# $\Sigma$ υστήματα και Τεχνολογίες Γνώσης $^{2\eta}$ Γραπτή Εργασία

Όνομα: Ευστράτιος Καραπαναγιώτης ΑΜ: 03115177

16 Ιουνίου 2020

# Ερώτημα 1

Αρχικά μετατρέπουμε τις έννοιες  $C_1, C_2$  της περιγραφικής λογικής  $FL_0$  σε κανονική μορφή. Έχουμε διαδοχικά:

- $C_1 \equiv D \sqcap E \sqcap \forall r.(A \sqcap \forall r.E \sqcap B \sqcap (A \sqcap B) \sqcap \forall r.\forall s.D) \equiv D \sqcap E \sqcap \forall r.(A \sqcap B \sqcap \forall r.(E \sqcap \forall s.D))$

Στη συνέχεια εφαρμόζουμε τον αλγόριθμο δομικής υπαγωγής για τη γλώσσα  $FL_0$ .

1. Extract(
$$C_1, C_2$$
) 
$$\begin{cases} NC = \{D, E\} \\ ND = \{E\} \\ RC = \{r\} \\ RD = \{r\} \end{cases}$$

- 2. 1<sup>st</sup> Condition Διατρέχουμε τα στοιχεία του ND και ελέγχουμε αν ανήκουν και στο σύνολο NC. Το μοναδικό στοιχείο το οποίο υπάρχει είναι το Ε, το οποίο είναι μέλος και στο σύνολο NC. Επομένως, ικανοποιείται η πρώτη συνθήκη.
- 3.  $2^{nd}$  Condition  $\Sigma$ to σημείο αυτό για χάθε στοιχείο-ρόλο στο σύνολο RD απογυμνώνουμε τη σύνθετη έννοια με την οποία είναι συνδεδεμένη ο ρόλος χαι για τις δύο αρχιχές έννοιες. Για παράδειγμα:  $\forall r \in ND$ ;  $do\ X := strip(C_1,r); Y := strip(C_2,r); done.$  Οι έννοιες X, Y είναι οι σύνθετες έννοιες που ήταν συνδεδεμένες με τον ρόλο r για να χατασχευάσουν μια έννοια.  $\Sigma$ την περίπτωσή μας,  $X \equiv A \sqcap B \sqcap \forall r. (E \sqcap \forall s. D)$  χαι  $Y \equiv \forall r. (E \sqcap B \sqcap \forall s. D \sqcap \forall s. A)$ .  $\Sigma$ τη συνέχεια εχτελούμε για τις έννοιες X, Y έλεγχο με τον ίδιο αλγόριθμο για την υπαγωή της X στην Y.

4. Extract(X, Y) 
$$\begin{cases} NC = \{A, B\} \\ ND = \{\} \\ RC = \{r\} \\ RD = \{r\} \end{cases}$$

- 5. 1st Condition Δεν υπάρχει κάποιο στοιχείο στο σύνολο ND να διατρέξουμε οπότε η πρώτη συνθήκη ικανοποιείται.
- 6.  $2^{nd}$  Condition Παίρνουμε  $X' \equiv E \sqcap \forall s.D$  και  $Y' \equiv E \sqcap B \sqcap \forall s.D \sqcap \forall s.A$ . Εφαρμόζουμε, ξανά, αναδρομικά τον αλγόριθμο απόδειξης της δομικής υπαγωγής στα X' και Y'.

7. Extract(X', Y') 
$$\begin{cases} NC = \{E\} \\ ND = \{E, B\} \\ RC = \{s\} \\ RD = \{s\} \end{cases}$$

- 8.  $1^{st}$  Condition Αυτή τη φορά βλέπουμε ότι δεν ικανοποιείται η συνθήκη επειδή παρόλο που το Ε ανήκει και στο σύνολο NC, το B δεν ανήκει. Έτσι, δεν ισχύει  $X' \sqsubseteq Y'$ .
- 9. **Επιστροφή** Επιστρέφεται στην προηγούμενη κλήση το αποτέλεσμα NO το οποίο με τη σειρά του πυροδοτεί την επιστροφή ενός NO στην πρώτη αναδρομική κλήση.

Επομένως, καταλήγουμε με βάση τον αλγόριθμο δομικής υπαγωγής πως δεν ισχύει η υπαγωγή  $C_1 \sqsubseteq C_2$ .

