

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
ИНСТИТУТ ЦИФРОВОГО РАЗВИТИЯ

Отчет о лабораторной работе №12 по дисциплине
«Основы программной инженерии»

Выполнил студент
2 курса, группы ПИЖ-б-о-20-1
Тотубалина С.С.

Проверил:
Доцент кафедры инфокоммуникаций,
Воронкин Р.А.

Ставрополь, 2021 г

Ход работы

```
1 ▶ #!/usr/bin/env python3
2 # -*- coding: utf-8 -*-
3
4
5 def rec(n):
6     if n == 1:
7         return 1
8     return n + rec(n - 1)
9
10
11 ▶ if __name__ == '__main__':
12     n = int(input("Enter n: "))
13     sum = 0
14     for i in range(1, n + 1):
15         sum += i
16     print(f"Сумма без рекурсии: {sum}")
17     print(f"Сумма с рекурсией: {rec(n)}")
```

Рис. 1 – код программы lab.12_ex.1.py

```
Enter n: 3
Сумма без рекурсии: 6
Сумма с рекурсией: 6

Process finished with exit code 0
```

Рис. 2 – результат работы программы lab.12_ex.1.py

```

1  ▶  #!/usr/bin/env python3
2      # -*- coding: utf-8 -*-
3
4      from functools import lru_cache
5      import timeit
6
7
8      @lru_cache
9      def factorial_rec(n, acc=1):
10         if n == 0:
11             return acc
12         return factorial_rec(n - 1, n * acc)
13
14
15     @lru_cache
16     def fib_rec(i, current=0, next=1):
17         if i == 0:
18             return current
19         else:
20             return fib_rec(i - 1, next, current + next)
21
22
23     def factorial_iter(n):
24         if n == 0 or n == 1:
25             return 1
26         fact = 1
27         for i in range(1, n + 1):
28             fact *= i
29         return fact
30
31
32     def fib_iter(n):
33         a = 0
34         b = 1
35         for i in range(n):
36             c = a + b
37             a = b

```

Рис. 3 – код программы lab.12_ex.2.py

```

38         b = c
39     return a
40
41
42 ► if __name__ == '__main__':
43     number = int(input("Enter the number to calculate: "))
44     start_time = timeit.default_timer()
45     factorial_rec(number)
46     print("Recursive factorial time is: ",
47           timeit.default_timer() - start_time
48         )
49
50     start_time = timeit.default_timer()
51     factorial_iter(number)
52     print("Iterative factorial time is :",
53           timeit.default_timer() - start_time
54         )
55
56     start_time = timeit.default_timer()
57     fib_rec(number)
58     print("Recursive Fibonacci time is :",
59           timeit.default_timer() - start_time
60         )
61
62     start_time = timeit.default_timer()
63     fib_iter(number)
64     print("Iterative Fibonacci time is :",
65           timeit.default_timer() - start_time
66         )

```

Рис. 4 – код программы lab.12_ex.2.py

```

Enter the number to calculate: 100
Recursive factorial time is: 0.00021259999999756474
Iterative factorial time is : 1.9399999999336615e-05
Recursive Fibonacci time is : 5.940000000137502e-05
Iterative Fibonacci time is : 8.400000002239949e-06

Process finished with exit code 0

```

Рис. 5 – пример работы программы lab.12_ex.2.py с lru_cache

```
Enter the number to calculate: 100
Recursive factorial time is: 0.0002125999999756474
Iterative factorial time is : 1.939999999336615e-05
Recursive Fibonacci time is : 5.940000000137502e-05
Iterative Fibonacci time is : 8.400000002239949e-06

Process finished with exit code 0
```

Рис. 6 – пример работы программы lab.12_ex.2.py без lru_cache

```

1  ▶  #!/usr/bin/env python3
2      # -*- coding: utf-8 -*-
3
4      import timeit
5      import sys
6
7
8      class TailRecurseException(Exception):
9          def __init__(self, args, kwargs):
10             self.args = args
11             self.kwargs = kwargs
12
13
14     def tail_call_optimized(g):
15         def func(*args, **kwargs):
16             f = sys._getframe()
17             if f.f_back and f.f_back.f_back and f.f_back.f_back.f_code == f.f_code:
18                 raise TailRecurseException(args, kwargs)
19             else:
20                 while True:
21                     try:
22                         return g(*args, **kwargs)
23                     except TailRecurseException as e:
24                         args = e.args
25                         kwargs = e.kwargs
26
27             func.__doc__ = g.__doc__
28             return func
29
30
31
32     def factorial_rec(n, acc=1):
33         if n == 0:
34             return acc
35         return factorial_rec(n - 1, n * acc)
36
37
38
39     def fib_rec(i, current=0, next=1):
40         if i == 0:
41             return current
42         else:

```

Рис. 7 – код программы lab.12_ex.3.py

```

42         else:
43             return fib_rec(i - 1, next, current + next)
44
45
46     def factorial_iter(n):
47         if n == 0 or n == 1:
48             return 1
49         fact = 1
50         for i in range(1, n + 1):
51             fact *= i
52         return fact
53
54
55     def fib_iter(n):
56         a = 0
57         b = 1
58         for i in range(n):
59             c = a + b
60             a = b
61             b = c
62         return a
63
64
65     if __name__ == '__main__':
66         number = int(input("Enter the number: "))
67
68         start_time = timeit.default_timer()
69         factorial_rec(number)
70         print("Recursive factorial time is: ",
71               timeit.default_timer() - start_time
72             )
73
74         start_time = timeit.default_timer()
75         factorial_iter(number)
76         print("Iterative factorial time is :",
77               timeit.default_timer() - start_time
78             )
79
80         start_time = timeit.default_timer()
81         fib_rec(number)
82         print("Recursive Fibonacci time is :",
83               timeit.default_timer() - start_time

