# **КУРСОВОЙ ПРОЕКТ** по дисциплине «Теория автоматов»

# ПРОЕКТИРОВАНИЕ

Николаев Д.Е.

Репин С.А.

## СОДЕРЖАНИЕ

| 1. | Абстрактный синтез | 3 |
|----|--------------------|---|
| 2. | Структурный синтез | 6 |

### 1. АБСТРАКТНЫЙ СИНТЕЗ

Будем использовать следующие алфавиты:

$$\begin{array}{lcl} A_{\text{bx}} & = & \{0, 1, 2, 3, \$\} \\ B_{\text{bhx}} & = & \{0, 1, 2, 3, \text{i} \ \} \end{array}$$

Начнем с информативного дерева. Выпишем примеры работы автомата. Некоторые из них показаны в таблице:

| Вход  | Выход |
|-------|-------|
| 0     | i     |
| 1     | i     |
| 2     | i     |
| 3     | i     |
| \$    | 0     |
| 00    | ii    |
| •     | • •   |
| 03    | ii    |
| •     | • •   |
| 031   | iii   |
| •     | • •   |
| 031\$ | iii3  |
| •     | • •   |
| 21\$3 | ii2i  |
| •     | • •   |
| 231\$ | iii3  |
| •     | • •   |

На основе этих примеров построим информативное дерево. Ниже представлен общий вид такого дерева (для последовательности 231\$):

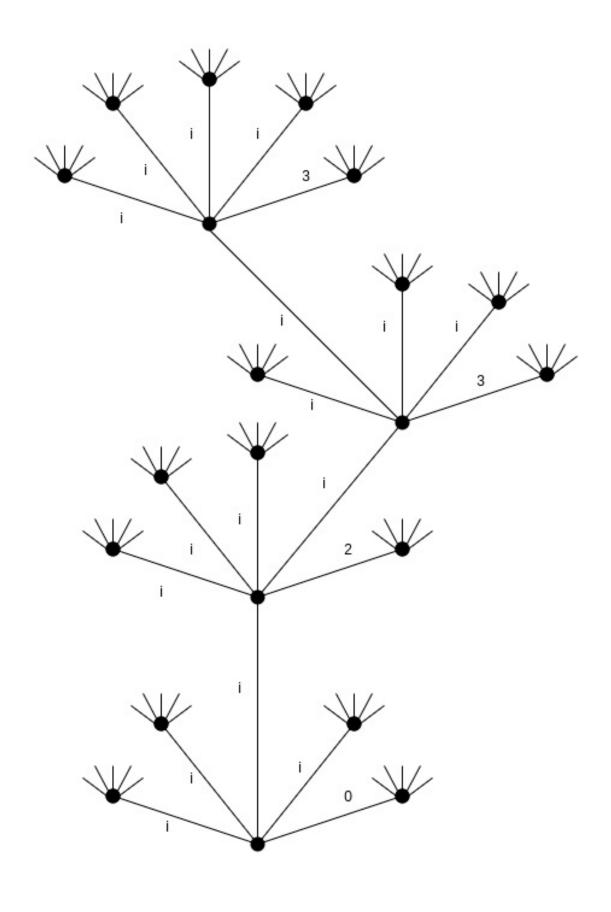
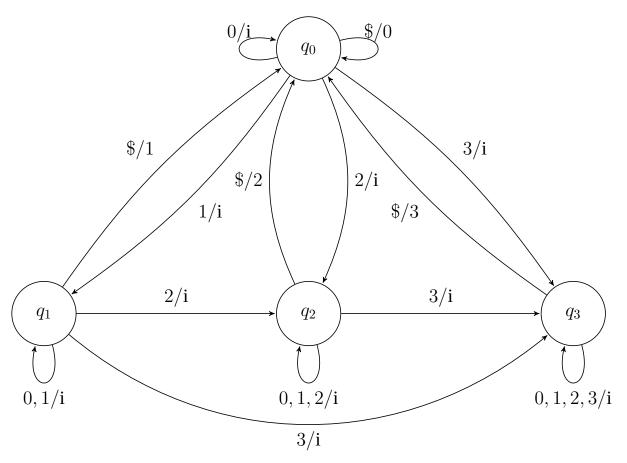


