## LROD: APPROFONDIMENTO

#### Silvio Venturino s.venturino@studenti.unisa.it Università degli studi di Salerno Salerno, Italia

#### **KEYWORDS**

Overlap detection, aligning, long reads, solid k-mers, the third generation sequencing technology (TGS), algorithms, github, frequency, recall, precision, F1-score, C++, Hash table.

#### **ACM Reference Format:**

#### 1 INTRODUCTION

#### 1.1 Il problema

Le tecnologie di sequenziamento di terza generazione frammentano il genoma in un gran numero di long reads e il processo di ricombinazione di queste letture in una sequenza di DNA completa è chiamato assemblaggio del genoma [7]. L'overlap detection tra due long reads è utile per il processo di assemblaggio del genoma [8], allineando e unendo i frammenti di DNA in un'unica sequenza continua. A differenza delle short reads, le long reads permettono un assemblaggio più accurato, evitando regioni ripetute e regioni più complesse. Tuttavia l'alto numero di errori che derivano dal sequenziamento di terza generazione (TGS) implica che ottenere l'overlap detection è ancora un compito impegnativo.

#### 1.2 Obiettivo di LROD

In questo studio gli autori presentano un algoritmo di overlap detection a lettura lunga (LROD) che può migliorare l'accuratezza dei risultati delle sovrapposizioni tra long reads. L'obiettivo è quello di trovare sovrapposizioni in base alla distribuzione dei k-mer, ovvero delle sottostringhe del genoma di lunghezza k.

#### 1.3 LROD

Diversamente da altri algoritmi che utilizzano i k-mer, LROD conserva innanzitutto solo i k-mer solidi comuni tra le long reads che, rispetto ai k-mers tradizionali, hanno una frequenza più elevata. Dato che le tecniche TGS hanno un alto tasso di errore e le regioni ripetitive complicano il processo di overlap detection, LROD tenta di risolvere il problema sfruttando i solid k-mers. LROD utilizza una strategia che si adopera in varie fasi:

#### Unpublished working draft. Not for distribution.

for profit or commercial advantage and that copies bear this notice and the full citation on the first page. Copyrights for components of this work owned by others than the author(s) must be honored. Abstracting with credit is permitted. To copy otherwise, or republish, to post on servers or to redistribute to lists, requires prior specific permission and/or a fee. Request permissions from permissions@acm.org.

Conference acronym 'XX June 03–05 2018 Woodstock NY

© 2018 Copyright held by the owner/author(s). Publication rights licensed to ACM. ACM ISBN 978-1-4503-XXXX-X/18/06

https://doi.org/XXXXXXXXXXXXXX

Catello Staiano c.staiano14@studenti.unisa.it Università degli studi di Salerno Salerno, Italia

- (1) innanzitutto trova l'insieme di k-mers comuni solidi;
- (2) in secondo luogo trova una catena che include i k-mers comuni consistenti. La consistenza della catena è determinata da alcune condizioni che vedremo durante lo studio degli algoritmi;

(3) infine, tramite la catena, valuta la regione di overlap candidata e la restituisce.

#### 1.4 Risultati ottenuti

Nella prima parte del paper, nelle sezioni 2 e 3, analizzeremo il lavoro svolto dai ricercatori di LROD, con i risultati ottenuti dagli stessi e le conclusioni. Nella seconda parte del paper approfondiremo l'implementazione dell'algoritmo e i punti che secondo noi sono critici per le prestazioni di LROD. I risultati ottenuti dai ricercatori affermano che LROD vince in quasi tutti i casi in termini di recall, precision e F1-score, rispetto a MHAP [1] e Minimap2 [4]; MHAP risulta il peggiore in ogni ambito. Rispetto a Minimap2, LROD risulta essere più oneroso in termini di utilizzo di memoria e tempo di esecuzione. Come affermato dal team stesso "Sebbene LROD funzioni bene, secondo i risultati sperimentali, ha un'ovvia carenza in termini di tempo di esecuzione. In futuro ci concentreremo sul miglioramento del modulo delle prestazioni di calcolo di LROD, aumentando la velocità di calcolo e riducendo il tempo di esecuzione". Detto ciò, nella parte finale del paper traiamo le nostre conclusioni ed evidenziamo i punti critici dell'implementazione fornita che fanno calare drasticamente le prestazioni di tempo di esecuzione e utilizzo della memoria.

#### 1.5 Obiettivo del paper

Dal canto nostro, nella sezione 4 spiegheremo l'implementazione dell'algoritmo e tutta la fase di preprocessing delle strutture che lo stesso utilizzerà. Infine analizzeremo l'algoritmo e i suoi punti critici che in seguito potranno essere migliorati.

118

119

120

121

123

124

125

128

129

130

131

132

133

134

135

136

137

138

139

140

141

142

143

144

145

146

147

148

149

150

151

152

153

154

155

156

157

158

159

160

161

162

163

164

165

167

168 169

170

171

172

173

174

175

176

177

180

181

182

183

184

186

187

188

189

190

191

192

193

194

195

196

199

200

201

202

203

205

206

207

208

209

210

212

213

214

215

216

217

218

219

220

221

222

225

227

228

229

230

231

232

# 2 LROD: OVERLAP DETECTION TRA DUE LONG READS

LROD utilizza i k-mers comuni tra due reads per determinare se esiste una regione di overlap. Tuttavia, l'elevato tasso di errore di sequenziamento del TGS di solito porta a k-mers comuni negativi e le regioni ripetitive possono causare una contraddizione di posizione tra i k-mers comuni [6]. Per un dataset di long reads, un k-mer con una piccola frequenza include comunemente errori di sequenziamento, mentre un k-mer con una grande frequenza solitamente proviene da una regione ripetitiva [5]. Pertanto, LROD seleziona solo k-mers le cui frequenze sono nell'intervallo [ $f_{min}$ ,  $f_{max}$ ] come k-mers solidi, dove  $f_{min}$  e  $f_{max}$  sono due soglie calcolate da LROD. L'utilizzo solo di k-mers solidi consente a LROD di evitare alcuni problemi causati da errori di sequenziamento e regioni ripetitive. Dopo aver determinato l'intervallo, i k-mers le cui frequenze non rientrano in esso vengono ignorati nei passaggi successivi. Per un dataset di long reads, LROD utilizza innanzitutto DSK [9], un programma di conteggio dei k-mers, per calcolare la frequenza di ciascun k-mer nel dataset. Se la frequenza di un k-mer è uguale a uno, allora solo una lettura contiene questo k-mer, il che significa che è inutile per trovare eventuali sovrapposizioni tra due long reads. Per LROD, la frequenza minima del k-mer è 2, ovvero  $f_{min}$  = 2 per impostazione predefinita. LROD sviluppa un metodo per calcolare  $f_{max}$  in base alla frequenza dei k-mers. F(x) si riferisce al numero di k-mer la cui frequenza è x, (x = 1, 2, 3. . . , h, dove h è la frequenza massima del k-mer). Ad esempio, esiste un insieme di questo insieme di k-mers, F(1) = 0 in quanto nessun k-mer appare una volta. F(2) = 3, il che significa che tre k-mer compaiono due volte, ovvero "AAT, ATA, TAG". Infine F(3) = 1, il che significa che solo un k-mer, cioè "AGT", viene ripetuto tre volte. Quindi, S(y) viene utilizzato per calcolare la somma cumulativa di F(x), come descritto nell'equazione 1. Quando f è il più piccolo valore tale che  $S(f) > \theta * S(h)$ , settiamo  $f_{max} = f$ , mentre  $\theta = 0.9$  di default; S(h) è la frequenza totale dei k-mers i cui valori delle frequenze non sono inferiori a 2.

$$\sum_{x=f_{min}}^{y} F(x) \tag{1}$$

- S(y) indica la somma cumulativa delle frequenze dei k-mers fino ad una specifica frequenza "y".
- Si calcola sommando i valori di F(x) per tutte le frequenze dalla frequenza minima (f<sub>min</sub>) fino a "y."
- In parole semplici, S(y) fornisce il numero totale di k-mers che appaiono un numero di volte minore o uguale a "y" nel dataset

- (1) Calcolo di F(x) per tutti i valori di x:
  - F(1) = 0
  - F(2) = 3
  - F(3) = 1
- (2) Calcolo della somma cumulativa di S(y) per tutti i valori di y:
  - S(1) = F(1) = 0
  - S(2) = F(1) + F(2) = 0 + 3 = 3
  - S(3) = F(1) + F(2) + F(3) = 0 + 3 + 1 = 4
- (3) Calcolo di S(h), la frequenza totale di k-mers con frequenza non inferiore a 2:
  - S(h) = F(2) + F(3) = 3 + 1 = 4
- (4) Calcolo di  $f_{max}$ :

Quando f è il più piccolo valore tale che S(f) >  $\theta$  \* S(h), settiamo f<sub>max</sub> = f. ( $\theta$  è la soglia impostata a 0.9 per impostazione predefinita). Sostituendo i valori nella formula, S(f) > 0.9 \* 4, cioè S(f) > 3.6; quindi:

