СпеціальністьI	нженерія програмного забезпечення
Навчальний предм	етАлгебра та геометрія
Курс1 Семестр	1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 1.

- 1. Алгебра векторів, дії над векторами.
- 2. Поняття рангу та базису системи векторів. Теореми 1–3 про ранг.
- 3. Скласти рівняння сторін трикутника, якщо відомі одна з його вершин A(-4;-5) і рівняння двох висот: 5x+3y-4=0, 3x+8y+13=0.
- 4. Дослідити сумісність і знайти загальний розв'язок системи лінійних рівнянь

$$x_{1}-2x_{2}+3x_{3}-4x_{4}=4$$

$$x_{2}-x_{3}+x_{4}=-3$$

$$x_{1}+3x_{2}-3x_{4}=1$$

$$-7x_{2}+3x_{3}+x_{4}=-3$$

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій

від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Екзаменатори Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність	_Інжен	ерія програмного забезпечення
Навчальний пред	мет	_Алгебра та геометрія
Курс1 Семест	rp1	

ЕКЗАМЕНАШЙНИЙ БІЛЕТ № 2.

- 1. Поняття базису прямої, площини, простору. Теорема про базис. Координати вектора.
- 2. Теорема Кронекера-Капеллі. Твердження про визначеність системи.
- 3. Визначити, в гострому чи тупому куті між прямими 3x-5y-4=0, x+2y+3=0, знаходиться точка M(2;-5).
- 4. Знайти найбільший спільний дільник многочленів $f_1(x)$ і $f_2(x)$:

$$f_1(x)=x^4-10x^2+1$$
, $f_2(x)=x^4-4\sqrt{2}x^3+6x^2+4\sqrt{2}x+1$.

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Спеціальність	Інженерія програмного забезпечення
Навчальний пред	метАлгебра та геометрія
Курс 1 Семест	p1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 3.

- 1. Лінійна залежність та лінійна незалежність системи векторів в просторі.
- 2. Незвідні многочлени. Лема про них. Основна теорема про подільність многочленів. Лема про похідну.
- 3. Скласти рівняння площини, що проходить через точку $M_1(3;-2;-4)$ перпендикулярно двом площинам 2x-y+3z-1=0, -x+3y-z+2=0.
- 4. Знайти раціональні корені многочлена $4x^5-32x^4-7x^3+51x^2+39x+8$.

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4. Зав. кафедри Іксанов О.М. Екзаменатори Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність]	нженерія програмного	забезпечення
Навчальний предм	иетАлгебра та геом	етрія
Курс 1 Семестр) 1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 4.

- 1. Проекція вектора на вісь, теорема про спрямовуючі косинуси.
- 2. Відокремлення кратних множників.
- 3. Довести, що прямі $\frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-5}{4}$; x = 3t+7, y = 2t+2, z = -2t+1 знаходяться

в одній площині і скласти рівняння цієї площини.

4. Розв'язати систему лінійних рівнянь

$$7x_1 + 9x_2 + 4x_3 + 2x_4 - 2 = 0$$

$$2x_1 - 2x_2 + x_3 + x_4 - 6 = 0$$

$$5x_1 + 6x_2 + 3x_3 + 2x_4 - 3 = 0$$

$$2x_1 + 3x_2 + x_3 + x_4 = 0$$

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Спеціальність	Інженерія програмно	го забезпечення
Навчальний пред	метАлгебра та гес	метрія
Курс1 Семест	cp1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 5.

- 1. Ділення відрізка в даному відношенні.
- 2. Комплексні числа. Дії над ними. Тригонометрична форма комплексного числа.
- 3. З'ясувати, чи перетинаються дані прямі і знайти точку перетину, якщо вони

перетинаються:
$$\frac{x-1}{3} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-3}{1}$$
; $\frac{x-7}{3} = \frac{y-6}{2} = \frac{z-5}{-2}$.

4. Скласти ряд Штурма і локалізовати дійсні корені многочлена $x^5 - 5x^3 - 10x^2 + 2$.

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Довгай Б.В., Рабанович В.І. Екзаменатори

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

СпеціальністьІнх	кенерія програмного забезпечення
Навчальний предмет	гАлгебра та геометрія
Курс 1 Семестр	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 6.