Рис. 1.1

Построим таблицу входов и выходов для автомата Мили:

|    | $q_0$   | $q_1$   | $q_2$   | $q_3$   |
|----|---------|---------|---------|---------|
| 0  | $q_0$ i | $q_1$ i | $q_2$ i | $q_3$ i |
| 1  | $q_1$ i | $q_1$ i | $q_2$ i | $q_3$ i |
| 2  | $q_2$ i | $q_2$ i | $q_2$ i | $q_3$ i |
| 3  | $q_3$ i | $q_3$ i | $q_3$ i | $q_3$ i |
| \$ | $q_0$ 0 | $q_0$ 1 | $q_0$ 2 | $q_0$ 3 |

## В соответствии с таблицей составим диаграмму автомата:



Минимизируем автомат Мили. Для этого найдем все эквивалентные состояния:

| $q_1$ | ×     |       | _     |
|-------|-------|-------|-------|
| $q_2$ | ×     | ×     |       |
| $q_3$ | ×     | ×     | X     |
|       | $q_0$ | $q_1$ | $q_2$ |

Из таблица видно, что в автомате отсутствуют эквивалентные состояния, то есть он уже минимален.

#### 2. СТРУКТУРНЫЙ СИНТЕЗ

Проведем структурный синтез получившегося автомата Мили в базисе  $\{\land,\lor,\lnot\}$  с использованием D-триггеров.

Закодируем входы и выходы двоичными числами:

| Вход | $x_2x_1x_0$ |
|------|-------------|
| 0    | 000         |
| 1    | 001         |
| 2    | 010         |
| 3    | 011         |
| \$   | 100         |

| Выход | $y_2 y_1 y_0$ |
|-------|---------------|
| 0     | 000           |
| 1     | 001           |
| 2     | 010           |
| 3     | 011           |
| i     | 100           |

Закодируем состояния автомата методом, минимизирующим число переключений элементов памяти. Для этого сперва найдем вершину, имеющую наибольшую полустепень захода, а также построим таблицу, в ячейках которой запишем число ребер между  $q_i$  и  $q_j$ :

| Выход | $x_2x_1x_0$ |
|-------|-------------|
| $q_0$ | 5           |
| $q_1$ | 3           |
| $q_2$ | 5           |
| $q_3$ | 7           |

|       | $q_0$ | $q_1$ | $q_2$ | $q_3$ |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| $q_0$ | 2     | 2     | 2     | 2     |
| $q_1$ | 2     | 1     | 1     | 1     |
| $q_2$ | 2     | 2     | 3     | 1     |
| $q_3$ | 2     | 1     | 1     | 4     |

Из таблицы видно, что вершина, имеющая наибольшую полустепень —  $q_3$ :

$$q_3 \to 00$$

Состояние наиболее связанное с  $q_3 - q_0$ :

$$q_0 \rightarrow 01$$

Состояние наиболее связанное с  $\{q_3, q_0\}$  —  $q_1$ :

| Оставшиеся коды | $2d_{10} + 1 \cdot d_{31}$ |
|-----------------|----------------------------|
| 10              | 5                          |
| 11              | 4                          |

$$q_1 \rightarrow 11$$

Оставшееся состояние —  $q_2$ :

$$q_2 \to 10$$

Построим таблицу входов и выходов для автомата Мили в соответствии с кодами выше:

|     | 01  | 11  | 10  | 00  |
|-----|-----|-----|-----|-----|
| 000 | 01  | 11  | 10  | 00  |
| 000 | 100 | 100 | 100 | 100 |
| 001 | 11  | 11  | 10  | 00  |
| 001 | 100 | 100 | 100 | 100 |
| 010 | 10  | 10  | 10  | 00  |
| 010 | 100 | 100 | 100 | 100 |
| 011 | 00  | 00  | 00  | 00  |
| 011 | 100 | 100 | 100 | 100 |
| 100 | 01  | 01  | 01  | 01  |
| 100 | 000 | 001 | 010 | 011 |

Теперь постоим таблицу переходов и выходов:

