Programmazione di Sistemi Multicore

Davide Pucci

2016-2017

Indice

1	Bac	ekground Teorico	3
	1.1	Panoramica	3
			4
	1.2	Background teorico	4
		~	4
			5
	1.3	00	6
	1.4		7
2	For	k/Join	8
	2.1		8
		2.1.1 Fork/Join	8
	2.2	,	9
	2.3		9
		2.3.1 Riduzioni	1
		2.3.2 Work e Span	3
3	Pat	tern 1	5
	3.1	Pattern paralleli più complessi	5
		3.1.1 Hillis & Steele (1986)	5
		3.1.2 Problemi con condizione di verifica	7
		3.1.3 QuickSort parallelo	8
			8
4	Cor	ncorrenza e Deadlocks 2	0
	4.1	Concorrenza	0
		4.1.1 Condivisione	0
		4.1.2 Java	-
		4.1.3 Utilizzare correttamente i locks	$\frac{1}{2}$
	4.2	Deadlocks	_
	4.3	Lock lettore/scrittore	_
	4.4	1	т 1

_	enCL
5.1	Memory
	5.1.1 Buffer
5.2	Program
	5.2.1 Creazione e build del programma
5.3	Kernel
5.4	Panoramica Host
5.5	Parallelismo in OpenCL
	5.5.1 Dimensionalità del problema
	5.5.2 OpenCL C

Capitolo 1

Background Teorico

1.1 Panoramica

1965:

"La complessità di un microcircuito, misurata ad esempio tramite il numero di transistori per chip, raddoppia ogni 18 mesi. (Gordon More) "

La prima legge di Moore è tratta da un'osservazione empirica di Gordon Moore, cofondatore di Intel con Robert Noyce: nel 1965, Gordon Moore, che all'epoca era a capo del settore R&D della Fairchild Semiconductor e tre anni dopo fondò la Intel, scrisse infatti un articolo su una rivista specializzata nel quale illustrava come nel periodo 1959-1965 il numero di componenti elettronici (ad esempio i transistor) che formano un chip fosse raddoppiato ogni anno. Nel 1975 questa previsione si rivelò corretta e prima della fine del decennio i tempi si allungarono a due anni, periodo che rimarrà valido per tutti gli anni ottanta. La legge, che verrà estesa per tutti gli anni novanta e resterà valida fino ai nostri giorni, viene riformulata alla fine degli anni ottanta ed elaborata nella sua forma definitiva, ovvero che il numero di transistori nei processori raddoppia ogni 18 mesi. Questa legge è diventata il metro e l'obiettivo di tutte le aziende che operano nel settore, come Intel e AMD.

Nel 2001, ci si accorse che l'aumento della potenza dei processori portava ad un drastico aumento del consumo energetico e della dissipazione del calore. Per questa ragione, dal 2005, si iniziò ad aumentare il numero di *core* del processore, invece del *clock rate*.

Da questo punto nasce la definizione di *programmazione sequenziale* e di *programmazione parallela*, che influiscono in diversi ambiti:

- *Programmazione*: dividere il lavoro in diversi *thread* di esecuzione, in sincronizzazione l'uno con l'altro;
- Algoritmi: come può l'attività parallela fornire speedup al lavoro offerto dall'algoritmo (aumento del throughput, lavoro/unità di tempo);
- Strutture dati: nasce la necessità di fornire accesso concorrente alle strutture dati.

1.1.1 Concorrenza

La nascita della parallelizzazione in programmazione ha portato alla comparsa di un problema preponderante: la gestione della concorrenza.

Questa impone che venga gestito in maniera adeguata l'accesso alle risorse condivise dai vari thread, dove le operazioni devono essere scandite in ordine corretto in maniera tale da fornire risultati corretti e dove si necessita di sincronizzazione attraverso funzioni primitive (come i semafori).

In sintesi la differenza tra parallelismo e concorrenza è che la prima offre l'uso di diverse risorse extra per risolvere un problema più rapidamente, la seconda offre la corretta gestione degli accessi alle risorse condivise.

1.2 Background teorico

Lo speedup su n processori è definito come:

$$S_n = \frac{t_s}{t_n}$$

Dove:

- t_s è il tempo di esecuzione su un solo processore;
- n è il numero di processori;
- t_n è il tempo di esecuzione su n processori.

L'efficienza, invece, è definita come:

$$E_n = \frac{S_n}{n} = \frac{t_s}{n \times t_n}$$

1.2.1 Legge di Amdahl

Nel 1967, Amdahl definisce la seguente legge: dato un'applicazione parallela, dove la frazione f è inerentemente sequenziale, il migliore speedup possibile su n processori è definito dalla seguente formula

$$S(n) \le \frac{1}{f + \frac{1-f}{n}} \Rightarrow S(\infty) = \lim_{n \to \infty} S(n) = \frac{1}{f}$$

Implicazioni Dunque lo *speedup* di un programma che utilizza più processori è limitato dal tempo necessario dalla frazione sequenziale dello stesso.

Ad esempio: un programma necessita di 20h su un singolo core, e una particolare porzione del programma che richiede 1h per l'esecuzione (quini il 5%) non può essere parallelizzata, mentre le rimanenti 19h (ovvero il 95%) può esserlo. Indifferentemente da quanti processori sono destinati alla parallelizzazione, il wallclock time (tempo di esecuzione) non può essere minore di 1h. Quindi, teoricamente lo speedup è limitato al massimo fino a 20x.

Inoltre, praticamente può andare anche peggio, perché non abbiamo tenuto conto del costo del load balancing, della comunicazione, della coordinazione tra threads, che porta ad un overhead addizionale.

1.2.2 Legge di Gustafson

1988:

$$S(n) \le \alpha + n(a - \alpha) = n - \alpha(n - 1)$$

Dove:

- n è il numero di cores;
- a è la parte sequenziale;
- b è la parte parallela (eseguita da un core degli n);
- a + b è il tempo di esecuzione parallela su n cores (senza overhead);
- $a + n \times b$ è il tempo totale di esecuzione serializzata;
- $\alpha = \frac{a}{a+b}$ è la frazione sequenziale del tempo di esecuzione parallelo.

