# Application of GLM Advancements to Non-Life Insurance Pricing

Leonardo Stincone

Università degli Studi di Trieste

10 Maggio 2021





1. Il Pricing nelle Assicurazioni Danni

2. Modelli Statistici per il Pricing nelle Assicurazioni Danni



1. Il Pricing nelle Assicurazioni Danni

2. Modelli Statistici per il Pricing nelle Assicurazioni Danni

#### Che cos'è un Contratto Assicurativo

#### Definizione (Contratto di Assicurazione, Art. 1882, Codice Civile Italiano)

L'assicurazione è il contratto col quale l'assicuratore, verso il pagamento di un **premio**, si obbliga a rivalere l'assicurato, entro i limiti convenuti,

- 1 del danno ad esso prodotto da un sinistro,
- ② ovvero a pagare un capitale o una rendita al verificarsi di un evento attinente alla vita umana.



# Da un punto di vista matematico

#### Definizione (Distribuzione composta)

Assumiamo che:

- ①  $\forall n > 0, Z_1 | N = n, Z_2 | N = n, \dots, Z_n | N = n \text{ siano i.i.d.};$
- 2 la distribuzione di  $Z_i|N=n,\ i\leq n$  non dipenda da n.

Sotto queste ipotesi diciamo che

$$S = \begin{cases} 0 & \text{if } N = 0\\ \sum_{i=1}^{N} Z_i & \text{if } N > 0 \end{cases}$$

ha distribuzione composta.

#### Proprietà:



$$E(S) = E(N)E(Z)$$





#### Da un punto di vista matematico

#### Definizione (Distribuzione composta)

Assumiamo che:

- **1)**  $\forall n > 0, Z_1 | N = n, Z_2 | N = n, \dots, Z_n | N = n \text{ siano i.i.d.};$
- 2 | a distribuzione di  $Z_i|N=n,\ i\leq n$  non dipenda da n.

Sotto queste ipotesi diciamo che:

$$S = \begin{cases} 0 & \text{if } N = 0\\ \sum_{i=1}^{N} Z_i & \text{if } N > 0 \end{cases}$$

ha distribuzione composta.

#### Proprietà:



$$E(S) = E(N)E(Z)$$





#### Da un punto di vista matematico

#### Definizione (Distribuzione composta)

Assumiamo che:

- **1)**  $\forall n > 0, Z_1 | N = n, Z_2 | N = n, \dots, Z_n | N = n \text{ siano i.i.d.};$
- 2 | a distribuzione di  $Z_i|N=n,\ i\leq n$  non dipenda da n.

Sotto queste ipotesi diciamo che:

$$S = \begin{cases} 0 & \text{if } N = 0\\ \sum_{i=1}^{N} Z_i & \text{if } N > 0 \end{cases}$$

ha distribuzione composta.

#### Proprietà:



$$E(S) = E(N)E(Z)$$





# Personalizzazione e Variabili Esplicative

Possibili variabili esplicative per il pricing delle assicurazioni motor:

- Informazioni sul veicolo assicurato:
- Informazioni generiche sul contraente;
- Informazioni assicurative sul contraente;
- Opzioni sulla polizza assicurativa;
- Dati telematici.

Queste variabili possono essere codificate come un vettore di numeri reali:

$$\boldsymbol{x}_i = (x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{ip}) \in \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}^p$$

#### Definizione (Regola di Pricing)

Una Regola di Pricing è una funzione  $f(\cdot)$  che da una  $x_i \in \mathcal{X}$  restituisce un prezzo  $P_i$ :

$$f: \quad \mathcal{X} \quad \longrightarrow \quad R.$$
 $\mathbf{x}_i \quad \longmapsto \quad P_i$ 





# Variabili Risposta













1. Il Pricing nelle Assicurazioni Danni

2. Modelli Statistici per il Pricing nelle Assicurazioni Danni

# Titolo di prova capitolo 2



1. Il Pricing nelle Assicurazioni Danni

2. Modelli Statistici per il Pricing nelle Assicurazioni Danni

# Titolo di prova capitolo 3