| Bx | $x_2$ | $x_1$ | $x_0$ | $q_i$ | $Q_1$ | $Q_0$ | Вых | $y_2$ | $y_1$ | $y_0$ | $q_i'$ | $Q_1'$ | $Q_0'$ | $D_1$ | $D_0$ |
|----|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-----|-------|-------|-------|--------|--------|--------|-------|-------|
| 0  | 0     | 0     | 0     | $q_3$ | 0     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_3$  | 0      | 0      | 0     | 0     |
| 0  | 0     | 0     | 0     | $q_0$ | 0     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_0$  | 0      | 1      | 0     | 1     |
| 0  | 0     | 0     | 0     | $q_2$ | 1     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_2$  | 1      | 0      | 1     | 0     |
| 0  | 0     | 0     | 0     | $q_1$ | 1     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_1$  | 1      | 1      | 1     | 1     |
| 1  | 0     | 0     | 1     | $q_3$ | 0     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_3$  | 0      | 0      | 0     | 0     |
| 1  | 0     | 0     | 1     | $q_0$ | 0     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_1$  | 1      | 1      | 1     | 1     |
| 1  | 0     | 0     | 1     | $q_2$ | 1     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_2$  | 1      | 0      | 1     | 0     |
| 1  | 0     | 0     | 1     | $q_1$ | 1     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_1$  | 1      | 1      | 1     | 1     |
| 2  | 0     | 1     | 0     | $q_3$ | 0     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_3$  | 0      | 0      | 0     | 0     |
| 2  | 0     | 1     | 0     | $q_0$ | 0     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_2$  | 1      | 0      | 1     | 0     |
| 2  | 0     | 1     | 0     | $q_2$ | 1     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_2$  | 1      | 0      | 1     | 0     |
| 2  | 0     | 1     | 0     | $q_1$ | 1     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_2$  | 1      | 0      | 1     | 0     |
| 3  | 0     | 1     | 1     | $q_3$ | 0     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_3$  | 0      | 0      | 0     | 0     |
| 3  | 0     | 1     | 1     | $q_0$ | 0     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_3$  | 0      | 0      | 0     | 0     |
| 3  | 0     | 1     | 1     | $q_2$ | 1     | 0     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_3$  | 0      | 0      | 0     | 0     |
| 3  | 0     | 1     | 1     | $q_1$ | 1     | 1     | i   | 1     | 0     | 0     | $q_3$  | 0      | 0      | 0     | 0     |
| \$ | 1     | 0     | 0     | $q_3$ | 0     | 0     | 3   | 0     | 1     | 1     | $q_0$  | 0      | 1      | 0     | 1     |
| \$ | 1     | 0     | 0     | $q_0$ | 0     | 1     | 0   | 0     | 0     | 0     | $q_0$  | 0      | 1      | 0     | 1     |
| \$ | 1     | 0     | 0     | $q_2$ | 1     | 0     | 2   | 0     | 1     | 0     | $q_0$  | 0      | 1      | 0     | 1     |
| \$ | 1     | 0     | 0     | $q_1$ | 1     | 1     | 1   | 0     | 0     | 1     | $q_0$  | 0      | 1      | 0     | 1     |
| -  | 1     | 0     | 1     | -     | -     | -     | -   | -     | -     | -     | -      | -      | -      | -     | -     |
| _  | 1     | 1     | 0     | _     | _     | -     | _   | -     | -     | -     | _      | _      | -      | -     | -     |
|    |       |       |       |       |       |       | • • | •     |       |       |        |        |        |       |       |
| -  | 1     | 1     | 1     | -     | -     | -     | -   | _     | -     | -     | -      | -      | -      | -     | _     |

Проведем минимизацию полученных СДНФ с помощью карт Карно.

|           | 00 | 01 | 11 | 10 |     | 00 | 01 | 11 | 10  |           | 00 | 01 | 11    | 10 |
|-----------|----|----|----|----|-----|----|----|----|-----|-----------|----|----|-------|----|
| 000       | 1  | 1  | 1  | 1  | 000 | 0  | 0  | 0  | 0   | 000       | 0  | 0  | 0     | 0  |
| 001       | 1  | 1  | 1  | 1  | 001 | 0  | 0  | 0  | 0   | 001       | 0  | 0  | 0     | 0  |
| 011       | 1  | 1  | 1  | 1  | 011 | 0  | 0  | 0  | 0   | 011       | 0  | 0  | 0     | 0  |
| 010       | 1  | 1  | 1  | 1  | 010 | 0  | 0  | 0  | 0   | 010       | 0  | 0  | 0     | 0  |
| 110       | -  | -  | -  | -  | 110 | ╕  | -  | -  | F-1 | 110       | г  | -  | ᄗ     | -  |
| 111       | -  | -  | -  | -  | 111 | -  | -  | -  | -   | 111       | -  | -  | l - I | -  |
| 101       | -  | -  | -  | -  | 101 | -  | -  | -  | -   | 101       | -  | -  | l - l | -  |
| 100       | 0  | 0  | 0  | 0  | 100 | 1  | 0  | 0  | 1   | 100       | 1  | 0  | 1     | 0  |
| (a) $y_2$ |    |    |    |    |     |    |    |    |     | (c) $y_0$ |    |    |       |    |