Sostanzialmente, Gustafson si accorse che aumentando il numero n di processori, con lo stesso ammontare di tempo, si potevano risolvere problemi di grandezza maggiore e che la grandezza del problema cresce monotonamente con n, così che la frazione sequenziale del workload non domina.

Quindi, aumentando il workload insieme con il numero di processori, si ottiene più speedup.

Implicazioni $S(n) \leq n - \alpha(n-1)$, e quindi se la frazione sequenziale α è piccola, si può arrivare ad ottenere uno *speedup* vicino ad n. Inoltre, nasce la definizione di *forte* e *debole scalabilità*:

- scalabilità forte (strong scaling): vogliamo sapere quanto rapidamente possiamo completare l'analisi di un particolare insieme di dati incrementando il numero di processori (derivata dalla legge di **Amdahl**);
- scalabilità debole (weak scaling): vogliamo sapere se possiamo analizzare più dati approssimativamente nello stesso tempo, incrementando il numero di processori (derivata dalla legge di Gustafson).

1.3 Sistemi di Calcolo parallelo

Vecchia classificazione hardware:

	Singola istruzione	Istruzione multipla
Single data	SISD	MISD
Multiple data	SIMD	MIMD

Dove:

- SISD: nessuna parallelizzazione, né nei mainframes (data stream), né nelle istruzioni;
- **SIMD**: parallelizzazione dei dati (*stream processors*, *GPUs*). Una singola *control unit* spedisce la stessa istruzione a più processori che lavorano su dati diversi;
- MISD: istruzioni multiple operanti sugli stessi data stream (inusuale);
- MIMD: istruzioni multiple operanti indipendentemente su data stream multipli (computer più recenti). Ogni processore ha la sua control unit e può eseguire diverse istruzioni su dati differenti.

Esistono due forme primarie di scambio dati tra task paralleli, seguite da altre ibride più evolute:

- 1. accedendo a uno spazio dati condiviso: memoria condivisa (multi-processori). Piattaforme:
 - (a) **NUMA** (macchina con *non-uniform memory access*): un processore può accedere alla sua memoria locale più rapidamente rispetto alla memoria non locale:
 - (b) **UMA** (macchina con *uniform memory access*): tutti gli accessi hanno pari velocità.
- 2. scambiando messaggi in una rete: memoria distribuita (multi-computers);
- 3. utilizzando sistemi ibridi (*hybrid systems*), sia con memoria condivisa che distribuita: ogni nodo ha una sua memoria ed *n* processori. Quando necessita di più di *n* processori, utilizza lo scambio di messaggi in rete;
- 4. utilizzando sistemi multicore (multicore systems), estendendo i sistemi ibridi e utilizzando memoria cache, accesso alla memoria principale e di una connessione node-to-node attraverso la rete;
- 5. utilizzando sistemi accellerati (accelerated systems), dove le computazioni vengono eseguite sia dalla CPU che dagli acceleratori. Esistono diversi tipi di acceleratori:
 - **GPGPU** (general purpose graphical processing unit), fornisce grafica via hardware, utilizzando modelli, librerie e compilatori indipendenti come CUDA e OpenCL;
 - MIC (many integrated core), una tradizionale CPU hardware.

1.4 Modelli di Programmazione parallela

Nella prima parte del corso si utilizzerà memoria condivisa con thread espliciti. Precedentemente, un programma sequenziale aveva:

- 1. un program counter;
- 2. una call stack;
- 3. degli oggetti nell'heap;
- 4. dei campi statici.

Ora, in programmi a memoria condivisa con thread espliciti:

- 1. un set di thread, ognuno con il suo program counter e la sua call stack;
- 2. i thread possono implicitamente condividere campi statici e oggetti;
- 3. scheduler di thread.

Capitolo 2

Fork/Join

2.1 Parallelizzazione in Java

Java fornisce un framework builtin basico per la gestione dei thread, attraverso gli oggetti java.lang. Thread e l'overriding del metodo run(), per definire le attività che il singolo thread eseguirà. Per lanciare il thread, basterà chiamare il metodo start().

```
class ExampleThread extends java.lang.Thread {
        int i;
        ExampleThread(int i) {
                this.i = i;
        public void run() {
                System.out.println("Thread " + i + " says hi");
                System.out.println("Thread " + i + " says bye");
}
class M {
        public static void main(String[] args) {
                for (int i=1, i <= 20; i++) {
                        ExampleThread t = new ExampleThread(i);
                        t.start();
                }
        }
}
```

2.1.1 Fork/Join

La tecnica di programmazione parallela fork/join nasce dalla modalità di gestire la parallelizzazione attraverso l'utilizzo dei metodi fork() (non propriamente un metodo - java -, ma la funzione primitiva con cui vengono generati tutti i

processi, così come i processi figli e i thread) e join() (utilizzato dal chiamante al thread figlio per rimanervi agganciato fino alla terminazione dello stesso).

2.2 Quanti thread?

La gestione del numero dei thread partoriti da un programma gioca un ruolo fondamentale nell'ottimizzazione del programma stesso. E' importantissimo sapere gestire il problema del numero e il tipo di lavoro eseguito dai thread adeguatamente, altrimenti l'utilizzo stesso di questi ultimi rischierebbe di rendere l'esecuzione dell'applicativo più lenta di quella in modalità serializzata.

L'idea più comune è quella di utilizzare un numero di thread pari al numero di core del processore in utilizzo, ma non si tratta di una soluzione accurata. D'altra parte, è molto più utile avere un numero di thread largamente più alto rispetto a quello dei core:

- forward-portable: codice indipendente dal numero di processori;
- viene gestita una notevole quantità di lavoro in maniera distribuita attraverso grandi pile di thread, alternati così l'uno all'altro;
- viene garantito il load balancing, perché gestiti piccole porzioni di lavoro alla volta.