- Se f = 1, S(1) = 0 < 3.6
- Se f = 2, S(2) = 3 < 3.6
- Se f = 3, S(3) = 4 > 3.6

Siccome f = 3 è il più piccolo valore tale che  $S(f) > \theta * S(h)$ , settiamo  $\mathbf{f}_{max}=3$ . In conclusione l'intervallo  $[\mathbf{f}_{min},\mathbf{f}_{max}]$  è [2,3]. Dopo aver determinato l'intervallo  $[f_{min}, f_{max}]$ , i k-mers le cui frequenze non rientrano in questo intervallo vengono ignorati nei passaggi successivi. L'overlap detection utilizzando solo k-mers solidi può ridurre al minimo l'impatto degli errori di sequenziamento e delle regioni ripetitive e migliorare l'accuratezza dei risultati [6]. I rimanenti k-mers solidi vengono indicizzati utilizzando una tabella hash con i k-mers come chiavi. Per un k-mer specifico, la tabella hash consente a LROD di identificare rapidamente le long reads che lo includono. Per due long reads, LROD utilizza l'algoritmo 1 per rilevare eventuali sovrapposizioni tra di loro; LROD trova innanzitutto l'insieme di k-mers comuni (CKS) tra due long reads R<sub>1</sub> e R<sub>2</sub>. In secondo luogo, sulla base del CKS, LROD tenta di cercare una catena di k-mers comuni consistenti, che corrispondano a una sovrapposizione candidata. In terzo luogo, LROD valuta ulteriormente il candidato e determina la sovrapposizione finale. L'algoritmo 2 mostra lo pseudocodice del concatenamento. L'algoritmo 3 viene utilizzato per verificare se due k-mers sono consistenti chiamando l'algoritmo 4 per valutare se vengono rispettate quattro condizioni. Se queste ultime non vengono rispettate, viene chiamato l'algoritmo 5 che valuta la consistenza di due k<sub>s</sub>-mer con k<sub>s</sub> < k. L'algoritmo 6 viene utilizzato per la valutazione del candidato per la regione di overlap; in particolare vengono valutate tre condizioni. Maggiori dettagli riguardo queste condizioni, saranno forniti nei paragrafi successivi. Infine LROD restitusce le regioni di overlap.

292

293

297

298

302

303

304

305

306

307

308

309

310

311

312

313

315

316

317

318

319

320

321

322

323

324

325

328

330

331

332

333

334

335

336

337

338

339

341

342

343

344

345

346

347

348

## 233 234 235 236 237 238 239 240 241 242 244 245 246 247 248 249 250 251 252 253 254 257 259 260 261 263 265 266 267 271 273 274 275 277 278 279 280 285

286

287

288

289

290

#### 2.1 Algoritmo 1

L'algoritmo 1 è il principale che invoca tutti gli altri e infine determina la regione di sovrapposizione tra le long reads; rappresenta il "main" dell'algoritmo. Esso seleziona due long reads  $R_1$  e  $R_2$  per rilevare se si sovrappongono. In caso affermativo LROD fornirà la regione in  $R_1$  che si sovrappone ad un'altra regione in  $R_2$ . I passi principali di questo algoritmo sono:

- (1) trovare l'insieme di k-mers comuni (CKS) tra R1 e R2;
- (2) rimuovere i k-mers forward o reverse, mantenendo quelli presenti in numero maggiore e ignorando gli altri;
- (3) ordinare i k-mers comuni;
- (4) creare una catena di k-mers comuni consistenti;
- (5) determinare la regione di overlap tramite la catena, e se presente restituirla, altrimenti restituire NULL.

```
Algorithm 1: Finding_overlap_region (R_1, R_2, k, k_s, \alpha,
 Input: two long reads
 Output: determines the final overlap
 Begin
         Finding the common k-mer set CKS between R_1
         and R_2:
         Removing forward or reverse common k-mers
          from CKS;
        Sorting common k-mers in CKS;
         m \leftarrow |CKS|;
         count \leftarrow 5;
         if m < count then
           return NULL;
         end if
        i \leftarrow 0;
         while i < m do
            if CKS[i] is not visited then
              CKS[i] is visited;
              chain \leftarrow Chaining_from_start (CKS, i, k, k_s,
              if chain != NULL then
                  all common k-mers in the chain are
                  visited:
                  region ← Evaluate_candidate
                   overlap_region
                 (CKS, chain, \alpha, \gamma, \epsilon);
                  if region != NULL then
                     return region;
                  else
                     i++;
                 end if
              ėlse
              end if
            end if
         end while
         return NULL:
```

LROD prende in input, oltre alle due long reads R1 e R2, i parametri k, k5,  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $\epsilon$ .

- k indica la lunghezza dei k-mers presi in considerazione.
   Un valore maggiore di k aiuta a risolvere i problemi legati alla ripetizione, ma diminuisce il numero di k-mers comuni tra due long reads. Un valore più piccolo introdurrà più kmers comuni negativi e complicherà il processo di overlap detection; k=15 per impostazione predefinita.
- k<sub>s</sub> rappresenta la lunghezza dei k-mers più piccoli considerati durante l'analisi. Si riferisce alla dimensione delle sottosequenze più brevi prese in considerazione. L'utilizzo di "k<sub>s</sub>" consente di esaminare dettagli specifici o variazioni localizzate all'interno delle sequenze, consentendo un'analisi più dettagliata dei k-mers comuni (k<sub>s</sub> = 9 di default).
- $\alpha$  rappresenta la soglia della distanza tra due k-mers comuni. Questo parametro è utilizzato per valutare se due k-mers sono abbastanza vicini l'uno all'altro nelle sequenze per essere considerati consistenti. Una distanza maggiore di  $\alpha$  potrebbe indicare una discrepanza tra i k-mers e potrebbe influenzare la loro considerazione come consistenti. È importante impostare  $\alpha$  in modo da bilanciare l'accettazione di k-mers distanti e la riduzione di falsi positivi.  $\alpha$  assume il valore 400 di default.
- $\beta$  è un parametro utilizzato per limitare la ricerca di k-mers comuni nella seconda fase di valutazione della consistenza tra i k-mers. Viene utilizzato per definire una distanza massima tra due k-mers comuni al fine di evitare ricerche troppo estese e limitare il tempo computazionale richiesto per l'analisi.  $\beta$  assume il valore 1500 di default.
- y è utilizzato per valutare la differenza massima tra le distanze D1 e D2 tra due k-mers comuni. Questo parametro è importante per stabilire quanto due k-mers devono essere simili tra loro in termini di posizione nelle sequenze per essere considerati consistenti. Una differenza maggiore di γ potrebbe indicare una discrepanza tra i k-mers che potrebbe influenzare l'essere consistenti o meno. γ assume il valore 0.3 di default.
- ε è la soglia minima di lunghezza della sovrapposizione (500 per impostazione predefinita).

Innanzitutto, LROD estrae tutti i k-mers da R<sub>1</sub> spostandosi a destra di una posizione e seleziona i k-mers che appaiono in R<sub>2</sub> (attraverso la tabella hash dei k-mers). In altre parole, LROD estrae i k-mers da R<sub>1</sub> e controlla se ciascun k-mer è presente anche in R<sub>2</sub>. Questi k-mers comuni vengono salvati in CKS. Se un k-mer in una long read appare due o più volte in un'altra long read, LROD lo elimina dal CKS. I restanti k-mers comuni nel CKS sono ordinati in ordine crescente in base alla loro posizione in R<sub>1</sub>. LROD utilizza M per rappresentare il numero di k-mers comuni positivi (in forward), cioè stessa direzione in entrambe le sequenze e N per indicare il numero di k-mers comuni opposti (in reverse), ossia orientamenti opposti nelle due sequenze di riferimento. Se M > N e M > count (count = 5), LROD mantiene i k-mers comuni positivi e ignora i k-mers comuni opposti. Se N > M e N > count, LROD mantiene i k-mers opposti e ignora quelli positivi. Count = 5 è il numero minimo di k-mers forward o reverse che devono essere presenti nel CKS affinchè sia possibile costruire una catena di k-mers consistenti.

End

350

351

352

353

354

355

356

357

358

361

362

363

364

365

366

367

368

369

370

371

372

373

374

375

376

377

378

379

380

381

382

383

388

389

390

391

392

393

394

395

396

397

400

401

402

403

404

405

406

407

408

409

411

412

413

414

415

418

419

420

421

422

423

424

425

426

427

431

432

433

434

435

437

438

439

440

441

444

445

446

447

448

449

451

452

453

454

459

460

461

462

463

464

Infatti se il valore maggiore tra M ed N risulta essere minore di count, l'algoritmo restituisce null; questo significa che il numero di k-mers presenti in CKS non è sufficiente per costruire una catena. In caso contrario, un ciclo while itera su questo insieme e man mano che scorre i k-mers, contrassegna quelli visitati. A questo punto l'algoritmo 1 chiama l'algoritmo 2 passandogli l'indice i-esimo da cui far partire la catena; infatti il k-mer con l'indice i viene sempre aggiunto alla catena e a partire da questo si valuta se il successivo è consistente. Quindi ad ogni chiamata all'algoritmo 2 vengono costruite diverse catene fino a quando non si riesce a costruire una catena che abbia almeno tre k-mers e che ci consenta di determinare la regione di overlap finale. Ad ogni chiamata l'algoritmo 2 restituisce la catena di k-mers consistenti costruita. Se la catena non è vuota, tutti i k-mers comuni nella catena sicuramente sono stati visitati. Successivamente viene chiamato l'algoritmo 6 che valuta il candidato per la regione di overlap attarverso tre condizioni. Se vengono rispettate, restituisce la regione, altrimenti restituisce null. Alla successiva invocazione dell'algoritmo 2, la costruzione della catena partirà dal kmer successivo. Infatti l'indice i viene incrementato di una posizione e sarà il nuovo punto di partenza della catena. Fino a quando non si ottiene la regione di overlap, l'indice i sarà incrementato, diventando di volta in volta il punto di inizio per la costruzione della nuova catena. Una volta ottenuta la regione, viene restituita e l'algoritmo termina. Se si esce dal ciclo while senza aver ottenuto la catena, l'algoritmo 1 restituisce null.