|                                       | 00 | 01 | 11 | 10 |     | 00 | 01 | 11 | 10 |
|---------------------------------------|----|----|----|----|-----|----|----|----|----|
| 000                                   | 0  | 0  | 1  | 1  | 000 | 0  | 1  | 1  | 0  |
| 001                                   | 0  | 1  | 1  | 1  | 001 | 0  | 1  | 1  | 0  |
| 011                                   | 0  | 0  | 0  | 0  | 011 | 0  | 0  | 0  | 0  |
| 010                                   | 0  | 1  | 1  | 1  | 010 | 0  | 0  | 0  | 0  |
| 110                                   | -  | -  | -  | -  | 110 | -  | -  | -  | -  |
| 111                                   | -  | =  | -  | -  | 111 | -  | -  | -  | -  |
| 101                                   | -  | -  | -  | -  | 101 | -  | -  | -  | -  |
| 100                                   | 0  | 0  | 0  | 0  | 100 | 1  | 1  | 1  | 1  |
| $\overline{D_1}$ (e) $\overline{D_0}$ |    |    |    |    |     |    |    |    |    |

#### Итоговая система логических уравнений:

$$D_{0} = Q_{0}\bar{x}_{2}\bar{x}_{1} \quad \forall \quad x_{2}$$

$$D_{1} = Q_{1}\bar{x}_{2}\bar{x}_{1} \quad \forall \quad Q_{0}\bar{x}_{2}\bar{x}_{1}x_{0} \quad \forall \quad Q_{0}x_{1}\bar{x}_{0} \quad \forall \quad Q_{1}x_{1}\bar{x}_{0}$$

$$y_{0} = \bar{Q}_{1}\bar{Q}_{0}x_{2} \quad \forall \quad Q_{1}Q_{0}x_{2}$$

$$y_{1} = \bar{Q}_{0}x_{2}$$

$$y_{2} = \bar{x}_{2}$$

На основе этой системы можно построить логическую схему устройства (обратите внимание на сигнал CLEAR — он необходим для установки схемы

в начальное состояние, то есть начиная работу, надо установить CLEAR, совершить один такт с помощью CLC, а затем убрать CLEAR):

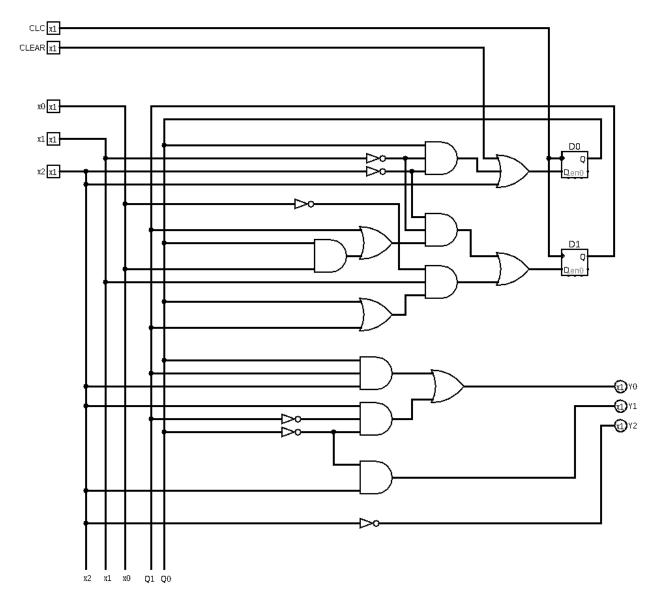


Рис. 2.1

Используя схему выполним тестирование автомата на последовательностях 231\$ и 111\$:

| Вход | $Q_1$ | $Q_0$ | Выход | $D_1$ | $D_0$ |
|------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 2    | 0     | 1     | i     | 1     | 0     |
| 3    | 1     | 0     | i     | 0     | 0     |
| 1    | 0     | 0     | i     | 0     | 0     |
| \$   | 0     | 0     | 3     | 0     | 1     |

| Вход | $Q_1$ | $Q_0$ | Выход | $D_1$ | $D_0$ |
|------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 1    | 0     | 1     | i     | 1     | 1     |
| 1    | 1     | 1     | i     | 1     | 1     |
| 1    | 1     | 1     | i     | 1     | 1     |
| \$   | 1     | 1     | 1     | 0     | 1     |