## Математическое моделирование

Лабораторная работа №7

Матюшкин Д. В.

22 марта 2024

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия



#### Докладчик

- Матюшкин Денис Владимирович
- студент 3-го курса
- · группа НПИбд-02-21
- Российский университет дружбы народов
- · 1032212279@pfur.ru
- https://stifell.github.io/ru/



Цель работы

#### Цель работы

• Построение простейшей модели эффективности рекламы.

# Задание

Постройте график распространения рекламы, математическая модель которой описывается следующим уравнением:

1. 
$$\frac{dn}{dt} = (0.66 + 0.00006n(t))(N - n(t))$$

2. 
$$\frac{dn}{dt} = (0.000066 + 0.6n(t))(N - n(t))$$

3. 
$$\frac{dn}{dt} = (0.66t + 0.6tn(t))(N - n(t))$$

При этом объем аудитории N=2010, в начальный момент о товаре знает 29 человек. Для случая 2 определите в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

Выполнение лабораторной работы

#### Решение на Julia

```
using Plots
using DifferentialEquations
a = 0.66
b = 0.00006
N = 2010
tmax = 5
tspan = (0, tmax)
t = collect(LinRange(0, tmax, 500))
n = 29
function syst(dy, y, p, t)
    dv[1] = (a+b*v[1])*(N-v[1])
end
```

#### Продолжение

```
prob = ODEProblem(syst, [n], tspan)
sol = solve(prob, saveat=t)
plot(sol)
savefig("01.png")
a = 0.000066
b = 0.6
N = 2010
tmax = 0.03
tspan = (0, tmax)
t = collect(LinRange(0, tmax, 500))
n = 29
```

#### Продолжение

```
function syst(dy, y, p, t)
    dy[1] = (a+b*y[1])*(N-y[1])
end
prob = ODEProblem(syst, [n], tspan)
sol = solve(prob, saveat=t)
plot(sol)
savefig("02.png")
a = 0.66
b = 0.6
N = 2010
```

#### Продолжение

```
tmax = 0.03
tspan = (0, tmax)
t = collect(LinRange(0, tmax, 500))
n = 29
function syst(dv. v. p. t)
    dv[1] = (a*t+b*t*v[1])*(N-v[1])
end
prob = ODEProblem(syst, [n], tspan)
sol = solve(prob. saveat=t)
plot(sol)
savefig("03.png")
```

#### Решение на OpenModelica №1

```
model lab7 1
parameter Real a = 0.66;
parameter Real b = 0.00006;
parameter Real N = 2010;
Real n(start=29);
equation
  der(n) = (a+b*n) * (N-n);
end lab7 1;
```

#### Решение на OpenModelica №2

```
model lab7 2
parameter Real a = 0.000066;
parameter Real b = 0.6;
parameter Real N = 2010;
Real n(start=29);
equation
  der(n) = (a+b*n) * (N-n);
end lab7 2;
```

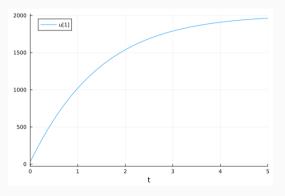
#### Решение на OpenModelica №3

```
model lab7 3
parameter Real a = 0.66;
parameter Real b = 0.6;
parameter Real N = 2010;
Real n(start=29);
equation
  der(n) = (a*time+b*time*n) * (N-n);
end lab7 3;
```

Результаты работы

## Julia

Результаты на Julia (рис. 1, 2 и 3).



**Рис. 1:** График для случая 1 (Julia)

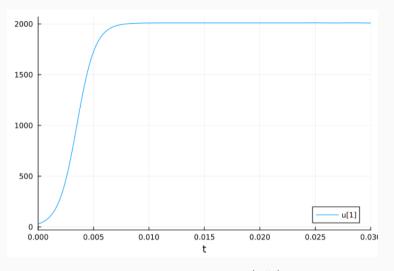


Рис. 2: График для случая 2 (Julia)

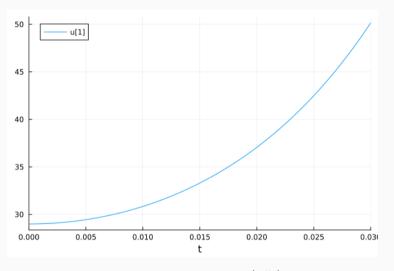


Рис. 3: График для случая 3 (Julia)

# OpenModelica

Результаты на OpenModelica (рис. 4, 5 и 6).

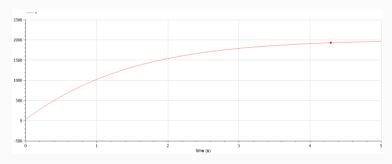


Рис. 4: График для случая 1 (OpenModelica)

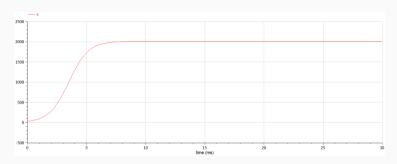


Рис. 5: График для случая 2 (OpenModelica)

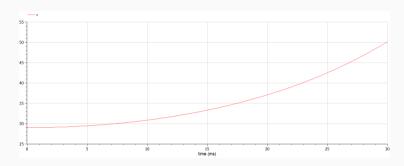


Рис. 6: График для случая 3 (OpenModelica)

#### Выводы

• В ходе выполнения лабораторной работы мы построили простейшую моделю эффективности рекламы.