#### 2.2 Algoritmo 2

Il processo di chaining è una fase cruciale dell'algoritmo LROD, poiché mira a trovare una catena dall'insieme di common k-mers che consista di alcuni k-mers consistenti e che corrisponda ad una sovrapposizione candidata tra due long reads  $R_1$  e  $R_2$ . Questo algoritmo prende in input *CKS*, *start*, k,  $k_s$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\gamma$ .

- CKS è l'insieme di k-mers comuni.
- *start* rappresenta l'indice del k-mer nell'insieme *CKS* da cui partire ad ogni chiamata per determinare la catena di consistenza. Nell'algoritmo 1, infatti, questo indice viene incrementato di una posizione finchè non si riesce a creare una catena che ci permetta di determinare la regione di overlap.

 $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\gamma$  rappresentano i parametri di consistenza che i k-mers della catena devono rispettare. La catena di k-mers consistenti, ad ogni chiamata, viene inizializzata a NULL, quindi non è presente nessun k-mer nella catena. Ci sono due indici per lavorare sulla catena:

- start è il primo k-mer da cui partire e viene sempre aggiunto alla catena:
- end è il k-mer successivo a start e bisogna valutarne l'aggiunta o meno alla catena;

Innanzitutto, il k-mer comune iniziale CKS[start] viene aggiunto alla catena. Quindi, LROD cerca il primo k-mer comune successivo, che sia consistente con il k-mer comune precedente nella catena. Per valutare ciò, inizia un ciclo *while* all'interno del quale viene invocato l'algoritmo 3 che restituisce *true* in caso affermativo e *false* in caso negativo. In quest'ultimo caso, si passa al k-mer successivo (*continue*); quindi l'*end* viene incrementato di una posizione e lo *start* rimane invariato poichè lo scopo è proprio quello di creare una catena di k-mers che siano consistenti con l'ultimo kmer appena aggiunto in questa catena. In caso contrario, se i kmer analizzati

```
Algorithm 2: Chaining_from_start (CKS, start, k, k_s,
 Input: the starting common k-mer
  Output: find a chain which consists of some consistent
  common k-mers
  Begin
         m \leftarrow |CKS|;
         end \leftarrow start + 1;
         chain \leftarrow NULL;
         Adding CKS[start] to the chain;
         while start < m and end <= m do
            result ← Determine_consistent (CKS[start],
            CKS[end], k, k_s, \alpha,\beta, \gamma);
            if result != true then
              end++;
              continue;
            end if
            Adding CKS[end] to the chain;
            start \leftarrow end:
            end \leftarrow end +1;
         end while
         if |chain| > 2 then
            return chain;
         else
            return NULL;
         end if
  End
```

soddisfano i parametri di consistenza, CKS[end] viene aggiunto alla catena in quanto consistente con *CKS*[start]. Successivamente vengono aggiornati gli indici:

```
    start ← end;
    end ← end+1;
```

LROD ripete questo processo finché non vengono visitati tutti i k-mers comuni; infine, LROD ottiene una catena. La questione più importante nel trovare una catena è come decidere se due k-mers comuni sono consistenti. Per due k-mers comuni, è possibile calcolare le loro **distanze** nelle due long reads. Quando le due distanze sono grandi o differiscono troppo, i due k-mers comuni potrebbero essere inconsistenti.

#### 2.3 Algoritmo 3

L'algoritmo 3 Determine\_consistent invoca Determine\_consistent\_1 per vedere se due k-mers sono consistenti:

```
Algorithm 3: Determine_consistent (CKS[start], CKS[end], k, k_s, \alpha, \beta, \gamma)

Input: common k-mers

Output: whether two common k-mers are consistent

Begin:

if determine_consistent_1(CKS[start], CKS[end],

\alpha, \gamma)!= true then

return determine_consistent_2(CKS[i], CKS[j],

k, k_s, \beta);

endif

return true;

End
```

Nell'algoritmo 4 LROD presenta alcune condizioni da valutare. Se non possono essere determinate in tale circostanza, LROD invoca l'algoritmo 5 per analizzare ulteriormente la loro consistenza basandosi su più piccoli  $k_s$ -mers ( $k_s < k$ ). Questo algoritmo prende in input CKS[start], CKS[end], k,  $k_s$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\gamma$ .

- *CKS*[*start*] inizialmente è l'indice del primo k-mer nell'insieme di common k-mers.
- *CKS*[end] inizialmente è l'indice del secondo k-mer nell'insieme di common k-mers.

Se questo algoritmo ritorna *true*, significa che i due k-mers in questione sono consistenti.

#### 2.4 Algoritmo 4

In questo algoritmo vengono valutate alcune condizioni per vedere se due k-mers sono consistenti. Esso prende in input CKS[start], CKS[end], k, k<sub>s</sub>,  $\alpha$  e  $\gamma$ . L'i-esimo k-mer comune in CKS è rappresentato da quattro tuple  $(P_{1i}, O_{1i}, P_{2i}, O_{2i})$ :

- P<sub>1i</sub> e P<sub>2i</sub> sono le posizioni iniziali del k-mer comune rispettivamente in R<sub>1</sub> e R<sub>2</sub>;
- $O_{1i}$  e  $O_{2i}$  sono gli orientamenti del k-mer comune rispettivamente in  $R_1$  e  $R_2$ .

Per **orientamento** si intende il verso di lettura di una sequenza. Se l'i-esimo k-mer comune ha lo stesso orientamento nelle due sequenze di riferimento ( $O_{1i} = O_{2i}$ ), il k-mer comune è positivo (forward); questo significa che il kmer appare nella stessa direzione in entrambe le sequenze. In caso contrario si tratta di un k-mer comune opposto (reverse), cioè orientamenti opposti nelle due sequenze di riferimento. Per due k-mers comuni ( $P_{1i}$ ,  $O_{1i}$ ,  $P_{2i}$ ,  $O_{2i}$ ) e ( $P_{1j}$ ,  $O_{1j}$ ,  $P_{2j}$ ,  $O_{2j}$ ), due distanze  $D1 = |P_{1j} - P_{1i}|$  e  $D2 = |P_{2j} - P_{2i}|$  possono essere calcolate.  $P_{1j}$  e  $P_{2j}$  sono rispettivamente le posizioni di arrivo del k-mer comune in  $P_{1i}$ 0 e  $P_{2i}$ 1 condizioni  $P_{1i}$ 1 e  $P_{2i}$ 2 e  $P_{2i}$ 3 e  $P_{2i}$ 4 per valutare la loro consistenza:

```
• C1: P_{1i} < P_{1j} e P_{2i} < P_{2j};

• C2: P_{1i} < P_{1j} e P_{2i} > P_{2j};

• C3: D1 < \alpha e D2 < \alpha;

• C4: (Max(D1, D2) - Min(D1, D2)) / Max(D1, D2) < \gamma
```

```
Algorithm 4: Determine_consistent_1 (CKS[start],
CKS[end], k, k_s, \alpha,\gamma)
 Input: common k-mers
  Output: whether two common k-mers are consistent
          Getting the positions of the start and end common
          P_{1i}, P_{2i}, P_{1j}, P_{2j} (P_{1i} < P_{1j});
          D_1 \leftarrow |P_{1j} - P_{1i}|;
          D_2 \leftarrow |P_{2i} - P_{2i}|;
          if forward common k-mers then
              if (P_{1i} < P_{1j} \text{ and } P_{2i} < P_{2j}) \text{ and } (D_1 < \alpha \&\& D_2)
                 < \alpha) and((Max(D<sub>1</sub>, D<sub>2</sub>) - Min(D<sub>1</sub>,D<sub>2</sub>)) /
                Max(D_1,D_2) < \gamma) then
                 return true;
               else
                 return false:
              end if
           end if
            if reverse common k-mers then
              if (P_{1i} < P_{1j} \text{ and } P_{2i} > P_{2j}) and (D_1 < \alpha \text{ and }
                D_2 < \alpha) and ((Max(D_1, D_2) – Min(D_1, D_2))
                 / Max(D_1,D_2) < \gamma) then
                 return true;
               else
                 return false;
              end if
           end if
  End
```

La condizione C1 indica che i due k-mers sono in *forward*; prendiamo in considerazione un k-mer comune alle due long reads  $R_1$  e  $R_2$ . La condizione di *forward* si verifica quando la posizione di partenza  $P_{1i}$  del k-mer comune nella sequenza  $R_1$  viene prima della posizione di arrivo  $P_{1j}$  del k-mer, e contemporaneamente la posizione di partenza  $P_{2i}$  del k-mer comune nella sequenza  $R_2$  viene prima della posizione di arrivo  $P_{2j}$  del k-mer. Invece la condizione C2 mostra che i due k-mers sono in *reverse*; prendendo sempre in considerazione un k-mer comune alle due long reads  $R_1$  e  $R_2$ , la condizione di *reverse* si verifica quando la posizione di partenza del k-mer comune  $P_{1i}$  nella sequenza  $R_1$  viene prima della posizione di arrivo  $P_{1j}$  del k-mer ma, contrariamente alla condizione C1, la posizione di partenza  $P_{2i}$  del k-mer comune nella sequenza  $R_2$  viene dopo la posizione di arrivo  $P_{2j}$  del k-mer.