Il problema fondamentale è che se necessitiamo di acquisire risultati su diversi thread, è pesante doversi scorrere l'intera lista per ricercare informazioni e prelevarle dagli stessi o da alcuni di essi.

Altro problema molto pratico: la classe builtin Java *java.lang.Thread* non è adatta alla gestione di piccoli tasks; così, un numero elevato di thread, porta ad un grande *overhead*.

Divide et Impera

Per risolvere questo tipo di problema (nella gestione e ricerca degli innumerevoli thread in coda, per l'acquisizione di informazioni relative alla loro esecuzione, per esempio), si ricorre spesso a logiche algoritmiche diverse, come quella del divide et impera.

L'idea è quella di generare ricorsivamente, attraverso ciascun thread, nuovi thread, così che ognuno di essi ne abbia in gestione altri, ma riducendo la mole di ciascuno e il costo di ricerca delle informazioni.

2.3 Libreria ForkJoin

Dato il pesante costo dei thread builtin Java, che portano un pesantissimo overhead (senza considerare la comune necessità di inizializzare migliaia di thread in contemporanea), il corso suggerisce di migrare su un framework alternativo: ForkJoin.

Scritto secondo la tecnica presentata come Fork/Join, appunto, e seguendo l'idea algoritmica del divide-et-impera, fa uso delle seguenti classi:

- ForkJoinPool: contenitore che esegue tutti i task fork-join (per un'implementazione corretta, instanziarne sempre uno solo);
- Recursive Task
 V>: utilizzato come thread da eseguire attraverso la sottoclasse - e fa in modo di ritornare un risultato;
- Recursive Action: come un Recursive Task, ma non ritorna alcun risultato;
- ForkJoinTask< V>: è la superclasse del RecursiveTask< V> e della RecursiveAction, implementa i metodi fork() e join(). Non verrà mai utilzzato direttamente, ma contiene Javadoc molto utili e completi.

Per utilizzare il framework, occorre innanzitutto creare un ForkJoinPool, utilizzato dall'intero programma (ha quindi senso inserirlo in un campo statico); una volta fatto, si lancia l'invoke() del pool sulla RecursiveAction (si possono comunque utilizzare i metodi fork(), compute(), join(), sull'istanza della action). Per esempio:

```
import java.util.concurrent.ForkJoinPool;
import java.util.concurrent.RecursiveAction;

class ExampleThread {

    static final ForkJoinPool fjPool = new ForkJoinPool();

    static int sum(int[] array) {

        SumArray t = new SumArray(array, 0, array.length);
        fjPool.invoke(t);
        return t.ans;
    }
}
```

Qualora invece fosse necessario che il thread ritornasse un risultato, occorre utilizzare il *RecursiveTask*, che presenta alcune differenze nella gestione rispetto al vecchio *Thread* builtin:

- Non estende **Thread**, ma **RecursiveTask**<**T**>;
- Non fa override di run(), ma di compute();
- Non usa un campo ans, ma ritorna un'istanza di V dal compute();
- Non chiama un metodo **start()**, ma **fork()**; Si chiama il metodo **join()** per ottenere il risultato; Non si chiama il metodo **run()**, ma si chiama un **pool** che lo esegua; Non si chiama, in alternativa, il metodo **run()**, ma **compute()**.

Quindi, l'implementazione della classe SumArray sarà la seguente:

```
class SumArray extends RecursiveTask<Integer> {
        int lo; int hi; int[] arr;
        SumArray(int[] arr, int lo, int hi) { ... }
        protected Integer compute() {
                if (hi - lo < SEQUENTIAL_CUTOFF) {
                         int ans = 0;
                         for (int i=lo; i<hi; i++)</pre>
                                 ans += arr[i];
                         return ans;
                } else {
                         SumArray left = new SumArray(arr, lo, (hi+
                             10)/2);
                         SumArray right = new SumArray(arr, (hi+lo)
                             /2, hi);
                         left.fork();
                         int rightAns = right.compute();
                         int leftAns = left.join();
                         return leftAns + rightAns;
                }
        }
}
```

Note importanti

- 1. Sequential threshold: la libreria suggerisce di fare approssimatamente tra le 100 e le 5000 operazioni di base in ogni sezione del vostro algoritmo (associate ad un'esecuzione sequenziale);
- 2. La libreria necessita di tempo per *scaldarsi*, facendo utilizzo di particolari *cache* che portano ad un miglioramento nella performance dei task lunghi.

2.3.1 Riduzioni

Possiamo notare che la somma degli elementi di un array, attraverso l'idea del divide-et-impera, ha portato ad un miglioramento, passando da un costo di O(n) sequenziale a quello di $O(\log n)$ parallelizzato.

Esistono altri innumerevoli problemi come questo:

- Massimo o minimo elemento;
- Esiste un elemento che soddisfa un proprietà;
- L'elemento più a sinistra che soddisfi una proprieta;
- ...

Le computazioni di questo tipo prendono il nome di *Riduzioni* (o *reduces*), ovvero, che producono una risposta singola da un una collezione, tramite un

operatore associativo (esempio: massimo, conteggio, più a destra, più a sinistra, somma, prodotto, ...; non esempio: mediana, sottrazione, ...). In ogni caso, il risultato non deve necessariamente essere un numero, ma anche un array; d'altra parte, alcune informazioni sono inerentemente sequenziali, come per esempio l'elaborazione dell'elemento arr[i], che dipende interamente dall'elaborazione precedente arr[i-1].

