει ενός discount factor.

Ερώτημα 3.2

```
for _ in range(num_episodes):
    state = random.randint(0, 9) \# Start from a random state
    for _ in range(max_iter_episode):
        if random.uniform (0, 1) < epsilon:
            action = random.choice([0, 1]) # Explore
        else:
            action = np.argmin(Q[state]) # Exploit
        flag = random.uniform (0, 1) < 0.5
        next\_state = state + 1 if action == 0 and flag else state
        next\_state = state - 1 if action == 1 and flag else state
        next_state = max(0, min(9, next_state))
        reward = cost [next_state]
        best_next_action = np.argmax(Q[next_state])
        td_target = reward + gamma * Q[next_state, best_next_action]
        td_delta = td_target - Q[state, action]
        Q[state, action] += alpha * td_delta
        state = next\_state
return Q
```