A causa dell'elevato tasso di errore di sequenziamento del TGS, dovremmo consentire una distanza tra due k-mers comuni consistenti consecutivi. Tuttavia, maggiore è la distanza, maggiore è il numero di errori di sequenziamento esistenti [6]. Quindi C3 specifica la soglia della distanza massima  $\alpha$  tra due k-mers comuni consistenti; tuttavia,  $\alpha$  è difficile da determinare. Un  $\alpha$  piccolo non considererebbe alcuni k-mers comuni consistenti mentre un  $\alpha$  grande accetterebbe più k-mers comuni inconsistenti. In questa fase, LROD adotta un valore piccolo di  $\alpha$  (400 per impostazione predefinita) per selezionare k-mers comuni consistenti con alta affidabilità. C4 specifica la differenza massima tra le distanze D1 e

D2 ( $\gamma$  = 0.3); se il rapporto in questione è inferiore a  $\gamma$ , la condizione è soddisfatta. Questo criterio mira a stabilire un limite relativo alla differenza tra le distanze per identificare k-mers comuni consistenti in modo più robusto. Ovviamente le 4 condizioni non possono essere rispettate tutte contemporaneamente in quanto le condizioni C1 e C2 sono mutuamente esclusive. Per i forward common k-mers devono essere rispettate le condizioni C1, C3 e C4. Per i reverse common k-mers devono essere rispettate le condizioni C2, C3 e C4. Quando i due k-mers comuni soddisfano le condizioni, LROD li considera consistenti. Se l'algoritmo 4 restituisce *false*, LROD utilizzerà l'algoritmo 5 per valutare ulteriormente la consistenza tra i due k-mers comuni, basandosi su  $k_s$ -mer più piccoli ( $k_s$  < k).

#### 2.5 Algoritmo 5

L'algoritmo 5 viene invocato se non si riesce ad ottenere una catena di k-mers consistenti con i k-mers di taglia 15. Infatti LROD tenta di costruire una catena con k-mers di lunghezza inferiore.

**Algorithm 5:** Determine\_consistent \_2 (CKS[start], CKS[end], k, k<sub>s</sub>,  $\beta$ )

**Input:** common *k*-mers

**Output:** whether two common k-mers are consistent **Begin:** 

Getting the positions of the start and end common k-mers:

```
P_{1i}, P_{2i}, P_{1j}, P_{2j} (P_{1i} < P_{1j});

D_1 \leftarrow |P_{1j} - P_{1i}| \text{ and } D_2 \leftarrow |P_{2j} - P_{2i}|;

if D_1 > \beta or D_2 > \beta then

return false;

end if
```

For forward common k-mers, find the common  $k_s$ -mer set between  $[P_{1i} + k - k_s, P_{1j} + k_s]$  in  $R_1$  and  $[P_{2i} + k - k_s, P_{2j} + k_s]$  in  $R_2$ . For reverse common k-mers, find the common  $k_s$ -mer set between  $[P_{1i} + k - k_s, P_{1j} + k_s]$  in  $R_1$  and  $[P_{2j} - k_s, P_{2i} - k + k_s]$  in  $R_2$ .

if there is a chain which starting from the starting point to the ending point then return true; else return false; end if

End

Parametri fondamentali:

- $k_s$ , lunghezza dei k-mers inferiore ( $k_s=9$ );
- β valore grande (1.500 per impostazione predefinita) che rappresenta la distanza massima tra due common k-mers in R1 e R2;

In primis, LROD trova piccoli  $k_s$ -mer ( $k_s < k$ ) da due regioni in  $R_1$  e  $R_2$  tra due k-mers comuni. Quindi inizialmente l'algoritmo prende in input le posizioni di inizio e fine dei common k-mers. Poi calcola le distanze D1 e D2 e verfica che entrambe non siano maggiori di  $\beta$ , altrimenti i due k-mers non sarebbero consistenti, perchè troppo distanti . Poi calcola l'insieme di  $k_s$ -mer comuni

a partire dai forward common k-mers nell'intervallo [P1i+k-ks,  $P_{1j}+k_s$ ] in  $R_1$  e nell'intervallo  $[P_{2i}+k_s, P_{2j}+k_s]$  in  $R_2$ . Successivamente calcola l'insieme di k<sub>s</sub>-mer comuni a partire dai reverse common k-mers nello stesso intervallo considerato in precedenza nel caso di  $R_1$  e nell'intervallo  $[P_{2j}-k_s, P_{2i}-k+k_s]$  in  $R_2$ . Se LROD riesce a trovare un percorso dal k<sub>s</sub>-mer comune iniziale al k<sub>s</sub>-mer comune finale, l'algoritmo 5 restituisce true. Dopo aver ottenuto la catena, il numero di k-mers comuni nella catena dovrebbe essere maggiore di 2. Infine, se i k-mers comuni nella catena sono positivi, LROD conclude che R<sub>1</sub> e R<sub>2</sub> probabilmente provengono dallo stesso filamento, altrimenti potrebbero provenire da filamenti inversi [6]. Inoltre, LROD ottiene due bozze di sovrapposizione  $[P_1, P_n+k]$  e  $[Q_1, Q_n+k]$  su  $R_1$  e  $R_2$ , rispettivamente. L'intervallo  $[P_1, P_n+k]$  indica la sovrapposizione sulla long read R<sub>1</sub> e va da P<sub>1</sub>, la posizione di partenza del primo k-mer nella catena, fino a  $P_n+k$ , la posizione del k-mer finale nella catena, spostato di k basi in avanti. In altre parole, questa sovrapposizione indica l'intervallo di R<sub>1</sub> che corrisponde alla sequenza sovrapposta con  $R_2$ . L'intervallo  $[Q_1, Q_n+k]$  indica la sovrapposizione sulla long read R2 e va da Q1, la posizione del primo k-mer nella catena in  $R_2$ , fino a  $Q_n$ +k, la posizione del k-mer finale nella catena in R2, spostato di k basi in avanti. In sintesi indica l'intervallo di R<sub>2</sub> che corrisponde alla sequenza sovrapposta con  $R_1$ .

#### 2.6 Algoritmo 6

L'algoritmo 6 è quello che valuta la regione di overlap, sulla base della catena di k-mers consistenti trovata con i precedenti algoritmi.

A causa di errori di sequenziamento, la sovrapposizione del candidato di cui sopra, potrebbe discostarsi leggermente dalla sovrapposizione reale. Supponiamo che la vera sovrapposizione su  $R_1$  sia  $[SP_1, EP_1]$  e che la vera sovrapposizione su  $R_2$  sia  $[SP_2, EP_2]$ ; le lunghezze di  $R_1$  e  $R_2$  sono rispettivamente Len $_1$  e Len $_2$ . LROD utilizza il seguente metodo per valutare la sovrapposizione candidata e ottenere la reale sovrapposizione per  $R_1$  e  $R_2$ ; i casi di allineamento valutati da LROD sono mostrati in Figura 1.

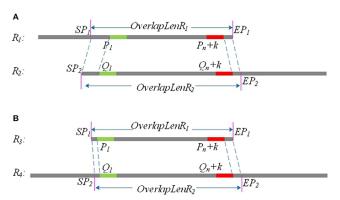


Figure 1: overlap parziale (A) e overlap totale (B)

Gli indici sono:

- P<sub>1</sub> e Q<sub>1</sub>, le start positions dei positive common k-mers su R<sub>1</sub> e R<sub>2</sub> rispettivamente;
- $P_n$ +k e  $Q_n$ +k, le *end* positions dei positive common k-mers su  $R_1$  e  $R_2$ ;
- SP<sub>1</sub> e EP<sub>1</sub>, la start position e la end position della regione di overlap su R<sub>1</sub>;
- SP<sub>2</sub> e EP<sub>2</sub>, la start position e la end position della regione di overlap su R<sub>2</sub>;

Le condizioni per i due casi di ovelap (parziale e totale):

- (1) Se  $P_1 > Q_1$  e Len $_1 P_n <=$  Len $_2 Q_n$ ,  $SP_1 = P_1 Q_1$ ,  $EP_1 =$  Len $_1$ ;  $SP_2 = 1$ ,  $EP_2 = Q_n +$  Len $_1 P_n + 1$ , come mostrato in figura 1A. *Partial overlap*: l'estremità destra di una long read si allinea con l'estremità sinistra dell'altra long read.
- (2) Se  $P_1 < Q_1$  e Len<sub>1</sub>  $P_n <=$  Len<sub>2</sub>  $Q_n$ ,  $SP_1 = 1$ ,  $EP_1 =$  Len<sub>1</sub>;  $SP_2 = Q_1 P_1$ ,  $EP_2 = Q_n +$  Len<sub>1</sub>  $P_n + 1$ , come mostrato nella Figura 1B. *Total overlap*: una long read è completamente allineata ad una parte dell'altra long read.
- (3) Se  $P_1 > Q_1$  e Len<sub>1</sub>  $P_n > \text{Len}_2$   $Q_n$ ,  $SP_1 = P_1$   $Q_1$ ,  $EP_1 = P_n$  + Len<sub>2</sub>  $Q_n$ ;  $SP_2 = 1$ ,  $EP_2 = \text{Len}_2$ .
- (4) Se  $P_1 < Q_1$  e Len<sub>1</sub>  $P_n >$  Len<sub>2</sub>  $Q_n$ ,  $SP_1 = 1$ ,  $EP_1 = P_n +$  Len<sub>2</sub>  $Q_n$ ;  $SP_2 = Q_1 P_1$ ,  $EP_2 =$  Len<sub>2</sub>.