L'utilizzo delle Map cerca di risolvere questo problema, perchè opera indipendentemente su una collezione, per creare una collezione della stessa dimensione. Problema $vector\ addition\ con\ Fork Join:$

```
class VecAdd extends RecursiveAction {
        int lo; int hi; int[] res; int[] arr1; int[] arr2;
        VecAdd(int lo, int hi, int[] res, int[] arr1, int[] arr2) {
             ...}
        protected void compute() {
                if (hi - lo < SEQUENTIAL_CUTOFF) {
                        for (int i=lo; i<hi; i++)</pre>
                                 res[i] = arr1[i] + arr2[i];
                } else {
                        int mid = (hi+lo)/2;
                        VecAdd left = new VecAdd(lo, mid, res, arr1
                              arr2);
                        VecAdd right = new VecAdd(mid, hi, res,
                            arr1, arr2);
                        left.fork();
                        right.compute();
                        left.join();
                }
class Main {
        static final ForkJoinPool fjPool = new ForkJoinPool();
        int[] add(int[] arr1, int[] arr2) {
                assert (arr1.length == arr2.length);
                int[] ans = new int[arr.length];
                fjPool.invoke(new VecAdd(0, arr.length, ans, arr1,
                    arr2)):
                return ans;
        }
}
```

Le mappe e le riduzioni sono i cavalli di battaglia della programmazione parallelizzata, e rappresentano i più importanti pattern, per questo è necessario capire quando un algoritmo può essere scritto in termini di mappe e riduzioni.

Google e MapReduce Google stessa ha lavorato pesantemente su questo ordine di problemi, realizzando una classe MapReduce (o la sua versione opensource, Hadoop). L'idea è quella di realizzare mappe/riduzioni su grandi set

di dati utilizzando alcune macchine ausiliarie, separando il lavoro ricorsivo di divide-et-impera dalla computazione effettiva.

Alberi bilanciati

Le mappe e le riduzioni lavorano molto bene su alberi bilanciati, infatti, per esempio, l'elemento minimo in un albero binario non ordinato, ma bilanciato, rimane $O(\log n)$, dati sufficienti processori.

Come calcolare il sequential cutoff? Basta salvarsi il numero di discendenti per ciascun nodo, facilmente manutenibile, oppure approssimarlo attraverso, per esempio, l'alteza dell'albero AVL.

Inoltre, il tipo di struttura dati influisce pesantemente sulla computazione parallelizzata: per esempio, per il parallelismo, gli alberi bilanciati generalmente lavorano meglio delle liste, riuscendo ad ottenere risultati con tempistiche esponenzialmente più brevi $(O(\log n) \text{ contro } O(n))$.

2.3.2 Work e Span

L'obiettivo principale con il framework *ForkJoin* è quello di ottenere una performance a runtime asintoticamente ottimale, rispetto al numero di processori disponibile.

Per fare questa analisi, occore definire il work e lo span. Dato T_P il tempo di esecuzione con P processori disponibili:

- work: tempo di esecuzione con T_1 ;
- span: tempo di esecuzione con T_{∞} .

Tendenzialmente, l'esecuzione di un programma utilizzando al strategia for-k/join può essere vista come un DAG, dove i nodi sono le porzioni di codice da eseguire e gli archi, invece, le dipendenze di precedenza tra un nodo e l'altro. Quindi, un fork() chiude un nodo e crea due archi uscenti (quindi genera un thread e continua il thread corrente); un join() chiude un nodo e crea un nodo con due archi entranti (il nodo appena chiuso e l'ultimo nodo del thread joinato).

Ancora, se T_P è stato definito come il tempo di esecuzione con P processori disponibili, il work è la somma del tempo di esecuzione di tutti i nodi del DAG, mentre lo span è la somma del tempo di esecuzione di tutti i nodi del percorso più lungo all'interno del DAG.

Lo speedup su P processori è quindi definito come $\frac{T_1}{T_P}$, dove lo speedup P con P processori è lo speedup lineare perfetto. Il parallelismo è il massimo speedup possibile $\frac{T_1}{T_{\infty}}$. Quindi, conoscendo T_1 e T_{∞} e volendo conoscere T_P per un dato P (ad esempio,

Quindi, conoscendo T_1 e T_{∞} e volendo conoscere T_P per un dato P (ad esempio, P=4), ignorando il sistema di caching di Fork Join, $T_P=\Omega(\frac{T_1}{P})$ e $T_P=\Omega(T_{\infty})$. Infatti, l'esecuzione asintoticamente ottimale sarebbe: $T_P=\Theta(\frac{T_1}{P+T_{\infty}})$.

In sintesi, il framework *ForkJoin* è capace di dare una garanzia sul tempo di esecuzione previsto asintoticamente ottimale.

Raccomandazioni

- 1. tutti i thread che vengono creati devono fare orientativamente la stessa quantità di lavoro;
- 2. tutti i thread devono fare un piccolo task.

Capitolo 3

Pattern

3.1 Pattern paralleli più complessi

Il problema della somma dei prefissi sembra un problema senza soluzione parallelizzabile.

Partiamo dal problema: dato un input int[], bisogna produrre un output int[], dove:

$$output[i] = input[0] + input[1] + \ldots + input[i]$$

Un ipotetico codice sequenziale potrebbe dettare come segue:

Non sembra essere un problema parallelizzabile perché:

- \bullet il DAG è una catena, a causa delle dipendenze tra nodi;
- ha un work pari a O(n) e uno span O(n).

In ogni caso, un algoritmo differente può raggiungere $span O(\log n)$).

3.1.1 Hillis & Steele (1986)

L'idea è che all'inizio di ciascuna iterazione i, per $i \geq 0$; ogni elemento A[x] dell'array contiene la somma di al massimo 2^i elementi precedenti, incluso input[x]).

Caso base Sicuramente nel primo caso, per i=0, è verificato, in quanto vi sono elementi singoli.

Passo induttivo Se la proprietà è vera per l'iterazione i, vuol dire che è vera anche per l'iterazione i + 1:

- durante l'iterazione i + 1, settiamo $A[x] = A[x] + A[x 2^{i}]$;
- per ipotesi induttiva: $A[x] = input[x] + input[x-1] + ... + input[x-(2^i-1)];$
- per ipotesi induttiva: $A[x-2^i]=input[(x-2^i)]+input[(x-2^i)-1]+...+input[(x-2^i)-(2^i-1)];$
- quindi, dopo l'iterazione i + 1, A[x] conterrà la somma (al massimo) dei suoi $2^i + 2^i = 2^{i+1}$ elementi immediatamente precedenti.

Analisi dell'algoritmo

Avremo log n iterazioni, quindi $span = O(\log n)$; inoltre, ogni iterazione avrà work = O(n), per un totale di $\Theta(n \times \log n)$.

