Abmessungen				
Tafelhöhe	$h \coloneqq 2.5 m$			
Tafelbreite	$l \coloneqq 1.25 \ m$			
Rippenbreite	$h_1 := 5 \ cm$ $h_2 := h_1 = 5 \ cm$ $h_{12} := h_1$			
Rippentiefe	$b_1 := 10 \ cm$ $b_2 := b_1 = 10 \ cm$ $b_{12} := b_1$			
Anzahl Rippen	$n_R = 3$			
Beidseitige Beplankung aus				
Gipskartonplatten ungestoßen nach DIN 18180	$t_{Gk}\coloneqq 12.5$ mm			
Beidseitige Beplankung	$n_{Bp}\!\coloneqq\!2$			
Nagelverbindungen	28/65			
$d_{Na} \coloneqq 2.8 m{mm}$	$l_{Na} = 65 mm$			
Anzahl Nägel	$n_N \coloneqq 20$ (geschätzt)			
Lasten				
ständig	$q_{G.k} \coloneqq 5 \; rac{kN}{m}$			
veränderlich-kurz	$q_{Q.k} = 15 \frac{kN}{m}$			
verandernen kurz	$q_{Q,k} = 10 \frac{1}{m}$			
veränderlich-kurz mit wechselndem Vorzeichen	$F_{Q.k} = 2.7 \; kN$			
Nutzungsklasse	$NKL \coloneqq 1$			
Lasteinwirkung	$KLED_{Gk} := \text{``kurz''} \qquad KLED_{C24} := \text{``kurz''}$			
messungswerte der Einwirkungen				
ständig $\gamma_G\!\coloneqq\!1.35$				
veränderlich $\gamma_Q \coloneqq 1.5$				
$q_{G.d} := \gamma_G \cdot q_{G.k} = 6.75 \frac{kN}{m}$				
110				
$q_{Q.d} \coloneqq \gamma_Q \cdot q_{Q.k} = 22.5 \frac{kN}{m}$				
$q_d \coloneqq q_{G.d} + q_{Q.d} = 29.25 \frac{kN}{m}$				
$F_{Q.d} \coloneqq \gamma_Q \cdot F_{Q.k} = 4.05 \; extbf{kN}$				
erschnittswerte				

Holzbau				
$\gamma_M = 1.3$				
NKL = 1 KLE	D_{Gk} ="kurz"			
$k_{mod.Gk}$:= 0.8			5-1-1:2004/A1:2008 NA.4, Zeile 3, Spalte	4
NKL=1 KLE	D_{C24} := "kurz"			
$k_{mod.C24}\!\coloneqq\!0.9$			5-1-1:2004/A1:2008 3.1, Zeile 2, Spalte 7	
	Charakteristische V der Baustofffestigk		Bemessungswert Baustoffeigensch	
Rippen VH C24 nac	h EN 338			
C24 Druck in Fas	errichtung			
	$f_{c.0.k} = 21 \; rac{N}{mm^2}$	$f_{c.0.d}$	$:= k_{mod.C24} \cdot rac{f_{c.0.k}}{\gamma_M} = 14$	$4.538 \frac{N}{mm}$
C24 Druck quer a	zur Faserrichtung			
	$f_{c.90.k} \coloneqq 2.5 \; \frac{N}{mm^2}$	$f_{c.90.a}$	$_{d}\!\coloneqq\!k_{mod.C24}\!\cdot\!rac{f_{c.90.k}}{\gamma_{M}}\!=\!$	$1.731 \frac{N}{mm}$
C24 Zug in Faser	richtung			
	$f_{t.0.k} = 14.0 \; rac{N}{mm^2}$	$f_{t.0.d}$:	$=k_{mod.C24} \cdot rac{f_{t.0.k}}{\gamma_M} = 9.$	$692 \ \frac{N}{mm^2}$
Beplankung Gipskar	tonplatte nach DIN 18	180 Tabe	lle 6	
GKP Druck	$f_{c.Gk.k} \coloneqq 3.5 \; rac{N}{mm^2}$	$f_{c.Gk.}$	$_{d}\!\coloneqq\!k_{mod.Gk}\! ext{.}\!$	$2.154 \frac{N}{mn}$
GKP Schub			$_{d}\!\coloneqq\!k_{mod.Gk} extbf{ extit{e}}\! extbf{ extit{t}}\! extbf{ ext$	