**Algorithm 6:** Evaluate\_candidate\_overlap\_region(CKS, chain,  $\alpha$ ,  $\gamma$ ,  $\epsilon$ )

```
Input: CKS, chain, \alpha, \gamma, \epsilon
Output: True or False
Begin
        Getting draft overlap based on chain: [SP_1, EP_1]
        and [SP_2, EP_2];
        OverlapLenR_1 \leftarrow EP_1 - SP_1;
        OverlapLenR_2 \leftarrow EP_2 - SP_2;
        MaxOverlapLen \leftarrow max(OverlapLenR_1,
            OverlapLenR_2);
        MinOverlapLen \leftarrow min(OverlapLenR_1,
            OverlapLenR_2);
        if (EP_1 - SP_1) - (P_n + k - P_1) < \alpha and (EP_2 - SP_2)
          -\left(Q_{n}+k-Q_{1}\right)<\alpha
           and MinOverlapLen > \varepsilon and
           (MaxOverlapLen - MinOverlapLen) /
           MaxOverlapLen < \gamma then
           return true;
        end if
        return false;
```

Verificati i casi di allineamento, si può ottenere la reale sovrapposizione su  $R_1$  e  $R_2$ . Come mostrato nella Figura 1, la lunghezza della sovrapposizione su  $R_1$  è  $OverlapLenR_1 = EP_1 - SP_1$  e la lunghezza della sovrapposizione su  $R_2$  è  $OverlapLenR_2 = EP_2 - SP_2$ . Usiamo MaxOverlapLen e MinOverlapLen per rappresentare rispettivamente la lunghezza massima e la lunghezza minima di sovrapposizione:  $MaxOverlapLen = max(OverlapLenR_1, OverlapLenR_2)$  e  $MinOverlapLen = min(OverlapLenR_1, OverlapLenR_2)$ .

```
2024-06-25 07:29. Page 7 of 1–14.
```

End

L'algoritmo 6 prende in input *CKS*, chain,  $\alpha$ ,  $\gamma$  e  $\epsilon$ ; chain fa riferimento alla catena di k-mers consistenti creata con gli algoritmi precedenti. Quando  $R_1$  e  $R_2$  soddisfano le seguenti tre condizioni, LROD considera che  $R_1$  e  $R_2$  abbiano una sovrapposizione. Le sovrapposizioni sono [SP<sub>1</sub>, EP<sub>1</sub>] e [SP<sub>2</sub>, EP<sub>2</sub>] rispettivamente su  $R_1$  e  $R_2$ ; altrimenti non esiste alcuna sovrapposizione tra loro.  $\epsilon$  è la soglia della lunghezza di sovrapposizione (500 per impostazione predefinita). In particolare vengono valutate le seguenti tre condizioni:

- (1) (EP<sub>1</sub> SP<sub>1</sub>)-(P<sub>n</sub>+k P<sub>1</sub>) <  $\alpha$  e (EP<sub>2</sub> SP<sub>2</sub>)-(Q<sub>n</sub>+k Q<sub>1</sub>) <  $\alpha$ ; controlla se la lunghezza della sovrapposizione calcolata su R<sub>1</sub> e R<sub>2</sub> è vicina alla lunghezza effettiva dell'overlap. Se questa differenza è minore di  $\alpha$  (400), allora la sovrapposizione su R<sub>1</sub> e R<sub>2</sub> è considerata attendibile.
- (2) MinOverlapLen >  $\epsilon$ ; se la sovrapposizione è più lunga di  $\epsilon$  (500), viene considerata significativa.  $\epsilon$  è il numero minimo di basi che la sovprapposizione dovrà contenere.
- (3) (MaxOverlapLen MinOverlapLen) / MaxOverlapLen <  $\gamma$ ; questa condizione controlla quanto le lunghezze massime e minime della sovrapposizione differiscono. Se questa differenza è inferiore a un certo valore  $\gamma$ , allora la sovrapposizione è considerata coerente. Questo aiuta a valutare la consistenza delle lunghezze della sovrapposizione su entrambe le reads.

Se tutte le condizioni sono soddisfatte, LROD considera che le due reads abbiano una sovrapposizione significativa, altrimenti non viene identificata nessuna sovrapposizione tra di loro.

#### 3 RISULTATI OTTENUTI DA LROD

Per verificare l'efficacia del metodo proposto in questo documento, sono stati utilizzati tre dataset simulati e tre reali per confrontare LROD, MHAP e Minimap2; le prestazioni sono state verificate con k-mers di lunghezza k=13 e k=15.

#### 3.1 Discussione

I tre dataset provengono da genomi di Escherichia Coli (E. coli), Caenorhabditis elegans (C. elegans), e humans, che furono sequenziati da SMRT<sub>s</sub>. I dataset reali collegati ad E. coli e C. elegans sono disponibili su http://schatzlab.cshl.edu/data/ectools/. Il real human dataset è NA20300 (SRR9683669). I tre dataset reali sono qui indicati come E. coli\_Real, C. elegans\_Real e Human\_Real. In questo paper, è stato usato SURVIVOR [3] per ottenere tre dataset simulati: 10X coverage E. coli (E. coli-10), 20X coverage E. coli (E. coli-20), e 10X coverage human chromosome 20 (chr20-10). Per questi dataset di long reads, sono state mantenute le long reads la cui lunghezza era superiore a 2.000 coppie di basi (bp) nei seguenti esperimenti.

La figura 2 mostra i dettagli dei dataset di long reads, inclusa la lunghezza genomica, la lunghezza media delle letture, il numero di letture e la copertura. Per i tre dataset simulati, è possibile ottenere direttamente le sovrapposizioni reali tra le long reads. Per i tre dataset reali, viene usato BLASR [2] per allineare queste long reads rispetto ai genomi di riferimento. Sono state mantenute solo quelle letture la cui qualità di allineamento era > 85% e le long reads erano completamente allineate sul genoma di riferimento. Successivamente è stato possibile acquisire vere e proprie sovrapposizioni tra queste long reads in base alle loro posizioni di allineamento.

872

873

875

876

877

878

882

883

884

885

886

887

888

889

890

891

892

897

898

899

900

901

902

903

904

905

908

909

910

911

912

913

915

916

917

918

919

923

924

925

927

928

Datasets	Genomic length (Mbp)	Average length of reads(bp)	Number of read	Coverage	
E. coli-10	~4.6	6,555	6,955	~10	
E. coli-20	~4.6	6,619	13,911	~20	
chr20-10	~6.4	6,621	96,574	~10	
E. coli_Real	~4.6	4,185	6,972	~7	
C. elegans_Real	~99.9	4,091	188,559	~77	
Human_Real	~3,157	25,890	461,247	~3.78	

Le sovrapposizioni ottenute sono state utilizzate per valutare le prestazioni degli strumenti di overlap detection. Tutti gli strumenti sono stati eseguiti con 10 threads attivi su un computer con 128 GB di memoria. Durante gli esperimenti, l'intero tempo di LROD può essere ridotto adottando un numero maggiore di threads.

#### Risultati 3.2

813

814

815

817

818

819

820

821

824

825

826

827

828

829

830

831

832

833

834

835

837

838

839

840

841

842

843

844

845

846

847

848

851

852

853

854

855

856

857

858

859

860

861

864

865

866

867

868

869

870

Per il *Human Real* dataset, quando k = 13, Minimap2 e LROD non si sono conclusi con 10 threads dopo 10 giorni e il requisito di memoria di MHAP era maggiore della capacità di memoria del computer (128 GB). Pertanto, non vengono forniti i risultati per il real human dataset con k = 13. Come mostrato nella Figura 4 e nella Figura 5, LROD ha ottenuto risultati soddisfacenti per questi dataset. Soprattutto nel dataset simulato, nella maggior parte dei casi, precision, recall e F1-score di LROD sono stati superiori a quelli di Minimap2 e MHAP. Sebbene LROD fosse leggermente inferiore a Minimap2 in termini di *F1-score* per E. coli Real, ha ottenuto performance simili a quelle di Minimap2. Quando k = 15, come mostrato in Figura 4 e 5, LROD è stato superiore agli altri due tools sulla base dell'F1-score.

#### Dataset simulati 3.3

Per E. coli-10, E. coli-20 e chr20-10, LROD ha avuto costantemente i migliori risultati in termini di precision, recall e F1-score. Per questi tre dataset, la precision di LROD è stata costantemente superiore al 90%. Sebbene il recall di LROD non abbia raggiunto il 90%, tutti i valori erano >85% e superiori a quelli degli altri due tools. Gli F1-score medi per LROD sono stati più alti del 5% e del 20% rispetto a quelli di Minimap2 e MHAP, rispettivamente. La precision di LROD ha superato il 92% e il recall di LROD ha superato l'83%. Sia la precision che il recall di LROD sono stati superiori a quelli di Minimap2. Quindi, l'F1-score di LROD si è classificato al primo posto per questi dataset.

#### 3.4 Dataset reali

Come mostrato nelle Figure 4, 5 e 6 per E. coli\_Real, l'F1-score di LROD e Minimap2 è stato >95%. Sebbene LROD non abbia ottenuto il più alto recall, si è avvicinato molto a quello di Minimap2. Per C. elegans\_Real, le precision di Minimap2 e MHAP sono state inferiori rispetto a quelle di LROD. Sia Minimap2 che LROD hanno mostrato un buon recall, e LROD ha ottenuto il miglior F1-score. Per Human\_Real, l'F1-score di Minimap2 e LROD è stato simile. Da notare che i requisiti di memoria di MHAP superavano la capacità

di memoria del computer utilizzato dai ricercatori. Quindi non sono stati forniti i risultati.

#### Tempo di esecuzione e requisiti di memoria

Sono stati confrontati i requisiti computazionali tra i tre tools per i sei dataset. I risultati sono mostrati nella Figura 7. Il consumo di memoria di MHAP è stato molto elevato, mentre Minimap 2ha avuto il consumo di memoria più basso. Sebbene il consumo di memoria di LROD sia stato maggiore di quello di Minimap2, risulta inferiore rispetto a quello di MHAP. In termini di tempo di esecuzione (CPU time), LROD è risultato migliore di MHAP. Il tempo di esecuzione sorprendente e il consumo di memoria di Minimap2 hanno attirato l'attenzione di molti ricercatori. Da notare che tutti i tools possono usare più threads per ridurre l'intero tempo.

