Задача

Манао имеет экран с отношением ширины на высоту **A** : **B**. Он собирается посмотреть фильм, картинка которого имеет соотношение **C** : **D**. Манао настроит просмотр так, чтобы фильм сохранил оригинальное соотношение сторон, но при этом занимал максимальное пространство на экране и умещался на нем полностью.

Вычислите, какая часть дисплея останется незанятой во время просмотра. Выведите ответ в виде несократимой дроби, **НОД** числителя и знаменателя которой равен **1**.

Некоторые условия

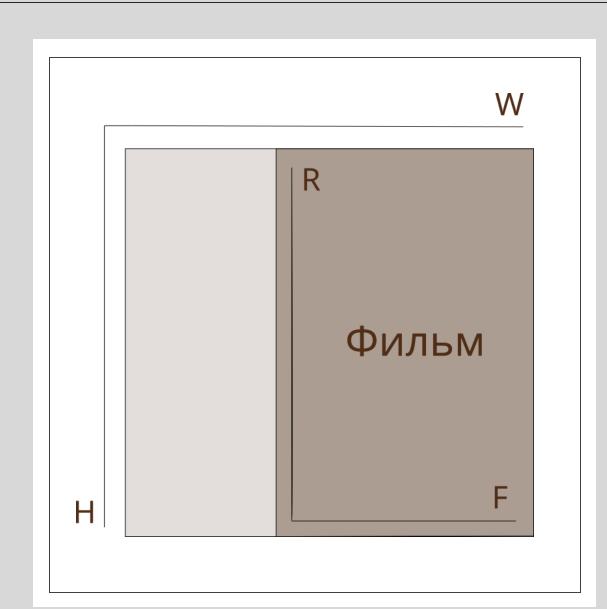
Входные данные:

Четыре целых числа $A, B, C, D (1 \le A, B, C, D \le 1000)$, записанных через пробел.

Выходные данные:

Выведите ответ в виде несократимой дроби p/q , где p — целое неотрицательное число, q — целое положительное число.

Ограничения: 1 секунда, 256 мегабайт.



Разбор

Пусть **W** и **H** будут шириной и высотой экрана, а **F** и **R** - шириной и высотой фильма.

Это значит, что

 $\mathbf{W}:\mathbf{H}=\mathbf{A}:\mathbf{B},$

F: R = C: D.

Из этого нетрудно получить выражения:

$$W = \frac{HA}{B}, F = \frac{RC}{D}.$$

Случай первый

W

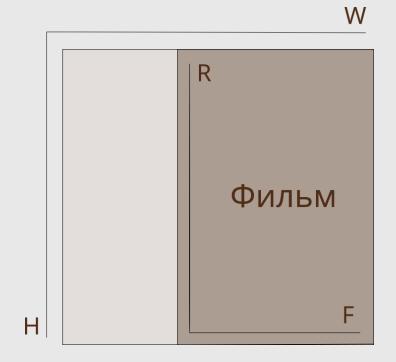


 \circ **A**: **B** = **C**: **D**

Очевидно, что фильм может полностью уместиться на дисплее и занять его полностью.

Так как ответом требуется несократимая дробь вида p/q, нам подойдет 0/1.

Второй



$$\circ$$
 A:B>C:D

Понятно, что ширина дисплея в такой ситуации больше ширины фильма, хоть как-то умещенного на этом дисплее.

Чтобы занять им как можно больше места на экране, нужно расширить его до высоты самого экрана ($\mathbf{R} = \mathbf{H}$). Теперь свободную часть можно вычислить с помощью выражения:

$$\frac{W-F}{W} = \frac{\frac{HA}{B} - \frac{HC}{D}}{\frac{HA}{B}} = \frac{AD - CB}{AD} = \frac{p'}{q'},$$

где p'/q' – это потенциально сократимая дробь.

Последний

W

Р Фильм <u>F</u>

Н

 \circ A:B < C:D

Видно, что ситуация обратная предыдущей: умещенное видео теперь меньше экрана по высоте.

Займем всю ширину экрана ($\mathbf{F} = \mathbf{W}$).

Свободное пространство теперь можно найти с помощью выражения:

$$\frac{H-R}{H} = \frac{\frac{WB}{A} - \frac{WD}{C}}{\frac{WB}{A}} = \frac{BC - AD}{CB} = \frac{p'}{q'}$$

где p'/q' — это потенциально сократимая дробь.

Приведение к ответу

Мы получили дробь $\mathbf{p'}/\mathbf{q'}$, но мы знаем, что она может быть сократимой.

Найдем НОД числителя и знаменателя, чтобы на него сократить обе части.

Дробь после этого станет несократимой, ведь общих делителей у частей не осталось.

Для этого воспользуемся алгоритмом Евклида.