Beanspruchbarkeit der Nagelverbindung 28/65

Mindestzugfestigkeit Nagel Draht

$$f_{u.k} \coloneqq 600 \frac{N}{mm^2}$$

Fließmoment Draht runde glattschaftige Nägel

$$M_{u,Rk} = 0.30 \cdot f_{u,k} \cdot d_{Na}^{2.6} \cdot (mm^{0.4}) = (2.617 \cdot 10^3) N \cdot mm$$

Lochleibungsfestigkeit Gipsplatten nach DIN 18180

$$f_{h.1.k} = 3.9 \cdot d_{Na}^{-0.6} \cdot t_{Gk}^{0.7} \cdot (1000^{0.1} \cdot kN \cdot m^{-1.1}) = 12.32 \frac{N}{mm}$$
 NA.122

$$A \coloneqq 1.1$$

$$F_{v.Rk} := A \cdot \sqrt{2 \cdot M_{y.Rk} \cdot f_{h.1.k} \cdot d_{Na}} \cdot (\sqrt{1000} \cdot m^{-0.5}) = 467.446 \ N$$

Erforderliche Dicke des Holzes (Einbindetiefe des Nagels)

$$t_{C24.reg} = 9 \cdot d_{Na} = 25.2 \ mm$$

$$t_{Na} = l_{Na} - t_{Gk} = 52.5 \ mm$$

$$t_{Na} > t_{C24.reg} = 1$$

Erforderliche Dicke der Gipskartonplatte

$$t_{Gk.reg} = 10 \cdot d_{Na} = 28 \ mm$$

$$t_{Gk} \coloneqq min\left(t_{Gk}, t_{Gk.req}\right) = 12.5 \ mm$$

Da die Dicke der Gipskartonplatte kleiner ist als die Mindestdicke wird der charakteristische Wert der Tragfähigkeit durch die Multiplikation mit dem Quotienten tGk / tGk.req ermittelt.

$$F_{v.Rk} := F_{v.Rk} \cdot \left(\frac{t_{Gk}}{t_{Gk.req}}\right) = 208.681 \ N$$

Bemessungswert der Tragfähigkeit der Nagelverbindung

$$k_{mod.C24} = 0.9$$
 $k_{mod.Gk} = 0.8$

$$k_{mod.C24.Gk} \coloneqq \sqrt{k_{mod.C24} \cdot k_{mod.Gk}} = 0.849$$
 Gleichung NA. 114

$$\gamma_{M.St}\!\coloneqq\!1.1$$
 Gleichung NA. 114

$$F_{v.Rd} \coloneqq k_{mod.C24.Gk} \cdot \frac{F_{v.Rk}}{\gamma_{M.St}} = 160.975 \ N$$
 Gleichung NA. 113

Beanspruchbarkeit Klammerverbindung

$$\rho_{C24} = 350 \; \frac{\boldsymbol{kg}}{\boldsymbol{m}^3}$$

Bauaufsichtlich zugelassene Klammern

Kategorie A (Typ G, G5562, KG700, S4, S16)

Kat	d_1	d_2	d_N
	(mm)	(mm)	(mm)
"A: PZ"	1.62	1.34	1.53
"B: PQ"	1.90	1.60	1.80
"C"	2.10	1.80	2.00

$$d_{KLN} = 1.80 \ mm$$

$$l_{Kl} = 50 \ mm$$

Charakteristischer Wert der Lochleibungsfestigkeit Gipskartonplatte

$$f_{h.1.k} = 3.9 \cdot d_{Kl.N}^{-0.6} \cdot t_{Gk}^{0.7} \cdot (N \cdot mm^{-2.1}) = 16.06 \frac{N}{mm^2}$$