### Metriche usate per la valutazione degli algoritmi

- Precision è l'accuratezza della predizione delle classi positive. E' definita come il rapporto tra i veri positivi e la somma di veri positivi e falsi positivi:  $\frac{TP}{TP + FP}$ . Tuttavia la *precision* da sola non basta ed è associata alla metrica recall.
- Recall indica il rapporto di istanze positive correttamente individuate sul totale dei casi. E' definita come il rapporto tra i veri positivi e la somma di veri positivi e falsi negativi: TP
- F1-score è una misura dell'accuratezza di un test; è la media armonica di *precision* e *recall*:  $\frac{2}{\frac{1}{r} + \frac{1}{p}} = 2 \cdot \frac{p \cdot r}{p + r}$ . Può assumere valori compresi fra 0 e 1. Viene attribuito un peso maggiore ai valori piccoli; questò fa sì che un classificatore ottenga un alto F1-score solo quando precision e recall sono entrambi alti. https://it.wikipedia.org/wiki/F1\_score.

#### Realtà

		Positivo	Negativo
Predi	Positivo	TP	FP
Predizione	Negativo	FN	TN

Figure 3: matrice di confusione

k Da	Dataset	Precision		Recall			F1-score			
		МНАР	Minimap2	LROD	МНАР	Minimap2	LROD	МНАР	Minimap2	LROD
k = 13	E. coli-10	0.871	0.866	0.935	0.599	0.837	0.887	0.710	0.851	0.910
	E. coli-20	0.859	0.855	0.924	0.597	0.827	0.875	0.704	0.841	0.899
	chr20-10	0.685	0.752	0.933	0.612	0.829	0.893	0.646	0.788	0.912
	E. coli_Real	0.967	0.987	0.976	0.875	0.969	0.948	0.919	0.978	0.962
	C. elegan_Real	0.362	0.685	0.752	0.746	0.917	0.909	0.487	0.785	0.824
k = 15	E. coli-10	0.878	0.834	0.941	0.490	0.759	0.849	0.629	0.795	0.893
	E. coli-20	0.866	0.825	0.930	0.487	0.751	0.831	0.624	0.786	0.878
	chr20-10	0.734	0.851	0.942	0.504	0.746	0.855	0.598	0.795	0.896
	E. coli_Real	0.963	0.957	0.964	0.798	0.953	0.924	0.873	0.955	0.943
	C. elegan_Real	0.729	0.789	0.897	0.706	0.947	0.958	0.717	0.861	0.926
	Human Real	_	0.779	0.736	_	0.667	0.706	_	0.719	0.720

Figure 4: overlap detection sui dataset

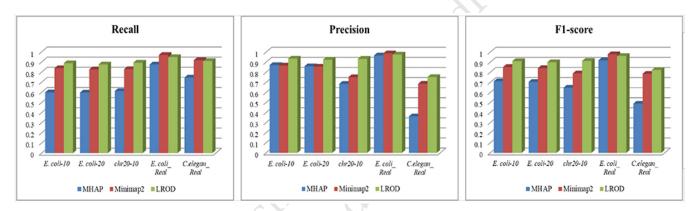


Figure 5: overlap detection con k = 13

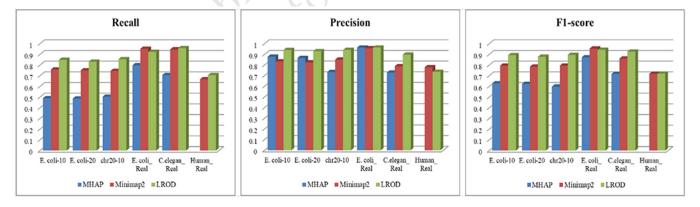


Figure 6: overlap detection con k = 15

#### 4 LROD: IMPLEMENTAZIONE

LROD è distribuito su GitHub al link https://github.com/luojunwei/LROD. Il linguaggio utilizzato è prevalentemente il C, anche se l'estensione dei files e il compilatore usati sono C++. L'eseguibile "LROD" viene dato in output eseguendo il comando make.

1045
1046
1047
1048
1049
1050
1051
1052
1053
1054
1055
1056
1057
1058
1059
1060
1061
1062
1063
1064
1065
1066
1067
1068
1069
1070
1071

k	Dataset	MHAP		Mini	map2	LROD	
		Running time	Memory (Mb)	Running time	Memory (Mb)	Running time	Memory (Mb)
k = 13	E. coli-10	4 m 29 s	39,703	0 m 45 s	1,251	2 m 4 s	1,491
	E. coli-20	9m 15s	39,971	2 m 30 s	1,612	5 m 5 s	2,336
	chr20-10	87 m 44 s	42,748	125 m 26 s	8,441	59 m 1 s	11,487
	E. coli_Real	4 m 14 s	39,501	0 m 26 s	1,129	1 m 36 s	1,238
	C. elegans_Real	28,813 m 15 s	42,156	1,753 m 38 s	25,940	14,625 m 23 s	36,708
k = 15	E. coli-10	6 m 3 s	41,163	0 m 17 s	2,644	2 m 14 s	3,326
	E. coli-20	12 m 34 s	42,959	0 m 48 s	2,972	5 m 51 s	4,248
	chr20-10	88 m 18 s	43,641	21 m 52 s	7,625	46 m 38 s	11,906
	E. coli_Real	4 m 42 s	41,099	0 m 1 s	2,513	1 m 40 s	3,036
	C. elegans_Real	377 m 17 s	44,414	292 m 45 s	15,522	620 m 16 s	17,418
	Human_Real	-	-	424 m 42 s	35,814	4,402 m 10 s	51,906

Figure 7: tempo di esecuzione e memoria

#### 4.1 Struttura del progetto

La struttura del progetto, ottenuta con il comando tree, è la seguente:

```
LROD
```

```
|---- aligning.cpp
   aligning.h
    bitarray.cpp
    bitarray.h
                            Jolished,
   kmer.cpp
   kmer.h
   LROD
   main.cpp
    makefile
    read.cpp
    read.h
 --- README.md
   test
     |---- command.txt
         kmer_file.txt
     |--- long_read.fa
         result.csv
     +---- unit_test
           |---- data
           |--- kmer_frequency.txt
           +--- readme.md
        |---- makefile
        ---- README.MD
            unit_test.cpp
```

#### 4.2 Pre-condizioni e Post-condizioni

Prima di eseguire LROD si deve installare DSK, un tool che prende in input un file di long reads e restituisce un file contente i kmer con la frequenza associata. Un esempio dell'output è il seguente:

Il comando da eseguire è:

#### dsk2ascii -file kmer\_reads.h5 -out kmer-freq-file.txt

LROD sfrutterà questi kmer per determinare l'overlap tra le reads. Link al github: https://github.com/GATB/dsk. Per le post-condizioni, LROD restituisce un file .csv chiamato result.csv che rappresenta le regioni di overlap.

Il comando per eseguire LROD è il seguente:

LROD -r long\_read.fa -c kmer\_file.txt -o result

#### 4.3 Fasi dell'implementazione

Per facilitare la comprensione, abbiamo diviso l'implementazione in varie fasi.

4.3.1 Fase 1: preprocessing kmerHashTable. Nella funzione GetK-merHashTableHead a riga 378 in kmer.cpp viene costruita una tabella hash per ricercare i k-mer all'interno delle read. Si ha una coppia chiave-valore "key=indice hash del kmer" e "value=kmerInteger". Inizialmente si trasforma il kmer, attraverso operazioni bit a bit, in kmerInteger con la procedura SetBitKmer(kmerReal:AAAT). Successivamente si calcola l'indice della tabella hash in cui verrà posizionato il k-mer con la procedura Hash(kmerInteger). Infine, in posizione hashIndex, si salverà il kmerInteger, valutando anche le condizioni sulla frequenza (frequenza compresa tra max e min).

La tabella Hash ha molteplici scopi:

- ricerca dei k-mers;
- verifica dei k-mers presenti nelle reads.
- calcolo delle posizioni dei k-mers.

#### Criteri per l'inserimento:

- frequenza compresa tra max e min
- lettere non tutte uguali (AAAAAA non viene considerato)