- 1. Скалярний добуток векторів та його властивості.
- 2. Ранг матриці. Теорема про базисний мінор. Теорема про ранг матриці.
- 3. Скласти рівняння еліпса, фокуси якого знаходяться на осі абсцис симетрично відносно початку координат, якщо відомо: еліпс проходить через точки $M_1(3,-2)$, $M_2(3\sqrt{3/2};\sqrt{2}).$
- M_2 (3 $\sqrt{3}$, $\sqrt{2}$, $\sqrt{2}$)

 4. Знайти ранг матриці $\begin{pmatrix}
 2 & 1 & 1 & 1 \\
 1 & 3 & 1 & 1 \\
 1 & 1 & 4 & 1 \\
 1 & 1 & 1 & 5 \\
 1 & 2 & 3 & 4 \\
 1 & 1 & 1 & 1
 \end{pmatrix}$

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Довгай Б.В., Рабанович В.І. Екзаменатори

Спеціальність	Інженерія програмного забезпечен	кні
Навчальний пред	метАлгебра та геометрія	
Курс1 Семест	rp1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 7.

- 1. Векторний добуток векторів та його властивості.
- 2. Лінійна залежність та лінійна незалежність системи векторів в R^n . Лема про дві системи.
- 3. Рівняння кривої другого порядку звести до канонічного вигляду переходом до нової системи координат, визначити тип кривої: $41x^2+24xy+34y^2+34x-112y+129=0$.
- 4. Знайти деякий базис системи векторів і всі вектори, які не належать цьому базису, виразити через вектори базису:

$$a_1 = (2; -1; 3; 4; -1), a_2 = (1; 2; -3; 1; 2), a_3 = (5; -5; 12; 11; -5), a_4 = (1; -3; 6; 3; -3).$$

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Екзаменатори Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність	нженерія програмного забезпечення
Навчальний предп	етАлгебра та геометрія
Курс 1 Семест	1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 8.

- 1. Мішаний добуток векторів та його властивості.
- 2. Звідні многочлени над полем раціональних чисел. Теорема про раціональні корені (довести). Примітивні многочлени. Лема Гауса. Ознака Ейзенштейна.
- 3. Скласти рівняння сторін трикутника, якщо відомі одна з його вершин B(2;-7), а також рівняння висоти 3x+y+11=0 і медіани x+2y+7=0, проведених з різних вершин.
- 4. Дослідити сумісність і знайти загальний розв'язок системи лінійних рівнянь:

$$9x_1 - 3x_2 + 5x_3 + 6x_4 = 4$$

 $6x_1 - 2x_2 + 3x_3 + x_4 = 5$
 $3x_1 - x_2 + 3x_3 + 14x_4 = -8$.

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Спеціальність	Інженерія програмно	го забезпечення
Навчальний пред	метАлгебра та гео	метрія
Курс1 Семест	rp1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 9.

- 1. Площина в просторі. Типи рівнянь площини в просторі.
- 2. Поняття одиничної та оберненої матриць. Теорема про обернену матрицю.
- 3. Відомі вершина (3;5) рівнобедреного трикутника, рівняння його основи x-2y+12=0 та площа S=15. Скласти рівняння бічних сторін.
- 4. Знайти загальний розв'язок і фундаментальну систему розв'язків системи лінійних однорідних рівнянь

$$5x_1 + 6x_2 - 2x_3 + 7x_4 + 4x_5 = 0$$

$$2x_1 + 3x_2 - x_3 + 4x_4 + 2x_5 = 0$$

$$7x_1 + 9x_2 - 3x_3 + 5x_4 + 6x_5 = 0$$

$$5x_1 + 9x_2 - 3x_3 + x_4 + 6x_5 = 0.$$

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри

Іксанов О.М. Довгай Б.В., Рабанович В.І. Екзаменатори

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність	нженерія програмного забезпечення
Навчальний предм	иетАлгебра та геометрія
Курс1 Семестр	0_1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 10.