```

Рис. 8 – код программы lab.12_ex.3.py

```

84         )
85
86     start_time = timeit.default_timer()
87     fib_iter(number)
88     print("Iterative Fibonacci time is :",
89           timeit.default_timer() - start_time
90         )

```

Рис. 9 – код программы lab.12_ex.3.py

```

Enter the number: 10
Recursive factorial time is: 1.039999999985497e-05
Iterative factorial time is : 6.799999999973494e-06
Recursive Fibonacci time is : 5.800000000277805e-06
Iterative Fibonacci time is : 2.4999999999053557e-06

Process finished with exit code 0

```

Рис. 10 – пример работы программы lab.12_ex.3.py с tail_call_optimized

```

Enter the number: 10
Recursive factorial time is: 1.039999999985497e-05
Iterative factorial time is : 6.799999999973494e-06
Recursive Fibonacci time is : 5.800000000277805e-06
Iterative Fibonacci time is : 2.4999999999053557e-06

Process finished with exit code 0

```

Рис. 11 - пример работы программы lab.12_ex.3.py без tail_call_optimized

```

1  ▶  #!/usr/bin/env python3
2      # -*- coding: utf-8 -*-
3
4
5      def subset(a, num, s):
6          if num == len(a):
7              print(s)
8              return
9              subset(a, num + 1, s)
10             s += str(a[num]) + ' '
11             subset(a, num + 1, s)
12
13
14  ▶  if __name__ == '__main__':
15         my_set = [int(i) for i in input("Enter the set: ").split()]
16         subset(my_set, 0, ' ')

```

Рис. 12 – код программы individual_12.py (Вариант №22)


```
Enter the set: 1 2 3

3
2
2 3
1
1 3
1 2
1 2 3

Process finished with exit code 0
```

Рис. 13 - результат работы программы individual_12.py (Вариант №22) с тремя элементами

```
Enter the set: 4 5 6 7

7
6
6 7
5
5 7
5 6
5 6 7
4
4 7
4 6
4 6 7
4 5
4 5 7
4 5 6
4 5 6 7

Process finished with exit code 0
```

Рис. 14 - результат работы программы individual_12.py (Вариант №22) с четырьмя элементами

Ответы на вопросы:

1. Для чего нужна рекурсия?

У рекурсии есть несколько преимуществ в сравнении с первыми двумя методами. Рекурсия занимает меньше времени, чем выписывание $1 + 2 + 3$ на сумму от 1 до 3, и рекурсия может работать в обратную сторону

2. Что называется базой рекурсии?

Случай, при котором мы не запускаем в рекурсию, к примеру, во время вычисления факториала базовый случай – это `if n == 0 or n == 1: return 1`

3. Самостоятельно изучите что является стеком программы. Как используется стек программы при вызове функций?

Стек вызовов (от англ. call stack; применительно к процессорам — просто «стек») — в теории вычислительных систем, LIFO-стек, хранящий информацию для возврата управления из подпрограмм (процедур, функций) в программу (или подпрограмму, при вложенных или рекурсивных вызовах) и/или для возврата в программу из обработчика прерывания (в том числе при переключении задач в многозадачной среде).

При вызове подпрограммы или возникновении прерывания, в стек заносится адрес возврата — адрес в памяти следующей инструкции приостановленной программы и управление передается подпрограмме или подпрограмме-обработчику. При последующем вложенном или рекурсивном вызове, прерывании подпрограммы или обработчика прерывания, в стек заносится очередной адрес возврата и т. д.

4. Как получить текущее значение максимальной глубины рекурсии в языке Python?

```
import sys

print(sys.getrecursionlimit())
```

5. Что произойдет если число рекурсивных вызовов превысит максимальную глубину рекурсии в языке Python?

Возникает исключение `RuntimeError` :

`RuntimeError: Maximum Recursion Depth Exceeded`

6. Как изменить максимальную глубину рекурсии в языке Python?

```
sys.setrecursionlimit(1500)
```

7. Каково назначение декоратора `lru_cache` ?

Он оборачивает функцию с переданными в нее аргументами и запоминает возвращаемый результат соответствующий этим аргументам. Такое поведение может сэкономить время и ресурсы, когда дорогая или связанная с вводом/выводом функция периодически вызывается с одинаковыми аргументами.

8. Что такое хвостовая рекурсия? Как проводится оптимизация хвостовых вызовов?

Хвостовая рекурсия — частный случай рекурсии, при котором любой рекурсивный вызов является последней операцией перед возвратом из функции.

Оптимизация хвостовой рекурсии путём преобразования её в плоскую итерацию реализована во многих оптимизирующих компиляторах. В некоторых функциональных языках программирования спецификация гарантирует обязательную оптимизацию хвостовой рекурсии. Типовой механизм реализации вызова функции основан на сохранении адреса возврата, параметров и локальных переменных функции в стеке и выглядит следующим образом:

- 1) В точке вызова в стек помещаются параметры, передаваемые функции, и адрес возврата.
- 2) Вызываемая функция в ходе работы размещает в стеке собственные локальные переменные.
- 3) По завершении вычислений функция очищает стек от своих локальных переменных, записывает результат (обычно — в один из регистров процессора).
- 4) Команда возврата из функции считывает из стека адрес возврата и выполняет переход по этому адресу. Либо непосредственно перед, либо сразу после возврата из функции стек очищается от параметров