Instituto Tecnológico de Costa Rica Escuela de Computación

Programa de Especialidad en Ciencias de los Datos Curso: Matematica para Ciencias de los datos

Profesor: M. Sc. Saúl Calderón Ramírez

\sim t	117	•
	11/	
\sim		٠,

Entrega: Domingo 25 de Abril, a través del TEC digital

Valor: 100 pts.
Puntos Obtenidos: _____

Nota: _____

Nombre del (la) estudiante:

Carné: _____

1. **(50 puntos)** Demuestre si el siguiente sistema es lineal:

$$L\left\{ u\left(t\right) \right\} =\max \left(0,u\left(t\right) \right)$$

A tal función se le conoce como función de activación ReLU, graficada en la Figura 1.

(a) De ser necesario, puede darse valores de contraejemplo para rechazar la hipótesis, usando un script en Python, el cual debe detallar.

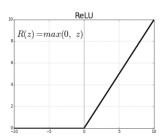


Figure 1: Función ReLU.

2. **(50 puntos)** Demuestre si el siguiente sistema es lineal:

$$L\left\{ u\left(t\right)\right\} = \ln\left(1 + e^{u(t)}\right)$$

Tal función, graficada en la Figura 2, se conoce como función softplus, la cual es una aproximación a la función ReLU.

(a) De ser necesario, puede darse valores de contraejemplo para rechazar la hipótesis, usando un script en Python, el cual debe detallar.

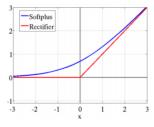


Figure 2: Función ReLU.