Quindi il work è più alto rispetto alla soluzione sequenziale, ma si riesce a parallelizzare. La soluzione parallel-prefix ha un parallelismo di $\frac{n}{\log n}$, quindi, speedup esponenziale.

Questo tipo di soluzione, compie due passi:

- 1. costruisce un albero in un movimento bottom-up, il passo up: crea un albero binario, dove la radice ha somma nell'intervallo [0, n) e dove se un nodo ha somma nell'intervallo [lo, hi) e hi > lo, allora:
 - il figlio sinistro ha somma in [lo, middle);
 - il figlio destro ha somma in [middle, hi);
 - una foglia ha somma in [i, i + 1), per esempio, input[i].

Questa è una facile computazione fork-join: combina risultati dalla costruzione di un albero binario con tutte le somme degli intervalli (con work O(n) e span $O(\log n)$).

- 2. attraversa l'albero in un movimento *top-down*, il passo *down*, operando su un valore *fromLeft*:
 - la radice da un valore fromLeft di 0;
 - il nodo prende questo valore fromLeft e:
 - passa lo stesso al figlio sinistro;
 - -passa from Leftsommato alla somma del figlio sinistro al figlio destro.
 - alla foglia in posizione i: output[i] = fromLeft + input[i].

Ancora, sembra una facile computazione fork-join: attraversare l'albero costruito nel primo passo e non produrre nessun risultato (con $work\ O(n)$ e $span\ O(\log n)$).

Ancora, aggiungere un sequential cutoff è molto semplice: per la fase up, si tratta di una semplice somma, per cui il nodo foglia mantiene la somma di un intervallo; per la fase down:

```
output[lo] = fromLeft + input[lo];
for (i=lo+1; i<hi; i++)
          output[i] = output[i-1] + input[i];</pre>
```

3.1.2 Problemi con condizione di verifica

Dato un array input, produrre un array output contenente solo gli elementi per cui f(element) è true. Esempio:

input	[17, 4, 6, 8, 11, 5, 13, 19, 0, 24]
f	element > 10
output	[17, 11, 13, 19, 24]

E' parallelizzabile? Rintracciare gli elementi è molto semplice (attraverso una mappa), ma metterli al giusto posto sembra complesso:

1. Mappa parallela per calcolare un bit-vector per gli elementi per cui element > 10 = true;

2. prefix-sum parallelo del bit vector:

bitsum
$$[1,1,1,1,2,2,3,4,4,5]$$

3. mappa parallela per produrre l'output:

```
output | [17,11,13,19,24] |

output = new array of size bitsum[n-1]
FORALL (i=0; i < input.length; i++) {
    if (bits[i] == 1)
        output[bitsum[i]-1] = input[i];
}</pre>
```

Analisi L'algoritmo ha un work O(n) e span $O(\log n)$.

3.1.3 QuickSort parallelo

#	passo	costo
1	Prendere un elemento pivot	O(1)
2	Partizionare i dati in $A = elem < pivot$, $B = pivot$, $C = elem > pivot$	O(n)
3	Ordinare ricorsivamente $A \in C$	$2T(\frac{n}{2})$

L'approccio più semplice è eseguire il terzo passo in parallelo, con i seguenti risultati: $work \ \Theta(n \times \log n)$ inalterato, $span \ T(n) = \Theta(n) + 1T(\frac{n}{2}) = \Theta(n)$ alterato e quindi $parallelismo \ O(\log n)$.

Avere uno speedup di $O(\log n)$ con un numero infinito di processori non è un granché, si può fare molto meglio se parallelizzata anche la fase di partizionamento:

- si prenda come *pivot* il mediano dell'albero;
- inserire gli elementi minori del *pivot* in un array ausiliario *aux*, poi il *pivot* e poi i maggiori;
- lanciati i sort paralleli ricorsivamente sui due subarray.

Per ogni pack, abbiamo un work di O(n) e $span\ O(\log n)$. Con $O(\log n)$ di span per il partizionamento, il miglior caso in assoluto e l'atteso per il quicksort è:

$$T(n) = O(\log n) + 1T(\frac{n}{2}) = O(\log^2 n)$$

3.1.4 MergeSort parallelo

#	passo	work nel worst-case
1	Ordinare la metà di sinistra e la metà di destra	$2T(\frac{n}{2})$
2	Unire i risultati	$\Theta(n)$

Esattamente come nel quicksort, eseguire i due ordinamenti in parallelo cambia lo span in $T(n) = O(n) + 1T(\frac{n}{2}) = O(n)$. Ancora, il parallelismo è di $O(\log n)$. Perciò, per migliorare, occorre parallelizzare il merge dei due risultati (non utilizzando il parallel-prefix, questa volta).

Dovendo unire i due subarray, consideriamo che quello di grandezza maggiore dei due abbia m elementi. Quindi, in parallelo:

- unire i primi m/2 elementi della metà più grande con gli elementi appropriati della metà minore;
- unire i secondi m/2 elementi della metà più grande con il resto della metà minore.

Questo approccio porta a un work di:

$$W(n) = W(\frac{3n}{4}) + W(\frac{n}{4}) + O(\log n) = O(n)$$

Per lo span invece:

$$S(n) = S(\frac{3n}{4}) + O(\log n) = O(\log^2 n)$$

Nel caso sequenziale: $T(n) = 2T(\frac{n}{2}) + \Theta(n) = O(n \times \log n)$. Quindi, rispetto al sequenziale, il parallelo mantiene lo stesso work, ma lo span

è pari a: $T(n) = 1T(\frac{n}{2}) + \Theta(n) = \Theta(n)$. Utilizzando il parallel merge:

- work: $T(n) = 2T(\frac{n}{2}) + \Theta(n) = \Theta(n \times \log n);$
- span: $T(n) = 1T(\frac{n}{2}) + \Theta(\log^2 n) = \Theta(\log^3 n);$
- parallelismo: $O(\frac{n}{\log^2 n})$.