## Ερώτημα 2

## 1. ΚΜΑ και απαλοιφή ΤΒοχ

Παρατηρούμε ότι για η σχέση στο ΤΒοχ δεν είναι απλή όπως και η πρόταση που προσπαθούμε να αποδείξουμε ότι ισχύει. Για το λόγο αυτό χρησιμοποιούμε και για τις δύο προτάσεις την απαλοιφή με χρήση της τεχνικής της εσωτερίκευσης.

$$\neg A \sqsubseteq \exists R.B \to (A \sqcup \exists R.B)(a)$$
  
$$\forall R. \neg B \sqsubseteq A \to (\exists R.B \sqcup A)(a)$$

Έχουμε λοιπόν ως αρχικό ταμπλό το  $S_0 = \{\{(A \sqcup \exists R.B)(a), (\exists R.B \sqcup A)(a)\}\}$ . Βλέπουμε ότι αφορούν την ίδια έννοια και επομένως αφού τα ABoxes είναι σύνολα ισχυρισμών λόγω του ορισμού των συνόλων τα επαναλαμβανόμενα στοιχεία παραλείπονται. Έτσι,  $S_0 = \{\{(A \sqcup \exists R.B)(a)\}\}$ .

## Επέχταση Ταμπλό

(α') Κανόνας  $K_{\sqcup}$ :

$$S_1 = \{ \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), A(a) \}, \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), (\exists R.B)(a) \} \}$$

(β') Κανόνας  $K_{\exists}$  και εσωτερίκευση:

$$S_2 = \{ \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), A(a) \}, \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), (\exists R.B)(a), R(a, x_1), B(x_1), (A \sqcup \exists R.B)(x_1) \} \}$$

(γ') Κανόνας  $K_{\sqcup}$ :

```
S_3 = \{ \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), A(a) \}, \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), (\exists R.B)(a), R(a, x_1), B(x_1), (A \sqcup \exists R.B)(x_1), A(x_1) \}, \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), (\exists R.B)(a), R(a, x_1), B(x_1), (A \sqcup \exists R.B)(x_1), (\exists R.B)(x_1) \} \}
```

(δ') Κανόνας  $K_{\exists}$  και εσωτερίκευση:

```
S_4 = \{ \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), A(a) \}, \\ \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), (\exists R.B)(a), R(a, x_1), B(x_1), (A \sqcup \exists R.B)(x_1), A(x_1) \}, \\ \{ (A \sqcup \exists R.B)(a), (\exists R.B)(a), R(a, x_1), B(x_1), (A \sqcup \exists R.B)(x_1), (\exists R.B)(x_1), R(x_1, x_2), B(x_2), (A \sqcup \exists R.B)(x_2) \} \}
```

(ε΄) Blocking: ο αλγόριθμος παρατηρεί ότι το πλήθος των νέων παιδών με την εφαρμογή του προηγούμενου βήματος είναι τρία. Το ίδιο ισχύει και όταν εφαρμόστηκε ο κανόνας  $K_{\exists}$  σε συνδιασμό με την ιδιότητα της εσωτερίκευσης για το  $x_1$ . Επομένως, σταματάει η επέκταση του ταμπλό και θεωρείται πλήρες.

#### Εύρεση ΑΒοχ το οποίο δεν περιέχει αντιφάσεις

Κατευθείαν βλέπουμε ότι το πρώτο ABox του ταμπλό  $S_4$  δεν παρουσιάζει αντιφάσεις. Επομένως, ισχύει η πρόταση  $\neg A \sqsubseteq \exists R.B$  για το TBox  $\forall R. \neg B \sqsubseteq A$ .

#### 2. ΚΜΑ και απαλοιφή ΤΒοχ

Παρατηρούμε ότι το ΤΒοχ δεν είναι αχυχλικό καθώς u(A,C)=1 και u(C,A)=1. Οπότε  $u'(A,A)=2\neq 0$ . Για το λόγο αυτό θα

χρησιμοποιηθεί ξανά η διαδικασία της εσωτερίκευσης για την απαλοιφή του TBox.  $\begin{cases} 1. \ A \sqsubseteq C \Rightarrow (\neg A \sqcup C)(x) \\ 2. \ C \sqsubseteq \exists R.D \Rightarrow (\neg C \sqcup \exists R.D)(x) \\ 3. \ D \sqsubseteq \neg A \Rightarrow (\neg D \sqcup \neg A)(x) \\ 4. \ C \sqsubseteq (P A \sqcup C)(P A)(x) \end{cases}$ 