- 1. Пряма в просторі. Типи рівнянь прямої в просторі.
- 2. Алгоритм Евкліда. Теорема про НСД.
- 3. $\vec{a} = \{3; -1; 2\}, \ \vec{b} = \{-1; 2; -6\}$. Знайти координати векторного добутку векторів: $[(8\vec{a}+2\vec{b}), (\vec{a}+\vec{b})].$
- 4. Обчислити добуток матриць $\begin{vmatrix} -2 & 3 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & -1 \\ 2 & 3 & 1 & 8 \\ -4 & 3 & 1 & 6 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} 2 & 0 & -1 & 3 \\ 1 & -1 & 0 & 4 \\ -1 & 2 & -1 & 2 \\ 1 & 3 & 0 & 6 \end{vmatrix}.$

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри

Іксанов О.М.

Екзаменатори

Довгай Б.В., Рабанович В.І.

Спеціальність ____ Інженерія програмного забезпечення Навчальний предмет____ Алгебра та геометрія Курс __1 Семестр __1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 11.

- 1. В'язка плошин.
- 2. Система функцій Штурма. Існування системи функцій Штурма.
- 3. Обчислити мішаний добуток (\vec{a} , \vec{b} , \vec{c}) векторів: \vec{a} = {5;2;-1}, \vec{b} = {4;4;-3}, \vec{c} = {4;5;-4}.
- 4. Для даної матриці знайти обернену матрицю $\begin{pmatrix} 3 & 3 & -4 & -3 \\ 0 & 6 & 1 & 1 \\ 5 & 4 & 2 & 1 \\ 2 & 3 & 3 & 2 \end{pmatrix}.$

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4. Зав. кафедри Іксанов О.М. Екзаменатори Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність ____ Інженерія програмного забезпечення Навчальний предмет____ Алгебра та геометрія Курс __1 Семестр __1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 12.

- 1. Еліпс та його властивості.
- 2. Поняття підпростору. Властивості базисів підпростору.
- $\begin{vmatrix} 3 & -3 & -2 & -5 \\ 2 & 5 & 4 & 6 \\ 5 & 5 & 8 & 7 \\ 4 & 4 & 5 & 6 \end{vmatrix}$.
- 4. Розв'язати матричне рівняння $X \cdot \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & -1 & 2 \\ 4 & 1 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 2 \\ 4 & -1 & 4 \\ 2 & 7 & -1 \end{pmatrix}.$

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри

Іксанов О.М.

Екзаменатори

Довгай Б.В., Рабанович В.І.

Спеціальність Інженерія програмного забезпечення Навчальний предмет Алгебра та геометрія Курс 1 Семестр 1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 13.

- 1. Оптична властивість еліпса, гіперболи, параболи.
- 2. Теорема Безу. Схема Горнера.
- 2. Георема Везу. Схема Горпера. $\begin{vmatrix} a_0 & 1 & 1 & 1 & \dots & 1 \\ 1 & a_1 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 1 & 0 & a_2 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 1 & 0 & 0 & 0 & \dots & a_n \end{vmatrix}.$ 4. Обчислити, користуючись формулою Муавра $\left(\frac{1+i\sqrt{3}}{-1+i}\right)^{20}$.

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4. Зав. кафедри Іксанов О.М.

Екзаменатори

Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність	Інженерія програмі	ного забезпечення
Навчальний пред	метАлгебра та г	еометрія
Курс1 Семест	p1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 14.

- 1. Гіпербола та її властивості.
- 2. Теорема про прозв'язки неоднорідної системми лінійних рівнянь.
- 3. Скласти рівняння площини, що проходить через точку $M_1(1;2;-4)$ перпендикулярно двом площинам x-2y+3z-3=0, 2x-y+2z+5=0.
- 4. Знайти корені $\sqrt[6]{\frac{-4+4i}{-i+1}}$.

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри

Іксанов О.М.

Екзаменатори

Довгай Б.В., Рабанович В.І.

Спеціальність	Інженерія програмного забезпечення
Навчальний пред	метАлгебра та геометрія
Курс 1 Семест	p_1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 15.

- 1. Зв'язок між ексцентриситетом та директрисами еліпса і гіперболи.
- 2. Дії над комплексними числами в тригонометричній формі. Формула Муавра. Корені з комплексних чисел.
- 3. З'ясувати, чи перетинаються дані прямі і знайти точку перетину, якщо вони

$$x = 9t$$
 перетинаються: $y = 5t$
$$z = -3 + t$$

$$\begin{cases} 2x - 3y - 3z - 9 = 0 \\ x - 2y + z + 3 = 0 \end{cases}.$$

4. За допомогою схеми Горнера обчислити $f(x_0)$: $f(x)=2x^4-5x^3+(4+i)x^2-8ix+2$, $x_0=3$.