Non è ottimale come il quicksort, ma garantisce quantomeno un worst-case.

Capitolo 4

Concorrenza e Deadlocks

4.1 Concorrenza

Gli algoritmi hanno e devono avere sempre una struttura molto semplice per evitare che si verifichino *race conditions*, gestendo nella maniera migliore possibile gli accessi (anche simultanei) alle risorse condivise tra diversi clienti.

Questo richiede coordinazione e sincronizzazione per evitare che accessi simultanei, facendo in modo tale che qualcuno si *blocchi*, fino a che il thread che ha acceduto non ha finito di usare la risorsa.

In questi casi, i thread non sono utili ai fini del parallelismo, ma per avere maggiore responsività nella struttura del codice (come la risposta a eventi GUI), maggior sfruttamento della CPU e isolamento degli errori.

4.1.1 Condivisione

E' molto comune nei programmi concorrenti che diversi thread possano accedere alle stesse risorse in memoria, ma questo può causare sovrapposizioni nell'accesso e modifica delle stesse.

Si introduce quindi la *mutua esclusione* nella *sezione critica* (ovvero dove si accede/modifica quella risorsa di memoria), utilizzabile attraverso il linguaggio in uso. Una soluzione di base sono i *lock*, che seguono tre fasi fondamentali:

- new: crea un nuovo lock, con stato not held;
- acquire: acquisice un lock, portandolo allo stato held;
- release: porta il lock di nuovo a not held.

Quindi l'istanza *lock* sarà posta ai margini della *sezione critica* nel codice, prima chiamando l'*acquire()* e dopo il *release()*.

In ogni caso, l'uso dei *lock* non è granché comodo, perché prevede che si tenga sempre conto dello stato del *lock*, causa scarsa performance e occorre sapre come

gestire coerentemente i setters e getters.

Una parziale soluzione potrebbe essere usare il re-entrant lock (o $recursive\ lock$), che detiene sia il thread che lo sta bloccando e un contatore. L'acquire() ha successo se e solo se il thread che lo vuole bloccare è lo stesso che lo sta richiedendo, in questo caso viene incrementato il contatore. Nel release(), se il conteggio è >0, il contatore viene decrementato, e una volta a 0, lo stato del lock viene posto a $not\ held$.

4.1.2 Java

Java supporta i re-entrant locks in maniera primitiva, tramite lo statement builtin synchronized, che valuta l'espressione in input (perché ogni oggetto in Java, ad eccezione dei primitivi, è un lock), acquisisce il lock, entrando nella parentesi graffa "{", bloccandolo se necessario, e lo rilascia uscendo dalla parentesi graffa "}".

```
class BankAccount {
        private int balance = 0;
        private Object lk = new Object();
        int getBalance() {
                synchronized (lk) { return balance; }
        }
        void setBalance(int x){
                synchronized (lk) { balance = x; }
        void withdraw(int amount) {
                synchronized (lk) {
                        int b = getBalance();
                        if (amount > b) {
                                 setBalance(b - amount);
                }
        }
}
```

Altro metodo di utilizzare il synchronized è di porlo come scopo sul metodo:

```
class BankAccount {
    private int balance = 0;
    synchronized int getBalance() { return balance; }
    synchronized void setBalance(int x) { balance = x; }

    synchronized void withdraw(int amount) {
        int b = getBalance();
        if(amount > b) {
            setBalance(b - amount);
        }
    }
}
```

I *lock* sono privati, e in questo modo prevengono il fatto che il codice in altre classi possa eseguire operazioni sensibili.

Una race condition si verifica quando il risultato computazionale dipende dallo scheduling, e quindi due thread si sovrappongono, e rappresenta un bug esistente solo a causa della concorrenza. Due tipi di race condition diversi sono i data races e i bad interleavings: la differenza sostanziale sta nel fatto che un data race si verifica quando si presentano due accessi read/write o write/write alla stessa locazione di memoria simultaneamente. D'altra parte, una bad interleaving, invece, è causata da l'esposizione in sezioni critiche di dati in uno stato intermedio inconsistente, nonostante la presenza di data race.

E' quindi responsabilità del programmatore evitare che si verifichino data races.

Variabili volatili

Oltre alle soluzioni già proposte, esiste poi un altro metodo, quello di utilizzare le variabili *volatili*: questo sistema forza l'applicazione a non fare *caching* delle variabili inizializzate come volatili, così da necessitare un accesso diretto alla memoria per ogni interazione con le suddette. E' un sistema intelligente e più efficiente rispetto alla *synchronized*, ma da evitare in caso di lunghe sezioni critiche.

4.1.3 Utilizzare correttamente i locks

Per ogni locazione di memoria, occorre osservare almeno una delle seguenti regole:

- 1. thread-local: non utilizzare la variabile in più di un thread: dove possibile, sempre meglio evitare di condividere risorse, ma questo è possibile solo se il thread non deve comunicare attraverso di esse;
- 2. *immutabile*: non scrivere nella locazione di memoria: se il thread utilizza una locazione di variabili in lettura per tutta la sua esecuzione, allora è

inutile complicarsi la vita, non c'è bisogno di sincronizzazione; in tal caso è utile passare nuovi oggetti ai thread;

3. synchronized: utilizzare la sincronizzazione per controllare gli accessi.

Una volta appurato che rispettiamo adeguatamente le prime due regole, occorre sapere come mantenere i dati consistenti, evitando data races:

- 1. non permettere mai che due thread accedano simultaneamente in read/w-rite o write/write alla stessa loaczione;
- 2. per ciascuna locazione di memoria che necessita di sincronizzazione, controllare che sia sempre gestita nelle fasi di *read* o *write*, utilizzando *lock guards*;
- 3. cominciare sempre con una politica di *coarse-grained* e muoversi verso la *fine-grained* soltanto se specificatamente richiesto e/o necessario. Esistono infatti due politiche di *locking*:
 - coarse-grained: utilizzando meno locks, ciascuno per più oggetti:
 - è più semplice da implementare;
 - più semplice gestire le operazioni che accedono alle locazioni di memoria.
 - fine-grained: utilizzando più locks, ciascuno per meno oggetti:
 - più accessi contemporanei (più performante rispetto al coarsegrained, che invece bloccherebbe anche quando non necessario).
- 4. evitare di fare grandi computazioni o attività I/O nelle sezioni critiche, ma fare in ogni caso attenzione a dare in questo modo accessi alternati in lettura scrittura di tipo A-B-A;
- 5. pensare sempre in termini di quali operazioni necessitano di essere atomiche, e formare le sezioni critiche limitatamente a quelle operazioni;
- 6. utilizzare librerie builtin ogni volta che vengono in aiuto.