Έτσι, το ταμπλό αρχικοποιείται στο στιγμιότυπο:  $S_0 = \{\{A(a), R(a,b), (\neg A \sqcup C)(a), (\neg A \sqcup C)(b), (\neg C \sqcup \exists R.D)(a), (\neg C \sqcup \exists R.D)(b), (\neg D \sqcup \neg A)(a), (\neg C \sqcup \forall R.A)(a), (\neg C \sqcup \forall R.A)(b)\}\}$ 

Ονομάζουμε το πρώτο ABox ως  $A_0$  για να γίνει πιο κατανοητή και εκφρασιτκή η διαδικασία.

#### Επέχταση Ταμπλό

(α΄) Κανόνας  $K_{\sqcup}$  για την έννοια (1) και για τα δύο άτομα a,b:

$$S_1 = \{A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b)\}, A_0 \cup \{\neg A(a), C(b)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg A(b)\}, A_0 \cup \{C(a), C(b)\}\}.$$

Πλέον φαίνεται ότι ικανοποιούνται οι συνθήκες για την έννοια (3) οπότε δεν μπορεί να επεκτείνει κάτι. Επίσης αποφεύγουμε την επέκταση του ταμπλό μέσω της 2 καθώς θα προσθέσει επιπλέον άτομο και οπότε λόγω της ιδιότητας της εσωτερίκευσης θα έχουμε μεγαλύτερα ταμπλό και όχι κάποια σημαντική νέα πληροφορία.

(β΄) Κανόνας  $K_{\square}$  για την έννοια (4) και για το άτομο a:

$$S_2 = \{A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), (\forall R.A)(a)\}, A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), C(a)\}, A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), \neg A(a), C(b), (\forall R.A)(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), C(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg C(a)\}, A_0 \cup$$

(γ') Κανόνας  $K_{\forall}$ :

$$S_3 = \{A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), (\forall R.A)(a), A(b)\}, A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), (\forall R.A)(a), A(b)\}, A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), (\forall R.A)(a), A(b)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), \neg C(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), C(b), \neg C(a)\}, A_0 \cup \{C(a), C(b), (\forall R.A)(a), A(b)\}\}$$

(δ') Κανόνας  $K_{\square}$  για την έννοια (4) και για το άτομο b:

```
 \begin{cases} 1. \ A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), \neg C(a), \neg C(b)\}, \\ 2. \ A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), \neg C(a), (\forall R.A)(b)\}, \\ 3. \ A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), (\forall R.A)(a), A(b), \neg C(b)\}, \\ 4. \ A_0 \cup \{\neg A(a), \neg A(b), (\forall R.A)(a), A(b), (\forall R.A)(b)\}, \\ 5. \ A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), C(a), \neg C(b)\}, \\ 6. \ A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), C(a), (\forall R.A)(b)\}, \\ 7. \ A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), (\forall R.A)(a), A(b), \neg C(b)\}, \\ 8. \ A_0 \cup \{\neg A(a), C(b), (\forall R.A)(a), A(b), (\forall R.A)(b)\}, \\ 9. \ A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), \neg C(a), \neg C(b)\}, \\ 10. \ A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), (\forall R.A)(a), A(b), \neg C(b)\}, \\ 11. \ A_0 \cup \{C(a), \neg A(b), (\forall R.A)(a), A(b), (\forall R.A)(b)\}, \\ 12. \ A_0 \cup \{C(a), C(b), \neg C(a), \neg C(b)\}, \\ 13. \ A_0 \cup \{C(a), C(b), \neg C(a), (\forall R.A)(b)\}, \\ 14. \ A_0 \cup \{C(a), C(b), \neg C(a), (\forall R.A)(b)\}, \\ 15. \ A_0 \cup \{C(a), C(b), (\forall R.A)(a), A(b), \neg C(b)\}, \\ 16. \ A_0 \cup \{C(a), C(b), (\forall R.A)(a), A(b), (\forall R.A)(b)\} \end{cases}
```

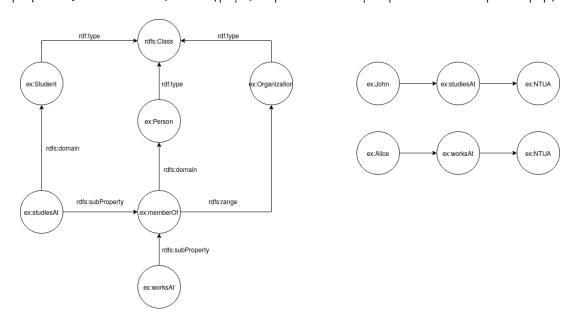
(ε') Δεν υπάρχει άλλη επέχταση (κάποιος κανόνας που μπορεί να εφαρμοστεί) για το ταμπλό, οπότε η παραπάνω μορφή είναι η τελική.

