## A simple algorithm for Lempel-Ziv factorization

\*

## 19 maja 2022

Faktoryzacja Lempel-Ziv'a dla słowa w jest takim rozkładem  $u_0u_1...u_k=w$ , że każde  $u_i$ , za wyjątkiem możliwie ostatniego, jest albo najdłużsym prefiksem  $u_iu_{i+1}...u_k$  i występuje jako podsłowo w  $u_0u_1...u_i$ , ale nie tylko jako sufiks, albo jest pojedynczym symbolem, gdy takiego prefiksu nie ma.

Algorytm korzysta z tablicy Longest Previous Factor. Aby zrozumieć co to jest, weźmy taki najdłużsy czynnik słowa w[1..i], równy m. Wtedy m musi być najdłużsym podsłowem słowa w[1..i+|m|-1], i to jego długość będzie występować w tej tablicy, na pozycji i-tej.

Gdy posiadamy tablicę LPF, wyznaczanie faktoryzacji nie jest trudne, ponieważ "najdłuższy poprzedni czynnik", to dokładnie taki czynnik jakiego potrzebujemy do faktoryzacji. Czyli, wystarczy przejść po tablicy LPF zwracając kolejne czynniki, pomijając przy tym czynniki pośrednie, występujące pomiędzy tymi z faktoryzacji, oraz zamieniając wszystkie zera na jedynki w tablicy LPF, ponieważ faktoryzacja nie zawiera słów pustych. Algorytm zatem wygląda następująco:

## Algorithm 1 lempel\_ziv\_factorization

```
Require: LPF, n

Ensure: LZ

pos \leftarrow 1

while pos \leq n do

push(max(1, LPF[pos]), LZ)

pos \leftarrow pos + max(1, LPF[pos])

end while
```