4.2 Deadlocks

Una deadlock si presenta quando ci sono T_1, \ldots, T_n thread tali che:

- per ciascuna $i = 1, ..., n 1, T_i$ è in attesa di una risorsa bloccata da T_{i+1} ;
- T_n è in attesa di una risorsa bloccata da T_1 .

In altre parole, si tratta di un ciclo di attese; pertanto, evitare in programmazione di andarci incontro significa evitare che si presenti un possibile ciclo. Quindi, ancora, occorre cercare di rendere le sezioni critiche più piccole possibile, utilizzare più possibile una granularità *coarsen* dei locks e fare in modo tale che ogni lock venga acquisito sempre nello stesso ordine.

4.3 Lock lettore/scrittore

In questo caso il lock può essere di tre tipi:

- 1. non acquisito;
- 2. acquisito per scrittura da un thread;
- 3. acquisito per lettura da uno o più thread.

Quindi, avrà i seguenti metodi:

- new(): inizializzerà un nuovo lock con stato non acquisito;
- acquire_write(): attende se lo stato corrente del lock è acquisito per lettura o acquisito per scrittura, altrimenti lo rende acquisito per scrittura;
- release_write(): rende lo stato del lock non acquisito;
- acquire_read(): attende se lo stato corrente del lock è acquisito per scrittura, altrimenti lo rende/mantiene acquisito per lettura e incrementa il numero di lettori;
- release_read(): decrementa il numero di lettori e, se questo è 0, rende lo stato del lock non acquisito.

Quindi, nel problema lettore/scrittore, tendenzialmente viene data la priorità agli scrittori. Il synchronized di Java non supporta il lock lettore/scrittore, ma esiste la libreria java.util.concurrent.locks.ReentrantReadWriteLock:

- non hanno stessa interfaccia: per questo i metodi readLock() e writeLock() ritornano oggetti che hanno a loro volta i metodi lock() e unlock();
- non dà priorità allo scrittore.

4.4 Variabili condizione

Si parte da un esempio canonico: la necessità di dover condividere lavoro tra thread, attraverso un coda di dimensione fissa, in cui i (thread) produttore accodano il risultato del loro lavoro e i (thread) consumatori lo prelevano per elaborarlo.

Per fare in modo che questa logica funzioni, occorre sincronizzazione nell'accesso alla coda:

Ma nei casi di isFull() e isEmpty()? La cosa migliore sarebbe lasciare in attesa il richiedente e notificarlo quando la risorsa richiesta è disponibile, senza lanciare eccezioni ma soprattutto, senza lasciare che la risorsa rimanga bloccata nel frattempo.

Per questa ragione vengono utilizzate le *variabili condizione*, per notificare thread in attesa quando la condizione che causa la loro attesa è variata. Quindi:

```
synchronized void enqueue(E elt) {
    if (isFull()) {
        this.wait(); // release lock and wait
    }
    /* add to array and adjust back */
    if (!isFull()) {
        this.notify(); // wake somebody up
    }
}
synchronized E dequeue(E elt) {
    if (isEmpty()) {
        this.wait(); // release lock and wait
    }
    /* take from array and adjust front */
    if (!isEmpty()) {
        this.notify(); // wake somebody up
    }
}
```

Java Per *Java* ogni oggetto è una *variabile condizione* (e un *lock*). Altri linguaggi spesso usano diversificare i due concetti.

Nell'ultimo esempio, quindi, vengono introdotti wait() e notify():

- wait(): registra il thread richiedente come interessato e poi atomicamente rilascia il lock sulla risorsa e blocca il thread; quando l'esecuzione riprenderà, la prima operazione sarà quella di riacquisire il lock;
- notify(): prende uno dei thread in attesa e lo sveglia, se ce ne sono.

Problema #1 Nel tempo che intercorre tra la riattivazione di un thread e la sua riacquisizione del lock, potrebbe essere che la variabile condizione diventi falsa ancora. Per ovviare a questo problema, occorre ricontrollare sempre la condizione dopo aver ottenuto il lock:

Problema #2 Anche se ci sono più threads in attesa, ne viene svegliato sempre solo uno. La soluzione al problema è molto semplice: avvertire sempre tutti i thread, attraverso notifyAll():

Altro approccio potrebbe essere chiamare, senza condizione if, sempre il noti-fyAll() (o notify()), ma questo sarebbe utile soltanto se l'enqueuer e il dequeuer aspettassero su variabili condizione diverse.

In ogni caso, Java non sembra supportarlo, ma la classe ReentrantLock di java.util.concurrent.locks contiene un metodo newCondition() che ritorna un nuovo oggetto Condition associato al lock.

Capitolo 5

OpenCL

5.1 Memory

In *OpenCL*, esistono due tipi di *Memory object* (per accessi ad una regione della memoria globale):

- 1. oggetto *Buffer*: un semplice array, completamente esposto tra *kernel* ed accessibile attraverso puntatori;
- 2. oggetto *Image*: definisce una regione della memoria bi(o tri)-dimensionale, con strutture dati accessibili solo con funzioni read() e write(), molto utili per interfacciarsi con API grafiche come OpenGL.

5.1.1 Buffer

I buffer si dichiarano nell'host con tipo cl_mem.