Charakteristischer Wert der Lochleibungsfestigkeit Schnittholz (nicht vorgebohrt)

$$f_{h.2.k} = 0.082 \cdot
ho_{C24} \cdot d_{Kl.N} \stackrel{-0.3}{\cdot} \left(\frac{10^{12} \ mm^{2.3}}{s^2} \right) = 24.06 \ \frac{N}{mm^2}$$

Faktor beta

$$\beta := \frac{f_{h.2.k}}{f_{h.1.k}} = 1.498$$

Charakteristischer Wert Fließmoment

 $M_{y.Rk} \coloneqq 240 \cdot d_{Kl.N}^{2.6} \cdot (N \cdot mm^{-1.6}) = 1.106 \ kN \cdot mm$ DIN EN 1995-1-1:2010-12 EN 1995-1-1:2004 + AC:2006 + A1:2008 (D) GI. 8.29

Mindestholzdicke Gipskarton

$$t_{1.req} \coloneqq 1.15 \cdot \left(2 \cdot \sqrt{\frac{\beta}{1+\beta}} + 2 \right) \cdot \sqrt{\frac{M_{y.Rk}}{f_{h.1.k} \cdot d_{Kl.N}}} = 25.249 \ \textit{mm}$$

Mindestholzdicke Vollholz

$$t_{2.req} := 1.15 \cdot \left(2 \cdot \frac{1}{\sqrt{1+\beta}} + 2\right) \cdot \sqrt{\frac{M_{y.Rk}}{f_{h.2.k} \cdot d_{Kl.N}}} = 18.98 \ mm$$

$$t_{2.reg,14} := 14 \cdot d_{Kl,N} = 25.2 \ mm$$

Einbindetiefe sollte 14d betrage

Charakteristische Wert der Tragfähigkeit pro Scherfläche

$$F_{v.Rk} := \sqrt{\frac{2 \beta}{1+\beta}} \sqrt{2 \cdot M_{y.Rk} \cdot f_{h.1.k} \cdot d_{Kl.N}} = 276.991 \ N$$

Eindringtiefe Klammer in Gipskartonplatte

$$t_1 \coloneqq t_{Gk}$$

Eindringtiefe Klammer in Vollholz

$$t_2 \coloneqq l_{Kl} - t_{Gk} = 37.5 \ mm$$

Abminderung wegen Unterschreitung Mindesteinbindetiefen

$$\frac{t_1}{t_{1,req}} = 0.495 \qquad \frac{t_2}{t_{2,req}} = 1.976$$

$$F_{v.Rk} \coloneqq \min \left(\frac{t_1}{t_{1.req}}, \frac{t_2}{t_{1.req}}, 1 \right) \cdot F_{v.Rk} = 137.132 \ N$$

