

Задача

Дима достаточно быстро освоил алгоритм Евклида и решил с его помощью много различных задач.

Алгоритм Евклида заключается в следующем:

1. Пусть **a**, **b** – числа, НОД которых надо найти.
2. Если **b** = **0**, то число **a** – искомый НОД.
3. Если **b** > **a**, то необходимо поменять местами числа **a** и **b**.
4. Присвоить числу **a** значение **a** – **b**.
5. Вернуться к шагу 2.

Задача

Дима понял, что нужно продолжать совершенствоваться. И ему пришла идея решить новую задачу. Пусть заданы числа **a**, **b**, **c** и **d**. Требуется узнать, наступит ли в процессе реализации алгоритма Евклида для заданной пары чисел **(a, b)** такой момент, когда число **a** будет равно **c**, а число **b** будет равно **d**.

Помогите Диме справиться с этой задачей.

Условия

Входные данные:

Первая строка содержит количество наборов входных данных k ($1 \leq k \leq 100$).

Далее идут описания этих наборов. Каждое описание состоит из двух строк. Первая из них содержит два целых числа: a, b ($1 \leq a, b \leq 10^{18}$). Вторая строка – два целых числа: c, d ($1 \leq c, d \leq 10^{18}$).

Выходные данные:

Для каждого набора выведите в отдельной строке слово «YES», если в процессе применения алгоритма Евклида к паре чисел (a, b) в какой-то момент получается пара (c, d) , или слово «NO» – в противном случае.

Ограничения: 1 секунда, 16 Мб.

Пример

Входные данные:

2

20 10

10 10

10 7

2 4

Выходные данные:

YES

NO

Разбор

Выполнять проверку напрямую с помощью алгоритма, который описан в условии задачи, невозможно, так как существуют такие наборы входных данных, что программа не успеет их обработать за **1** секунду. Поэтому потребуется чуть-чуть улучшить исходный алгоритм.

Для начала нужно проверить частный случай, когда совпадение будет найдено до каких-либо действий с переменными. Если такого не произошло, то следующую проверку совпадения нужно выполнить после обмена значений переменных (в случае, когда **$b > a$**).

Далее, если мы еще не нашли нужно совпадения, предположим, если в ходе следующих вычитаний из **a** значения переменной **b** мы должны получить искомую пару, которая будет совпадать с парой **(c, d)** , то очевидно, что **b** должно совпадать с **d** , так как переменная **b** на данном этапе остается неизменной, при этом **$a_n \leq c \leq a_0$** , где **a_i** – значение переменной **a** на **i** -ом (**$0 \leq i \leq n$** , где **n** – шаг, на котором **$a_i < b$**) шаге вычитания.

Разбор

И при этом у нас должно выполняться следующее условие: $\mathbf{b} \mid (\mathbf{a}_0 - \mathbf{c})$. Почему это так? Так как должно найтись \mathbf{a}_i , которое было бы равно \mathbf{c} после нескольких вычитаний из \mathbf{a}_0 значения \mathbf{b} . Значит можно представить \mathbf{a}_0 и \mathbf{c} в таком виде:

$$\begin{aligned}\mathbf{c} &= \mathbf{k}_1 * \mathbf{b} + \mathbf{r}, \\ \mathbf{a}_0 &= (\mathbf{k}_2 + \mathbf{k}_1) * \mathbf{b} + \mathbf{r},\end{aligned}$$

где $(0 \leq \mathbf{k}_1, \mathbf{k}_2; 0 \leq \mathbf{r} \leq \mathbf{b} - 1)$

Тогда $\mathbf{a}_0 - \mathbf{c} = (\mathbf{k}_2 + \mathbf{k}_1) * \mathbf{b} + \mathbf{r} - (\mathbf{k}_1 * \mathbf{b} + \mathbf{r}) = (\mathbf{k}_2 + \mathbf{k}_1 - \mathbf{k}_1) * \mathbf{b} + \mathbf{r} - \mathbf{r} = \mathbf{k}_2 * \mathbf{b}$, следовательно, $\mathbf{b} \mid (\mathbf{a}_0 - \mathbf{c})$.

Разбор

То есть третье условие совпадения будет состоять из нескольких условий:

1. $b = d$
2. $a_n \leq c \leq a_0$
3. $b \mid (a_0 - c)$

Мы рассмотрели 3 возможных ситуации, когда ответ “**YES**”, в остальных случаях следует выводить “**NO**”.