#### Εύρεση ΑΒοχ το οποίο δεν περιέχει αντιφάσεις

Όλα τα ABox, από το 1 εώς το 15 περιέχουν αντιφάσεις. Το μοναδικό το οποίο δεν περιέχει αντιφάσεις είναι το 16ο ABox. Επομένως, το ABox  $A = \{A(a), R(a,b)\}$  είναι ικανοποιήσιμο για το TBox που δίνεται.

## Ερώτημα 3

1. Σε πρώτη φάση παρουσιάζεται ο συνολικός RDFS γράφος στην εικόνα 1. Με βάση αυτόν θα δοθεί η απάντηση για τον RDFS reasoner.



Σχήμα 1: Ο RDFS γράφος της βάσης γνώσης

Για την πρώτη πρόταση γνωρίζει ότι το ex:studiesAt είναι υπορόλος της ex:memberOf μέσω της σχέσης ex:subProperty δέχεται ως ορίσματα όμως δύο σχέσεις(ρόλους). Η ex:studiesAt όμως είναι το ένα όρισμά της και έτσι συνάγει ότι: ex:studiesAt a rdfs:Property.

Για τη δεύτερη πρόταση γνωρίζει ότι ο ex:John σπουδάζει(ex:studiesAt) στο ΕΜΠ (ex:NTUA). Για το ρόλο ex:studiesAt γνωρίζει ότι έχει ως πεδίο ορισμού το ex:Student. Επομένως, το ex:John είναι μέλος της έννοιας ex:Student. Η έννοια ex:Student είναι όμως υποέννοια της ex:Person. Προχύπτει λοιπόν ότι το ex:John είναι μέλος (υπάγεται) της έννοιας ex:Person και συνάγει ότι: ex:John a ex:Person.

2. Το ερώτημα SPARQL διατυπώνεται ως εξής:

```
SELECT ?organization ?name
WHERE
{
?organization rdf:type ex:Organization
?name ex:memberOf ?organization
}
```

Θα πρέπει να σημειωθεί ότι το παραπάνω SPARQL ερώτημα επιστρέφει οποιοδήποτε όνομα αντιχειμένου είναι μέλος του οργανισμού ?organization. Επιτρέπει δηλαδή εχτός από ανθρώπους χαι άλλα άτομα. Για παράδειγμα αχόμα χαι μια εταιρεία μπορεί να συμμετέχει σε έναν οργανισμό. Επίσης, δεν διαχρίνει αυτούς που εργάζονται από τους υπόλοιπους. Έτσι, χάποιος μπορεί να είναι μέλος (π.χ. μέτοχος) αλλά να μην εργάζεται για τον οργανισμό αυτόν.

# Ερώτημα 4

- 1. ex:Place owl:disjointWith ex:Person.  $\rightarrow$  DisjointClasses(ex:Place, ex:Person).
  - ex:livesIn rdfs:domain ex:Person → ObjectPropertyDomain(ex:livesin, ex:Person)
  - ex:livesIn rdfs:range ex:Place  $\rightarrow$  ObjectPropertyRange(ex:livesIn, ex:Place)
  - ex:John ex:livesIn ex:Athens → ObjectPropertyAssertion(ex:livesIn, ex:John, ex:Athens)
  - ex:Athens a ::b1  $\rightarrow$  ClassAssertion(::b1, ex:John)
  - $\bot$ :b1 owl:complementOf ex:Person  $\rightarrow$  equivalentClasses( $\bot$ :b1, complementOf(ex:Person))