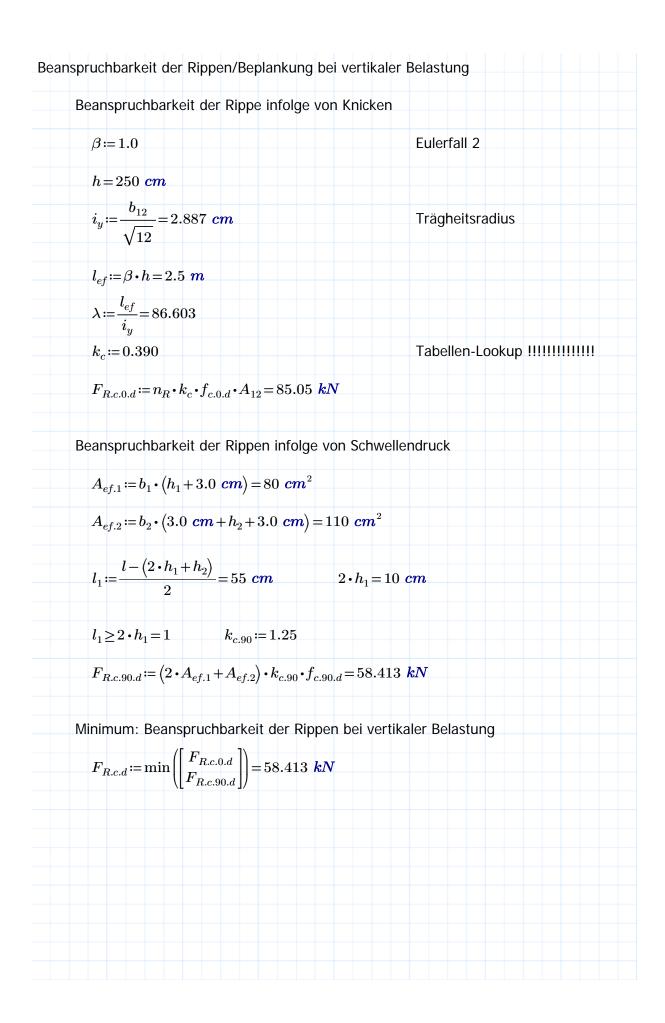
Charakteristischer Wert der Tragfähigkeit pro Klammer

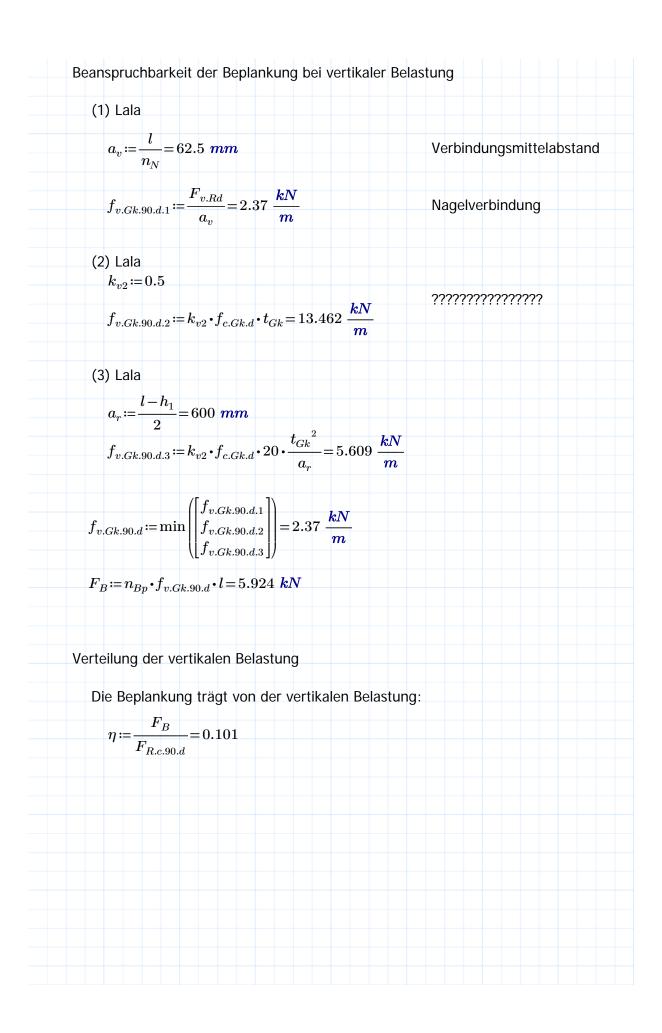
Zwei Scherflächen, Abminderung 0.7 wegen Winkel

$$F_{v.Rk} = 2 \cdot 0.7 \cdot F_{v.Rk} = 191.985 \ N$$

Bemessungswert der Tragsfähigkeit pro Klammer

$$F_{v.Rd} \coloneqq \frac{k_{mod.C24.Gk} \cdot F_{v.Rk}}{\gamma_{M.St}} = 148.095 \ N$$





