

# Nizovi

## Slajdovi sa predavanja<sup>1</sup>

© Goodrich, Tamassia, Goldwasser

Katedra za informatiku, Fakultet tehničkih nauka, Univerzitet u Novom Sadu

2022.

---

<sup>1</sup>Po uzoru na materijale sa: <https://github.com/mbranko/asp-slajdovi>

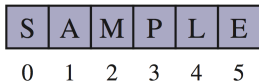
# Python i nizovi

- Python ima ugrađene tipove `list`, `tuple` i `str`
- svaki od ovih tipova omogućava pristup elementima po indeksu, npr. `A[i]`
- svaki od ovih tipova interno koristi **niz** za skladištenje podataka
- **niz** je skup susjednih memorijskih lokacija koje mogu biti adresirane pomoću sukcesivnih indeksa koji počinju od 0

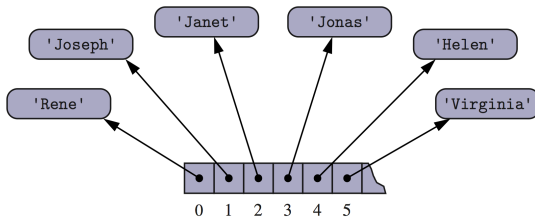


# Nizovi karaktera / nizovi referenci na objekte

- niz može da čuva primitivne elemente, na primer karaktere, predstavljajući **kompaktni niz**



- niz može čuvati i reference na objekte



# Kompaktni nizovi

- podrška za rad sa kompaktnim nizovima nalazi se u modulu `array`
- ovaj modul definiše klasu `array` koja predstavlja kompaktni niz za primitivne tipove podataka
- konstruktor za `array` kao prvi parametar očekuje slovo koje označava tip elemenata

```
primes = array('i', [2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19])
```

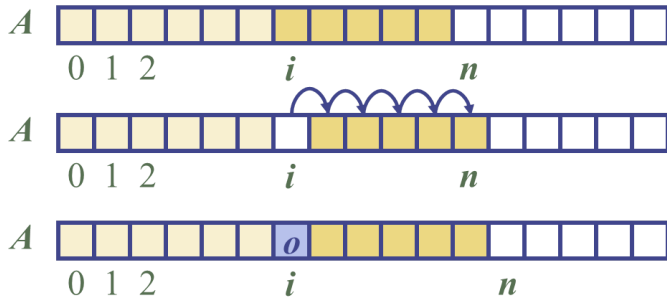
# Tipovi elemenata za array

- klasa array prepoznaje sledeće oznake tipa elemenata

<b>kod</b>	<b>tip podatka</b>	<b>veličina</b>
'c'	char	1
'b'	signed char	1
'B'	unsigned char	1
'u'	Unicode char	2
'h'	signed short int	2
'H'	unsigned short int	2
'i'	signed int	2
'I'	unsigned int	2
'l'	signed long	4
'L'	unsigned long	4
'f'	float	4
'd'	double	8

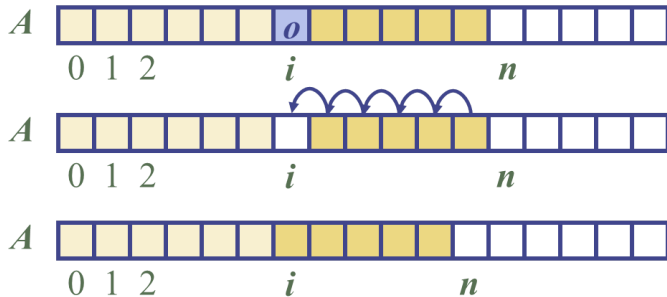
# Ubacivanje elementa

- u operaciji `add(i, o)` treba napraviti mesta za novi element pomeranjem  $n - i$  elemenata  $A[i], \dots, A[n - 1]$  u desno za jedno mesto
- u najgorem slučaju ( $i = 0$ ) za ovo je potrebno  $O(n)$  vreme