### 2. ΚΜΑ και απαλοιφή ΤΒοχ

Αρχικά γίνεται απεικόνιση της βάσης γνώσης στα αντίστοιχα σώματα ABox και TBox. Επομένως,  $ABox = \{livesIn(John, Athens)\}$  και  $TBox = \{\exists livesIn \sqsubseteq Person, \exists livesIn^- \sqsubseteq Place, Person \sqcap Place \sqsubseteq \bot\}$ . Οι δύο τελευταίες τριάδες εκφράζονται ως  $b_1(Athens)$  και  $b_1 \equiv \neg Person$ . Κατά τα γνωστά, θα πρέπει να ενσωματωθεί το TBox στο ABox προκειμένου να μπορεί να ξεκινήσει η εκτέλεση του αλγορίθμου tableau. Επειδή, οι δηλώσεις στο TBox δεν είναι απλής μορφής χρησιμοποείται η μέθοδος της εσωτερίκευσης.

```
\Delta \eta \lambda \alpha \delta \dot{\eta} \begin{cases} 1. \; \exists livesIn \sqsubseteq Person \Rightarrow ((\forall livesIn.\bot) \sqcup Person)(a) \\ 2. \; \exists livesIn^- \sqsubseteq Place \Rightarrow ((\forall livesIn^-.\bot) \sqcup Place)(a) \\ 3. \; Person \sqcap Place \sqsubseteq \bot \Rightarrow (\neg Person \sqcup \neg Place)(a) \end{cases}
```

Προχύπτει λοιπόν το πρώτο στιγμιότυπο του ταμπλό  $S_0 = \{\{livesIn(John, Athens), ((\forall livesIn. \bot) \sqcup Person)(a), ((\forall livesIn^-. \bot) \sqcup Place)(a), (\neg Person \sqcup \neg Place)(a), \neg Person(Athens)\}\}$ , όπου χρησιμοποιήθηκε απευθείας η μέθοδος ξεδιπλώματος για τα  $b_1(Athens)$  και  $b_1 \equiv \neg Perosn$ .

#### Επέχταση Ταμπλό

Χρησιμοποιείται ο συμβολισμός  $A_0$  για να δηλωθεί το αρχικό ABox που κατασκευάστηκε για τον αλγόριθμο.

(α') Κανόνας  $K_{\square}$  για την (1):

```
S_1 = \{A_0 \cup \{(\forall livesIn.\bot)(a)\}, A_0 \cup \{Person(a)\}\}
```

(β') Κανόνας  $K_{\perp}$  για την (2):

```
S_2 = \{A_0 \cup \{(\forall livesIn.\bot)(a), (\forall livesIn^-.\bot)(a)\}, A_0 \cup \{(\forall livesIn.\bot)(a), Place(a)\}, A_0 \cup \{Person(a), (\forall livesIn.\bot)(a)\}, A_0 \cup \{Person(a), Place(a)\}\}
```

(γ') Κανόνας  $K_{\sqcup}$  για την (3):

```
S_2 = \{ \begin{cases} 1. \ A_0 \cup \{(\forall livesIn.\bot)(a), (\forall livesIn^-.\bot)(a), \neg Person(a)\}, \\ 2. \ A_0 \cup \{(\forall livesIn.\bot)(a), (\forall livesIn^-.\bot)(a), \neg Place(a)\}, \\ 3. \ A_0 \cup \{(\forall livesIn.\bot)(a), Place(a), \neg Person(a)\}, \\ 4. \ A_0 \cup \{(\forall livesIn.\bot)(a), Place(a), \neg Place(a)\}, \\ 5. \ A_0 \cup \{Person(a), (\forall livesIn.\bot)(a), \neg Person(a)\}, \\ 6. \ A_0 \cup \{Person(a), (\forall livesIn.\bot)(a), \neg Place(a)\}, \\ 7. \ A_0 \cup \{Person(a), Place(a), \neg Person(a)\}, \\ 8. \ A_0 \cup \{Person(a), Place(a), \neg Place(a)\} \end{cases}
```

(δ΄) Δεν υπάρχει άλλη επέχταση (χάποιος χανόνας που μπορεί να εφαρμοστεί) για το ταμπλό, οπότε η παραπάνω μορφή είναι η τελιχή.

## Εύρεση ΑΒοχ το οποίο δεν περιέχει αντιφάσεις

Το πρώτο κι ολας ΑΒοχ δεν παρουσιάζει αντιφάσεις και έτσι ο OWL reasoner αποδεικνύει ότι οι δύο τελυταίες προτάσεις είναι συμπέρασμα των προηγούμενων.