2024-06-25 07:29. Page 10 of 1-14.

```
Strutture in C:
1161
1162
      //nodo della kmer hash
1163
      typedef struct KmerHashNode{
1164
           unsigned int kmer; //kmerInteger
1165
      int startPositionInArray; //posizione del kmer in read
1166
      }KmerHashNode;
1167
1168
      //lista di kmerHashNode
1169
      typedef struct KmerHashTableHead{
1170
           KmerHashNode * kmerHashNode; // lista di kmer
          unsigned long int allocationCount; //# nodi allocati
          long int min;
1173
           long int max;
1174
      }KmerHashTableHead;
1175
      4.3.2 Fase 2: preprocessing kmerRead. La seconda fase è il pre-
1176
      processing della struttura kmerRead che avviene a riga 600 nella
1177
      funzione InitKmerReadNodeHeadSub in kmer.cpp; tale strut-
1178
      tura memorizza i kmer presenti nella read i-esima considerata e
1179
      che si trovano anche nella tabella hash. Il kmer viene memorizzato
1180
      insieme all'indice della read e alla sua posizione all'interno della
1181
1182
1183
      typedef struct KmerReadNode{
           unsigned int kmer;
           unsigned int readIndex;
1185
           unsigned int position;
1186
           bool orientation;
1187
      }KmerReadNode;
1188
1189
      typedef struct KmerReadNodeHead{
1190
           KmerReadNode * kmerReadNode;
1191
           long int realCount;
1192
           long int allocationCount;
1193
           long int kmerLength;
1194
1195
           long int \textit{start}ReadIndex;
           long int endReadIndex;
      }KmerReadNodeHead;
1197
1198
      Vediamo i passi, presenti nella funzione:
1199
           • Si analizza un batch di 50.000 reads alla volta;
1200
           • per ogni read e per ogni k-mer nella read si verifica la pre-
1201
             senza nella tabella hash.
1202
           • se presente, si aggiunge un nodo KmerReadNode in posizione
1203
             realCount (inizializzato a 0 e incrementato ogni volta che
1204
             viene inserito il kmer), inserendo il k-mer, readIndex, po-
1205
             sizione del k-mer nella read;
1206
           • Si aggiorna anche la KmerHashTable.startPositionInArray =
1207
             posizione del kmer.
1208
             L'obiettivo finale è salvare il riferimento di tutti i k-mer
             presenti nella HashTable e nelle reads considerate, per de-
```

```
terminare il common
KmerSet ovvero l'insieme di k-mers comuni.<br/>
4.3.3 Fase 3: Preprocessing threads, Common k-mers. L'ultima fase del preprocessing riguarda i threads e il common k-mers set. LROD sfrutta la libreria p_threads per gestire il multithreading. Nella funzione GetCommon
KmerHeadAllThread in aligning.cpp a riga 149 inizialmente si alloca un array di threads:<br/>
2024-06-25 07:29. Page 11 of 1-14.
```

1214

1215

1216

1217

1218

```
pthread t tid[totalThreadNumber];
                                                                  1219
  In seguito si alloca la struttura che ogni thread avrà a dispo-
                                                                  1220
sizione per gestire il lavoro. Tale struttura contiene i riferimenti
                                                                  1221
alle strutture menzionate in precedenza:
                                                                  1223
typedef struct GetCommonKmerHeadP{
                                                                  1224
    KmerHashTableHead * kmerHashTableHead;
                                                                  1225
    KmerReadNodeHead * kmerReadNodeHead;
    ReadSetHead * readSetHead;
                                                                  1226
    long int kmerLength;
    char * readFile;
    char * outputFile;
    long int step;
    long int threadIndex;
                                                                  1231
    long int totalThreadNumber;
                                                                  1232
                                                                  1233
    long int smallIntervalDistance;
                                                                  1234
    long int largeIntervalDistance;
                                                                  1235
    long int overlapLengthCutOff;
                                                                  1236
    long int smallKmerLength;
                                                                  1237
    float lengthRatio;
    long int startReadIndex;
                                                                  1238
}GetCommonKmerHeadP;
                                                                  1239
                                                                  1240
Si calcola dapprima il numero di reads che ciascun thread processerà.
In un ciclo for si inizializza la struttura e si avviano i threads, og-
nuno dei quali eseguirà la funzione GetCommonKmerHeadThread,
responsabile della ricerca dei common k-mers sulle reads assegnate.
                                                                  1244
  pthread_create(&tid[i], NULL, GetCommonKmerHeadThread,
                                                                  1245
(void *)&getCommonKmerHeadP[i])
                                                                  1246
  Ogni thread alloca le strutture per gestire i k-mers comuni alle
                                                                  1247
reads:
                                                                  1248
                                                                  1249
typedef struct CommonKmer{ //lista di common k-mers
                                                                  1250
    //indice della read in cui si trova il common kmer
                                                                  1251
         long int readIndex;
                                                                  1252
    // posizione del kmer nella kmerReadNode[i]
                                                                  1253
         long int leftPosition;
    //posizione del kmer nella read[i] considerata
         long int rightPosition;
    //se 1 -> kmer è in forward, se 0 è in reverse.
         bool orientation;
                                                                  1258
}CommonKmer;
                                                                  1259
                                                                  1260
typedef struct CommonKmerHead{ //Testa della lista
                                                                  1261
    CommonKmer * commonKmer;
    long int readIndex;
                                                                  1263
    long int realCount;
                                                                  1264
    long int allocationCount;
                                                                  1265
}CommonKmerHead;
                                                                  1266
  Usando la kmerReadNode, la kmerHashTable e leggendo i kmers
dalla read corrente, ogni thread inserisce il k-mer nella struttura
CommonKmer, invocando la funzione InsertCommonToTwoRe-
adAligningHead a riga 335 in aligning.cpp. Questo viene fatto da
ogni thread per ogni k-mer presente nel batch di reads; vediamo i
                                                                  1271
passi per l'inserimento dei common k-mers.
                                                                  1272
  Per ogni read nel batch:
                                                                  1273
```

• preleva un k-mer alla volta e verifica la presenza nella tabella

1274

1275

1276

1336

1337

1339

1340

1341

1342

1343

1346

1347

1348

1349

1350

1351

1352

1353

1354

1355

1356

1360

1361

1362

1363

1366

1367

1368

1369

1372

1373

1374

1375

1376

1377

1378

1379

1380

1381

1382

1387

1388

1389

1390

1391

1392

1334

- se presente, sfruttando la kmerReadNode come riferimento, inserisce il commonKmer:
  - CommonKmer.leftPosition=posizione del k-mer nella read considerata
  - CommonKmer.rightPosition=posizione del kmer i-esimo in kmerReadNode.
  - readIndex = indice di dove trova il commonKmer rispetto alla kmerReadNode (che contiene tutti i riferimenti dei kmer alle read)
- se il kmer non è presente nella tabella hash, passa al k-mer successivo.
- terminata la i-esima read e riempita la lista di commonKmer-Head, che contiene gli indici delle read in cui vengono trovati k-mers comuni, rimuove gli indici duplicati e la riordina.

Nella fase iniziale di questa parte, vengono allocate anche le strutture relative all'allineamento, quali i grafi:

```
//Nodo del grafo
typedef struct AdjGraph{
  //leftPosition di commonKmer, quindi KmerReadNode[i]
   long int dataLeft;
    //position del kmer nella read[i]
    long int dataRight;
    bool visit;
}AdjGraph;
typedef struct AdjGraphHead{ //testa del grago
    AdjGraph * graph;
    long int realCountGraph;
    long int allocationCountGraph;
    AdjGraph * reverseGraph;
    long int reverseRealCountGraph;
    long int reverseAllocationCountGraph;
    ArcIndex * arcIndex;
    long int realCountArc;
    long int allocationCountArc;
    float * distanceToSource;
    bool * visited
    long int leftStart;
    long int rightStart;
    long int leftEnd;
    long int rightEnd;
    char * localLeftRead;
    char * localRightRead;
    float lengthRatio;
    long int overlapLengthCutOff;
}AdjGraphHead;
```

4.3.4 Fase 4: Allineamento. Dopo l'inserimento dei common kmers, alla read i-esima si verifica l'overlap, invocando la funzione **GetOverlapResult** a riga 373 in aligning.cpp; qui inizia l'algoritmo 1 presentato dai ricercatori di LROD. Nella funzione GetOverlapResult a riga 1221, per ogni elemento del common k-mer set, LROD aggiorna i campi dell'i-esimo grafo nel seguente modo:

 AdjGraph[i].dataLeft = commonKmer.leftPosition, riferimento al k-mer nella kmerReadNode, chiamiamola R<sub>2</sub>

- AdjGraph[i].dataRight= commonKmer.rightPosition, riferimento al k-mer della read corrente, chiamiamola R<sub>1</sub>
- marca il grafo come visitato, quindi il campo visit viene posto uguale a 1.

Se i grafi di adiacenza sono più di 5, LROD valuta la consistenza di ciascun common k-mer salvato in ciascun grafo. Per valutare la consistenza, LROD nella funzione GetOverlapResult invoca la funzione CreateGraphSinglePath a riga 1325, in riferimento all'algoritmo 2 Chaining\_from\_start. Questa funzione ha lo scopo di creare un singolo percorso nel grafo di adiacenza. Inizializza gli indici start e end necessari per determinare la consistenza dei k-mers e li aggiorna ad ogni invocazione della funzione. Finchè non arriva alla fine del grafo verifica se è possibile aggiungere un arco tra i due grafi (LROD chiama la funzione AddEdgeInGraph riga 1123 nella funzione CreatGraphSinglePath); L'obiettivo è quello di determinare una catena di k-mers consistenti, dove per consistenza si intende verificare le 4 condizioni dell'algoritmo 4 analizzate nella funzione AddEdgeInGraph. Visto che ogni grafo contiene i riferimenti ai k-mers comuni, ragioneremo direttamente sui grafi. Ovvero:

sia  $G = [G1,G2,G3,G4,G5,...,G_realCountGraph]$ , l'array di grafi. LROD valuta le condizioni dell'algoritmo 4 su G1 e G2:

- verifica che la distanza tra dataRight e dataLeft, quindi tra i common k-mers di R<sub>1</sub> e di R<sub>2</sub> non sia maggiore di maxIntervalDistance = 1500, ossia il β nella condizione dell'algoritmo 5 (riga 986 in *aligning.cpp* nella funzione *AddEdgeInGraph*).
- verifica che la diffenza tra maxvalue minvalue /maxvalue 
   G->lenghtRatio=0,3, ossia la condizione C4 dell'algoritmo 4
   (riga 998 in aligning.cpp).
- verifica che la distanza tra dataRight e dataLeft, quindi tra i common k-mers di  $R_1$  e di  $R_2$  non sia maggiore di largestInter-valDistance = 400, ossia  $\alpha$  nella condizione 3 dell'algoritmo 4 (riga 1000 in *aligning.cpp*).
- verifica se l'orientamento dei k-mers è in forward o in reverse, quindi le condizioni 1 e 2 dell'algoritmo 4 (riga 1005 in *aligning.cpp*).