Esempio Per creare un *buffer d_X*, copiare i *byte* da $h_{-}X$ a $d_{-}X$ e copiarlo in memoria:

```
cl_mem d_X = clCreateBuffer(context, CL_MEM_READ_ONLY |
    CL_MEM_COPY_HOST_PTR, sizeof(float)*count, h_X, NULL);
```

Per evitare confusione nel capire se una variabile host è un semplice array C o un $buffer\ OpenCL$ si usa la convenzione del prefisso h_{-} per indicare array C regolari dell'host e di quello d_{-} per indicare buffer del device.

Esistono altre flag per il tipo di memoria, come $CL_MEM_WRITE_ONLY$ e $CL_MEM_READ_WRITE$.

Per copiare il buffer sulla memoria host in h_-Y (CL_-TRUE è bloccante, CL_-FALSE non è bloccante):

```
clEnqueueReadBuffer(queue, d_Y, CL_TRUE, 0, sizeof(float)*count, h_Y, 0, NULL, NULL);
```

5.2 Program

Gli oggetti program contengono un context, i sorgenti (o il binario) del kernel e la lista dei target devices e le opzioni di build. Le API C creano un oggetto program con: clCreateProgramWithSource() e/o clCreateProgramWithBinary().

OpenCL usa la compilazione a runtime, perché in generale non può sapere i dettagli del target device quando il programma viene compilato.

5.2.1 Creazione e build del programma

Il codice sorgente del *kernel* può essere definito sia come una stringa sia come da leggere da file. Quindi il *cl_program* incapsula codice sorgente e la sua ultima build riuscita. Per compilare il programma:

```
cl_program program = clCreateProgramWithSource(context, 1, (const
    char**) &KernelSource, NULL, &err);
```

La compilazione del programma crea una libreria dinamica da cui possono essere prelevati *kernel* specifici:

5.3 Kernel

Per creare un oggetto kernel:

```
kernel = clCreateKernel(program, "square", &err);
// set kernel parameters
err = clSetKernelArg(kernel, 0, sizeof(cl_mem), &d_X);
err |= clSetKernelArg(kernel, 1, sizeof(unsigned int), &count);
```

Dopodiché, per accodare comandi, occorre scrivere dei *buffer* dall'host alla memoria globale:

```
err = clEnqueueWriteBuffer(commands, d_X, CL_FALSE, 0, sizeof(float
)*count, h_X, 0, NULL, NULL);
```

Poi, per accodare il kernel per l'esecuzione:

```
err = clEnqueueTask(commands, kernel, 0, NULL, NULL);
// or
err = clEnqueueNDRangeKernel(commands, kernel, 1, NULL, &global, &
    local, 0, NULL, NULL);
```

Per leggere il risultato dei comandi:

```
err = clEnqueueReadBuffer(commands, d_X, CL_TRUE, sizeof(float)*
    count, h_X, 0, NULL, NULL);
```

5.4 Panoramica Host

In generale il codice host si suddivide delle seguenti fasi:

- 1. definizione di piattaforma e code;
- 2. definizione di oggetti in memoria;
- 3. creazione programma;
- 4. compilazione program;
- 5. creazione e configurazione kernel;
- 6. esecuzione kernel;
- 7. lettura dei risultati.

5.5 Parallelismo in OpenCL

L'idea di fondo è l'esecuzione della funzione __kernel per ogni punto del dominio del problema, invece di utilizzare i loop. Quindi, il seguente codice con loop tradizionale:

```
void mul(const int n, const float *a, const float *b, float *c) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++) {
        c[i] = a[i] * b[i];
    }
}</pre>
```

si parallelizza come segue:

```
// tutte le iterazioni del loop vengono chiamate simultaneamente ed
    eseguite in parallelo
__kernel void mul(__global const float *a, __global const float *b,
    __global float *c) {
    int id = get_global_id(0);
    c[id] = a[id] * b[id];
}
```

5.5.1 Dimensionalità del problema

Occorre definire la dimensionalità del problema in relazione al priblema stesso. Quando viene eseguito il *kernel* vengono specificate al massimo 3 dimensioni, per ciascuna delle quali viene specificata a sua volta la grandezza totale del problema, chiamata la *global size*.

Ogni singola istanza del kernel nell'NDRange è un work-item e ognuno di essi esegue lo stesso kernel su dati diversi. Ogni work-item hanno global ID unico. Ogni work-item fa parte di un work-group, con cui condivide la memoria locale e con cui può sincronizzarsi. Si può specificare il numero di work-item in un work-group, e questo numero prende il nome di local size (locale al work-group) (in alternativa, lo sceglie la runtime OpenCL, non in maniera ottimale).

Ogni work-group ha un work-group ID univoco e i suoi work-items hanno anche loro un ID univoco locale al work-group.

5.5.2 OpenCL C

L'*OpenCL C* è derivato dall'*ISO C99*, e presenta alcune restrizioni: non ha ricorsioni, né puntatori a funzioni, I tipi builtin sono:

- tipi scalari: char, uchar, short, ushort, int, uint, long, ulong, float, bool, intptr_t, ptrdiff_t, size_t, uintptr_t, void, . . . ;
- tipi immagine: image2d_t, image3d_t e sampler_t;
- tipi vettore e puntatori;
- funzioni di conversione data-type.

Esistono poi diversi qualificatori:

- qualificatori di funzione: __kernel, che dichiara una funzione come un kernel;
- qualificatori di indirizzi: __global, __local, __constant, __private, tutti necessari se argomenti di una funzione __kernel.

Ancora, alcune funzioni per work- $items: get_work_dim(), get_global_id(), get_local_id(), get_group_id().$

Per la sincronizzazione vengono invece utilizzate le barriere (tutti i work-items in un work-group devono eseguire la funzione barrier() prima che ogni work-item possa proseguire) e le memory fences (che garantiscono ordinamento nelle operazioni in memoria).

Infine, non sono permessi puntatori a funzione, i puntatori a puntatori sono permessi all'interno di un kernel, ma non come argomento allo stesso, i campi bit non sono supportati, così come gli array e le strutture a lunghezza variabile, così come la riscorsione, e i tipi double sono opzionali in OpenCL 1.1, ma in ogni caso è una key word riservata.