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Екзаменатори Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність	Інженерія програмного забезг	іечення
Навчальний пред	метАлгебра та геометрія	
Курс1 Семест	p1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 16.

- 1. Парабола та її властивості.
- 2. Незвідні многочлени над полем дійсних чисел (довести теорему про них).
- 3. Знайти відстань між двома паралельними прямими

$$\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{4} = \frac{z}{2}$$
; $\frac{x-7}{3} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-3}{2}$.

4. Користуючись схемою Горнера, розкласти многочлен за степенями x– x_0 : $f(x)=2x^5-3x^4+3x^3-2x^2+i$ –6, $x_0=-2$.

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

КИЇВСЬКИЙ НАЦ	ІОНАЛЬНИЙ УН	ІВЕРСИТЕТ	IMEHI TAPACA
ШЕВЧЕНКА			

Спеціальність	_Інженерія пр	ограмного забезпечення
Навчальний пред	метАлгеб	ра та геометрія
Курс1 Семест	cp1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 17.

- 1. Поверхні другого порядку.
- 2. Теорема Крамера. Наслідок для однорідної системи.
- 3. Скласти рівняння параболи, вершина якої знаходиться в початку координат, якщо відомо: парабола симетрична відносно осі Ox і проходить через точку $M_1(9;6)$.
- 4. Знайти найбільший спільний дільник многочленів $f_1(x)$ і $f_2(x)$: $f_1(x)=x^5+x^4-x^3-2x-1$, $f_2(x)=3x^4+2x^3+x^2+2x-2$.

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4. Зав. кафедри Іксанов О.М.

Екзаменатори Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність	_Інженерія про	грамного забезпечения
Навчальний пред	метАлгебр	а та геометрія
Курс1 Семест	rp1	

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 18.

- 1. Поняття перестановки. Теореми про перестановки.
- 2. Однорідні системи лінійних рівнянь. Теорема про фундаментальну систему розв'язків.
- 3. Рівняння кривої другого порядку звести до канонічного вигляду переходом до нової системи координат, визначити тип кривої: $x^2+2xy+y^2-6x+2y-3=0$.
- 4. Многочлен розкласти в добуток незвідних многочленів а) над полем C; б) над полем $R: x^4 10x^2 + 1$.

Затверджено на засіданні кафедри Дослідження операцій від 24 листопада 2022 року протокол № 4. Зав. кафедри Іксанов О.М.

Спеціальність ____ Інженерія програмного забезпечення Навчальний предмет____ Алгебра та геометрія Курс __1 Семестр __1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 19.

- 1. Поняття визначника п-го порядку. Аналітичний запис визначника.
- 2. Поняття числового поля. Многочлени над числовим полем. Ділення многочленів.
- $\begin{vmatrix} 6 & -5 & 8 & 4 \\ 9 & 7 & 5 & 2 \\ 7 & 5 & 3 & 7 \\ -4 & 8 & -8 & -3 \end{vmatrix}$.
- 4. Знайти раціональні корені многочлена $x^5 7x^3 12x^2 + 6x + 36$.

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.

Екзаменатори Довгай Б.В., Рабанович В.І.

КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

Спеціальність ___ Інженерія програмного забезпечення Навчальний предмет___ Алгебра та геометрія Курс __1 Семестр __1

ЕКЗАМЕНАЦІЙНИЙ БІЛЕТ № 20.

- 1. Еквівалентність двох означень визначника. Лема про знак.
- 2. Добуток матриць, властивості. Теорема про добуток визначників.
- $\begin{bmatrix} c_0 & c_1 & c_2 & c_3 & c_4 & c_5 \\ a & c_1 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ a & 0 & c_2 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a & 0 & 0 & 0 & \dots & c_n \end{bmatrix}$
- 4. Скласти ряд Штурма і локалізовати дійсні корені многочленів: $x^5 + 5x^4 + x^3 + 6x^2 2$.

Затверджено на засіданні кафедри *Дослідження операцій* від 24 листопада 2022 року протокол № 4.

Зав. кафедри Іксанов О.М.