#### Intelligence Artificielle 2

Cours 3 et 4 - Graphes et Chemins

Steve Lévesque, Tous droits reservés © où applicables

#### Table des matières

- 1 Graphes
  - Définition
  - Liste des algorithmes en lien avec les graphes
- 2 Démonstration avec module Scipy Dijsktra
  - Démonstration Dijsktra Théorie (explication algorithme)
  - Démonstration Dijsktra Pratique (Python et module SciPy)

#### Définition

#### Définitions de mots et phrases courantes :

- Graphe : composé de nœud (sommet) et d'arêtes (arcs)
- Orientation :
  - Graphe orienté : graphe ayant une direction préétablie sur les arêtes
  - Graphe non-orienté : la direction est arbitraire (non définie)
- Chaîne : chemin ou suite d'arêtes
- Cycle : chaîne qui commence et se termine au même noeud, peut avoir 2 ou plusieurs noeuds

# Matrice d'adjacence - Non orienté

#### Matrice d'adjacence d'un graphe non orienté :

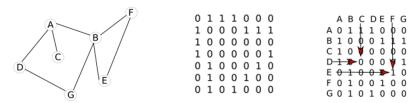


Figure: https://dav74.github.io/site\_nsi\_term/c9c/

# Matrice d'adjacence - Orienté

#### Matrice d'adjacence d'un graphe orienté :

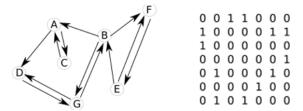


Figure: https://dav74.github.io/site\_nsi\_term/c9c/

# Matrice d'adjacence - Pondéré

#### Matrice d'adjacence d'un graphe Pondéré :

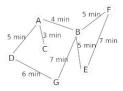


Figure: https://dav74.github.io/site\_nsi\_term/c9c/

0	4	3	5	0	0	0
4	0	0	0	5	5	7
3	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	6
0	5	0	0	0	7	0
0	5	0	0	7	0	0
0	7	0	6	0	0	0

Figure: https://dav74.github.io/site\_nsi\_term/c9c/

## Code de matrice en Python

Listing: https://dav74.github.io/site\_nsi\_term/c9c/

## Liste des algorithmes en lien avec les graphes

Voici un liste d'algorithmes utilisables sur les graphes pour calculer l'ordre de traverse, la plus petite distance, etc.

- Algorithme du plus petit chemin (Dijsktra, algorithme glouton)
- Traverse de Graphes :
  - DFS, Depth First Search (Profondeur)
  - BFS, Breadth First Search (Largeur)
- A\* (A star)

Pour en savoir plus :

https://www.geeksforgeeks.org/graph-theory-tutorial/

## Démonstration avec module Scipy - Dijsktra

Une démonstration sera faite du fonctionnement de Dijsktra ainsi que son utilisation (facile et directe) avec le module SciPy.

Voici le graphe qu'on va utiliser :

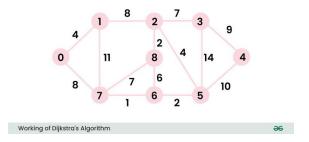


Figure: https://www.geeksforgeeks.org/dijkstras-shortest-path-algorithm-greedy-algo-7/

#### Étapes globales :

- 1 Commencer du point de départ (i.e. noeud 0 dans notre exemple)
- 2 Calculer la distance de tous les voisins du noeud actuel
  - Annoter la distance sur le noeud, et calculer le total
  - Passer au prochain voisin du noeud actuel jusqu'à tant que tous les voisins du noeud respectif soient explorés
- 3 Passer au prochain noeud (i.e. noeud 1)
- 4 Répéter l'étape 2 pour le nouveau noeud actuel (i.e. noeud 1)
  - Si une réponse est inférieur pour un nouveau chemin en contrepartie d'un ancien chemin évalué, faire le remplacement avec la nouvelle distance plus optimale
- 5 Continuer avec les étapes 3 et 4 jusqu'à la fin du graphe.

#### Exécution à la main :

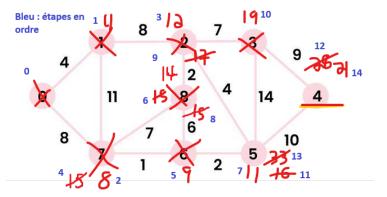


Figure: https://www.geeksforgeeks.org/dijkstras-shortest-path-algorithm-greedy-algo-7/2000. The path-algorithm and the path-algorithm a

#### Résultat final sans annotations :

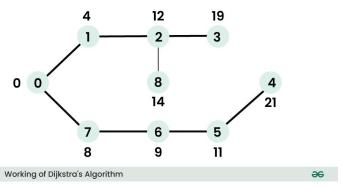


Figure: https://www.geeksforgeeks.org/dijkstras-shortest-path-algorithm-greedy-algo-7/

Un exemple d'exécution de Dijkstra étape par étape :

#### Source:

https://en.wikipedia.org/wiki/Dijkstra%27s\_algorithm

# Démonstration Dijsktra - Pratique (Python et module SciPy)

Listing: https://www.geeksforgeeks.org/scipy-csgraph-compressed-sparse-graph/

```
from scipy.sparse import csr_matrix
   from scipy.sparse.csgraph import dijkstra, shortest_path
3
   graph = csr_matrix([ # We must create the graph in a matrix structure.
4
       [0, 4, 0, 0, 0, 0, 0, 8, 0],
5
       [4, 0, 8, 0, 0, 0, 0, 11, 0],
       [0, 8, 0, 7, 0, 4, 0, 0, 2],
7
       [0, 0, 7, 0, 9, 14, 0, 0, 0],
       [0, 0, 0, 9, 0, 10, 0, 0, 0],
       [0, 0, 4, 14, 10, 0, 2, 0, 0],
10
       [0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 1, 6],
11
       [8, 11, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 7],
12
13
       [0, 0, 2, 0, 0, 0, 6, 7, 0]
   1)
14
   res = dijkstra(csgraph=graph, directed=False, indices=0)
15
   res = shortest_path(csgraph=graph, method='D', directed=False, indices=0)
16
   print(res) # [ 0. 4. 12. 19. 21. 11. 9. 8. 14.] Sorted by node's index
17
```

## Bibliographie

- https://coin-or.github.io/pulp/main/index.html
- https://dav74.github.io/site\_nsi\_term/c9c/
- https:
  //www.geeksforgeeks.org/graph-theory-tutorial/
- https://www.geeksforgeeks.org/ scipy-csgraph-compressed-sparse-graph/