# Uklanjanje elementa

- u operaciji **remove**( $i$ ) treba popuniti rupu na mestu elementa koji se uklanja pomeranjem  $n - i - 1$  elemenata  $A[i + 1], \dots, A[n - 1]$  u levo za jedno mesto
- u najgorem slučaju ( $i = 0$ ) za ovo je potrebno  $O(n)$  vreme



# Performanse niza

- šta je zaista najgori slučaj kod dodavanja?
  - niz popunjen do kraja
  - zauzmemo novi (veći) niz u memoriji
  - prepíšemo sve podatke iz starog niza
  - odbacimo stari niz
- moramo unapred znati veličinu niza!



# Strategije za proširenje niza

- koliko velik treba da bude novi niz prilikom proširenja?
  - **inkrementalna** strategija: novi niz će biti duži za neko konstantno  $c$
  - strategija **dupliranja**: novi niz će biti duplo duži od prethodnog

# Poređenje strategija

- poredimo strategije analizirajući ukupno vreme  $T(n)$  potrebno za obavljanje  $n$  operacija ubacivanja
- krećemo od niza dužine 1
- amortizovano vreme add operacije: prosečno vreme potrebno za operaciju za niz od  $n$  operacija,  $T(n)/n$

# Poređenje strategija: inkrementalna vs. dupliranje

- inkrementalna
  - amortizovano vreme operacije ubacivanja je  $O(n)$
- dupliranje
  - amortizovano vreme operacije ubacivanja je  $O(1)$

# Implementacija u Pythonu 1

```
class DynamicArray:
    def __init__(self):
        self._n = 0                # stvarni broj elemenata
        self._capacity = 1        # kapacitet niza
        self._A = self._make_array(self._capacity) # zauzimanje niza
                                                # u memoriji

    def __len__(self):
        return self._n            # vrati broj elemenata

    def __getitem__(self, k):
        if not 0 <= k < self._n:
            raise IndexError('invalid index')
        return self._A[k]         # dobavi element po indeksu
```

## Implementacija u Pythonu 2

```

def append(self, obj):
    if self._n == self._capacity:           # da li je niz popunjen?
        self._resize(2 * self._capacity)    # udvostruči mu kapacitet
    self._A[self._n] = obj
    self._n += 1

def _resize(self, c):
    B = self._make_array(c)                 # novi (veći) niz
    for k in range(self._n):                 # prepisi vrednosti u njega
        B[k] = self._A[k]
    self._A = B
    self._capacity = c

def _make_array(self, c):
    import ctypes
    return (c * ctypes.py_object)()         # pogledaj dokumentaciju za ctypes

```

# Performanse niza: nepromenljive operacije

Operacija	Vreme izvršavanja
<code>len(data)</code>	$O(1)$
<code>data[i]</code>	$O(1)$
<code>data.count(value)</code>	$O(n)$
<code>data.index(value)</code>	$O(k+1)$
<code>value in data</code>	$O(k+1)$
<code>data1 == data2</code>	$O(k+1)$
<code>data[i:k]</code>	$O(k-i+1)$
<code>data1 + data2</code>	$O(n_1 + n_2)$
<code>c * data</code>	$O(cn)$

# Performanse niza: promenljive operacije

Operacija	Vreme izvršavanja
<code>data[i] = value</code>	$O(1)$
<code>data.append(value)</code>	$O(1)^*$
<code>data.insert(k, value)</code>	$O(n-k+1)^*$
<code>data.pop()</code>	$O(1)^*$
<code>data.pop(k)</code> <code>del data[k]</code>	$O(n-k)^*$
<code>data.remove(value)</code>	$O(n)^*$
<code>data1.extend(data2)</code> <code>data1 += data2</code>	$O(n_2)^*$
<code>data.reverse()</code>	$O(n)$
<code>data.sort()</code>	$O(n \log n)$

\*amortizovano