Rippenkräfte aus horizontaler Scheibenbeanspruchung

$$F_{Q.d} = 4.05 \ kN$$

mit wechselndem Vorzeichen

$$F_{c.Ed} := F_{Q.d} \cdot \frac{h}{l} = 8.1 \text{ kN}$$

$$F_{1.h.c} \coloneqq F_{c.Ed} = 8.1 \text{ kN}$$

$$F_{1,h,t} = F_{1,h,c} = 8.1 \text{ kN}$$

Rippenkräfte aus vertikaler Scheibenbeanspruchung

Die Streckenlast wird konzentriert über die Rippen eingeleitet. Die Rippen tragen (1-eta) der Vertikalbeanspruchung.

Außenrippe (Index 1)

$$F_{1.v.c} = (1-\eta) \cdot q_d \cdot \frac{l}{4} = 8.214 \ kN$$

Innenrippe (Index 2)

$$F_{2.v.c} = (1 - \eta) \cdot q_d \cdot \frac{l}{2} = 16.427 \ kN$$

Druck in Außenrippe (Index 1) aus vertikaler und horizontaler Scheibenbeanspruchung $N_{1.c}\!:=\!F_{1.h.c}\!+\!F_{1.v.c}\!=\!16.314~k\!N$

Druck in Innenrippe (Index 2) aus vertikaler und horizontaler Scheibenbeanspruchung $N_{2.c}\!:=\!F_{2.v.c}\!=\!16.427~k\!N$

Zug in Außenrippe

$$N_{1,t} := F_{1,h,t} = 8.1 \ kN$$

Zug in Innenrippe

$$N_{2,t} = 0 \ kN$$

Bemessungsmaßgebende Schwellenkräfte

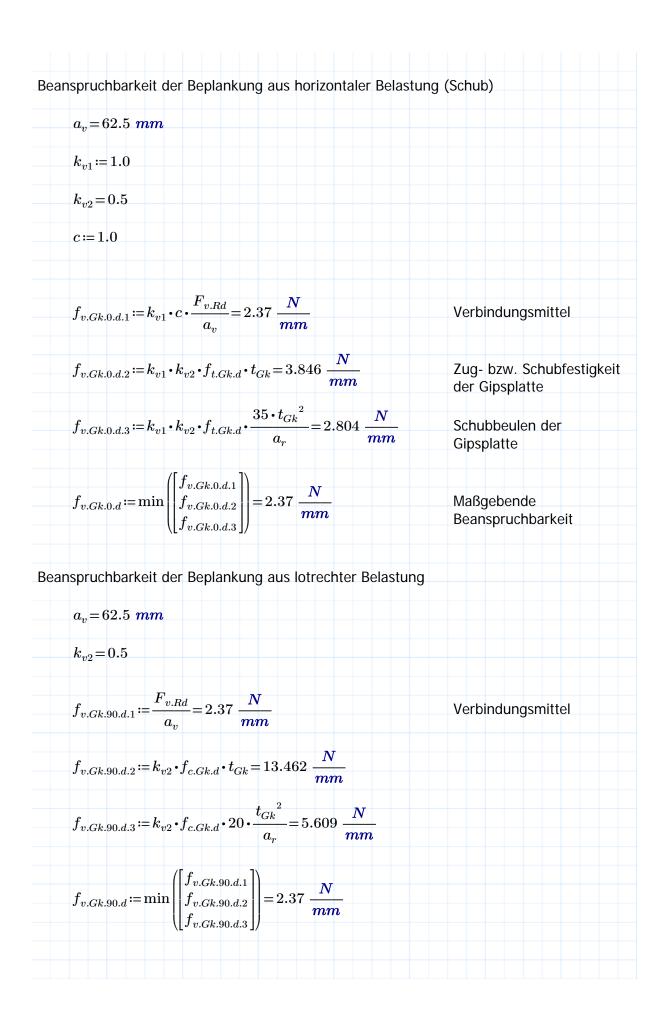
Rippenkräfte aus vertikaler und horizontaler Scheibenbeanspruchung