Se tutte le condizioni sono rispettate, tra i common k-mers contenuti in G1 e G2, si aggiunge un arco tra i due grafi (edge==1) e successivamente vengono aggiornati sia lo startIndex che l'endIndex (da riga 1125 a 1132 in aligning.cpp) per confrontare G2 con G3. In caso contrario se non è stato aggiunto l'arco (edge==0), viene aggiornato solo l'endIndex (riga 1134 in aligning.cpp) e si confronta G1 con G3 e così via. Fa riferimento alla creazione della catena di common k-mers con i relativi aggiornamenti degli indici spiegati nel paragrafo 2.2. Ricordiamo che la struttura AdjGraphHead memorizza una lista di archi.

```
// Archi del grafo
typedef struct ArcIndex{
    long int startIndex;
    long int endIndex;
    float weight;
}ArcIndex;
```

Ci devono essere almeno due k-mers consistenti nella catena (riga 1140 in *aligning.cpp*); LROD quindi verifica la presenza di almeno un arco tra due grafi. Verificata la consistenza si determina l'eventuale overlap tramite la funzione **Overlap\_Display\_Graph** chiamata

1431

1432

1433

1434

1435

1437

1438

1439

1440

1444

1445

1446

1447

1448

1449

1450

da CreatGraphSinglePath, in riferimento all'algoritmo 6 Evaluate\_candidate \_overlap \_region. La funzione valuta le 3 condizioni dell'algoritmo 6:

- verifica inizialmente che la regione abbia dimensione maggiore di 300 (riga 694 in aligning.cpp);
- verifica che la distanza tra i k-mers sia minore di 400 (riga 724 in *aligning.cpp*), ovvero α nella condizione 1; altrimenti verifica se è compresa tra 400 e 1500, ovvero la condizione 3 (riga 695 in *aligning.cpp*); in questo caso LROD analizza k-mers di dimensione inferiore.
- verifica che (MaxOverLen MinOverLen)/MaxOverLen > G->lengthRatio=0.3, ovvero la condizione 3 (riga 695 in aligning.cpp);

Infine scrive la regione di overlap nel file assegnato al thread.

#### 5 CONCLUSIONI FINALI

#### 5.1 Punti critici

- (1) Nel file read.cpp la funzione getReadSetHead da riga 36 a 82 apre due volte il file long\_read.fa contenente le 500 long\_reads separate dal carattere ">":
  - la prima volta per incrementare il contatore delle long reads (da riga 36 a 49 in read.cpp);
  - la seconda volta scorre per eliminare il carattere di terminazione "/n" o "/r" e per popolare la struttura readSetHead (da riga 58 a 82 in read.cpp).

Avrebbero potuto fare entrambe le operazioni in una sola volta.

- (2) Nel file kmer.cpp la funzione GetKmerHashTableHead da riga 380 a 534 apre tre volte il file kmer\_file.txt contenente i kmers con le frequenze associate ed effettua dei confronti servendosi della funzione DetectSameKmer presente in kmer.cpp da riga 143 a 155.
  - La prima volta copia solo le frequenze "kmerF" dei k-mers e le analizza; fa il break se almeno un carattere della frequenza (un numero in questo caso) è diverso (da riga 380 a 452 in kmer.cpp). Essenzialmente sono due i problemi di questo confronto:
    - dovrebbe escludere i k-mer che hanno una frequenza con tutti numeri uguali, anche se non ci sono motivi validi nel fare questa cosa; cioè non dovrebbe prendere in considerazione quelli con frequenza 11, 22,...111,...,2222 e cosi via ma questi non vengono esclusi (spiegazione sotto);
    - viene effettuato all'interno di un ciclo for che itera da zero a kmerLength dove kmerLength = 15 ma kmerF contiene al massimo 4 numeri in kmer\_file.txt; quindi questo confronto restituisce true anche se analizza la frequenza 1111 e il k-mer con quest'ultima frequenza non viene eliminato. Un k-mer, per essere escluso, dovrebbe avere una frequenza formata da 15 numeri, ad esempio 11111111111111. Quest'ultimo non verrebbe preso in considerazione nei passaggi successivi.
  - La seconda volta (da riga 458 a 488 in kmer.cpp). si copia solo il k-mer (senza la frequenza) ed effettua correttamente il confronto sui caratteri del k-mer considerando

solo quelli che differiscono in almeno un carattere per ottenere il conteggio totale dei k-mer, tenendo conto anche dell'intervallo delle frequenze. Con questo confronto, la stringa AAAAAAAAAAAAAAA, per esempio, non viene presa in considerazione.

- La terza volta effettua nuovamente il confronto del punto precedente e poi converte i kmer in bytes e li memorizza in una tabella hash (da riga 498 a 534 in kmer.cpp).
- (3) Operazioni ripetitive legate alla kmerHashTable, effettuate per tutti i k-mers delle reads:
  - costruzione della tabella stessa, riga 378 in kmer.cpp;
  - inserimento dei k-mers nella KmerReadNode, riga 600 in kmer.cpp;
  - inserimento dei k-mers nella CommonKmer, riga 230 in aligning.cpp.

#### sono:

- prelievo del kmer dal file (strncpy);
- conversione in kmerInteger (SetBitKmer);
- calcolo dell'hashIndex;
- verifica della presenza del kmer nella HashTable (SearchKmerHashTable), tramite hashIndex;
- (4) La funzione è GetCommonKmerHeadThread in *aligning.cpp* a riga 230, non effettua un controllo sulla presenza del k-mer in reverse, all'interno della hash table. La conseguenza è che a riga 360 esegue inutilmente la funzione *InsertCommonToTwoReadAligningHead* nel file *aligning.cpp*.
- (5) Memoria e tempo di esecuzione, allocazione di molte strutture e aggiornamento:
  - ReadSetHead, ReadSet:
  - KmerHashTableHead, KmerHashNode;
  - $\bullet \;\; KmerReadNodeHead, KmerReadNode;$
  - CommonKmerHead, CommoKmer;
  - AdjGraphHead, AdjGraph, ArcIndex;
  - GetCommonmerHeadP;

Ciò crea un aggravio prestazionale sia per il tempo di esecuzione sia per l'utilizzo della memoria.

- (6) Altri punti critici:
  - mancanza di commenti specifici;
  - nomi delle variabili fuorvianti;
  - presenza di molti cicli innestati che scorrono le varie strutture e le aggiornano;
  - non utilizzo del C++ e di librerie, ma solo del C puro.
     Questo potrebbe essere un vantaggio dal punto di vista prestazionale, anche se non sfruttato, ma potrebbe anche essere uno svantaggio in termini di leggibilità del codice;
  - utilizzo di un tool esterno come DSK per ottenere i k-mers solidi;
  - non utilizzo di container per eseguire il tool. Questo costringe ad installare tutte le dipendenze per l'esecuzione dei tools.

#### REFERENCES

- Konstantin Berlin, Sergey Koren, Chen-Shan Chin, James P Drake, Jane M Landolin, and Adam M Phillippy. 2015. Assembling large genomes with single-molecule sequencing and locality-sensitive hashing. *Nature biotechnology* 33, 6 (2015), 623-630.
- [2] Mark J Chaisson and Glenn Tesler. 2012. Mapping single molecule sequencing reads using basic local alignment with successive refinement (BLASR): application and theory. BMC bioinformatics 13 (2012), 1–18.

2024-06-25 07:29. Page 13 of 1-14.

1459 1460 1461

1462 1463 1464

1466 1467 1468

> 1473 1474 1475

1476 1477 1478

1479 1480 1481

> 1487 1488 1489

> > 1490 1491 1492

1497 1498 1499

1501 1502 1503

1504 1505 1506

1507 1508

- [3] Daniel C Jeffares, Clemency Jolly, Mimoza Hoti, Doug Speed, Liam Shaw, Charalampos Rallis, Francois Balloux, Christophe Dessimoz, Jürg Bähler, and Fritz J Sedlazeck. 2017. Transient structural variations have strong effects on quantitative traits and reproductive isolation in fission yeast. Nature communications 8, 1 (2017), 14061.
  - [4] Heng Li. 2018. Minimap2: pairwise alignment for nucleotide sequences. Bioinformatics 34, 18 (2018), 3094–3100.
  - [5] Binghang Liu, Yujian Shi, Jianying Yuan, Xuesong Hu, Hao Zhang, Nan Li, Zhenyu Li, Yanxiang Chen, Desheng Mu, and Wei Fan. 2013. Estimation of genomic characteristics by analyzing k-mer frequency in de novo genome projects. arXiv preprint arXiv:1308.2012 (2013).
  - [6] Junwei Luo, Ranran Chen, Xiaohong Zhang, Yan Wang, Huimin Luo, Chaokun Yan, and Zhanqiang Huo. 2020. LROD: An Overlap Detection Algorithm for

Uniphished working distribution.

- Long Reads Based on k-mer Distribution. Frontiers in Genetics 11 (2020). https://doi.org/10.3389/fgene.2020.00632
- [7] Niranjan Nagarajan and Mihai Pop. 2013. Sequence assembly demystified. Nature Reviews Genetics 14, 3 (2013), 157–167.
- [8] Pavel A Pevzner, Haixu Tang, and Michael S Waterman. 2001. An Eulerian path approach to DNA fragment assembly. Proceedings of the national academy of sciences 98, 17 (2001), 9748–9753.
- [9] Guillaume Rizk, Dominique Lavenier, and Rayan Chikhi. 2013. DSK: k-mer counting with very low memory usage. *Bioinformatics* 29, 5 (2013), 652–653.

Received 20 February 2007; revised 12 March 2009; accepted 5 June 2009