Außenrippe

$$F_1 \coloneqq \max \left(\begin{bmatrix} N_{1.c} \\ N_{1.t} \end{bmatrix} \right) = 16.314 \ kN$$

Innenrippe

$$F_2 := \max \left(\begin{bmatrix} N_{2.c} \\ N_{2.t} \end{bmatrix} \right) = 16.427 \ kN$$



Bemessungswert des Schubflusses der einzelnen Beplankung aus horizontaler Scheibenbeanspruchung Bemessungswert des Schubflusses der einzelnen Beplankung aus vertikaler Scheibenbeanspruchung $s_{v.90.d} \coloneqq \frac{\eta \cdot q_d \cdot l}{n_{Bp} \cdot l} = 1.483 \ \frac{N}{mm}$

Tragfähigkeitsnachweise

(1) Auf Zug beanspruchte Außenrippe

$$\sigma_{t.0.d} = \frac{N_{1.t}}{A_{12}} = 1.62 \ \frac{N}{mm^2}$$

$$\eta_{t.0.d} \coloneqq \frac{\sigma_{t.0.d}}{f_{t.0.d}} = 0.167$$

$$\mathbf{if}\left(\eta_{t.0.d}\!<\!1.0\,,\text{"OK"},\text{"nicht OK"}\right)\!=\!\text{"OK"}$$

(2) Auf Druck beanspruchte Innenrippe

$$\sigma_{c.0.d} \coloneqq \frac{F_2}{A_{12}} = 3.285 \; \frac{N}{mm^2}$$

$$\eta_{c.0.d} := \frac{\sigma_{c.0.d}}{k_c \cdot f_{c.0.d}} = 0.579$$

$$\mathbf{if}\left(\eta_{c.0.d}\!<\!1.0\,,\text{"OK"},\text{"nicht OK"}\right)\!=\!\text{"OK"}$$

(3) Schwellenpressung

$$\sigma_{1.c.90.d} = \frac{F_1}{A_{ef.1}} = 2.039 \frac{N}{mm^2}$$

$$\sigma_{2.c.90.d} = \frac{F_2}{A_{ef.2}} = 1.493 \ \frac{N}{mm^2}$$

$$\sigma_{c.90.d} := \max \left(\begin{bmatrix} \sigma_{1.c.90.d} \\ \sigma_{2.c.90.d} \end{bmatrix} \right) = 2.039 \frac{N}{mm^2}$$

$$\eta_{c.90.d} \coloneqq \frac{\sigma_{c.90.d}}{k_{c.90} \cdot f_{c.90.d}} = 0.943$$

$$\text{if}\left(\eta_{c.90.d}\!<\!1.0\,,\text{"OK"},\text{"nicht OK"}\right)\!=\!\text{"OK"}$$

(4) Scheibenbeanspruchung

$$\eta_{v.0.d} \coloneqq \frac{s_{v.0.d}}{f_{v.Gk.0.d}} = 0.684$$

$$\mathbf{if}\left(\eta_{v.0.d}\!<\!1.0\,,\text{"OK"}\,,\text{"nicht OK"}\right)\!=\!\text{"OK"}$$

$$\eta_{v.90.d} \coloneqq \frac{s_{v.90.d}}{f_{v.Gk.90.d}} = 0.626$$

$$\mathbf{if}\left(\eta_{v.90.d}\!<\!1.0\,,\text{``OK''}\,,\text{``nicht OK''}\right)\!=\!\text{``OK''}$$