

# Fizika: uvod

- FIZIKA: fundamentalna znanost
- osnova za inženjerstvo i tehnologiju!

*Eksperimentalna znanost:* opažamo fenomene u prirodi i pronalazimo model za povezivanje fenomena

Razvoj fizikalne teorije: **u kojem rasponu veličina vrijedi naša teorija?**



Galileo Galilei (1564 - 1642):  
vrijeme padanja objekata različitih  
masa je jednako

- idealizirani modeli u fizici

## (a) Stvarna loptica u letu

**Loptica nije savršena kugla.**

**Otpor zraka i vjetar djeluju silom na lopticu.**



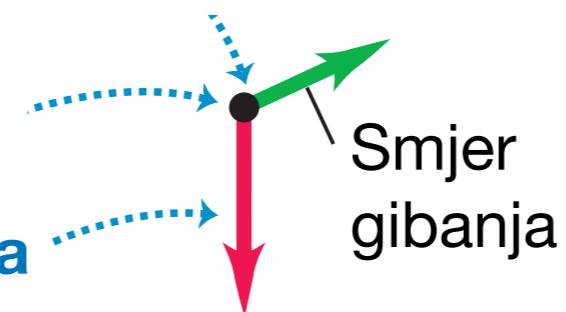
**Gravitacijska sila na lopticu ovisi o visini.**

## (b) Idealizirani model loptice

**Loptica se tretira kao točkasti objekt.**

**Nema otpora zraka.**

**Gravitacijska sila na lopticu je konstantna.**



# Sustav jedinica

- fizikalne pojave kvantificiramo pomocu **fizikalnih veličina**

FIZIKALNA VELIČINA =  $\{A\}$  [A]

mjerni broj                      fizikalna jedinica

FIZIKALNA VELIČINA	OZNAKA	MJERNA JEDINICA	OZNAKA
duljina	L	metar	m
masa	m	kilogram	kg
vrijeme	t	sekunda	s
termodinamička temperatura	T	kelvin	K
električna struja	I	amper	A
jakost svjetlosnog izvora	$I_v$	candela	cd
količina tvari	n	mol	mol

- “SI” = *Système international d'unités*

# Sustav jedinica

- fizikalne pojave kvantificiramo pomocu **fizikalnih veličina**

FIZIKALNA VELIČINA =  $\{A\}$  [A]

The text "FIZIKALNA VELIČINA = {A} [A]" is in red. Below it, two pink lines point from the brackets to the words "mjerni broj" and "fizikalna jedinica" respectively, which are also in red.

## DIMENZIJE U MEHANICI:

Osnovne fizikalne veličine:

- masa (m), duljina (L), vrijeme (t)

Dimenzije ostalih fizikalnih veličina su izvedene:

- [brzina] = duljina/vrijeme = L/t
- [sila] = masa x duljina / vrijeme<sup>2</sup> = mLt<sup>-2</sup>
- [bilo koja mehanicka veličina] = m<sup>a</sup>L<sup>b</sup>t<sup>c</sup>

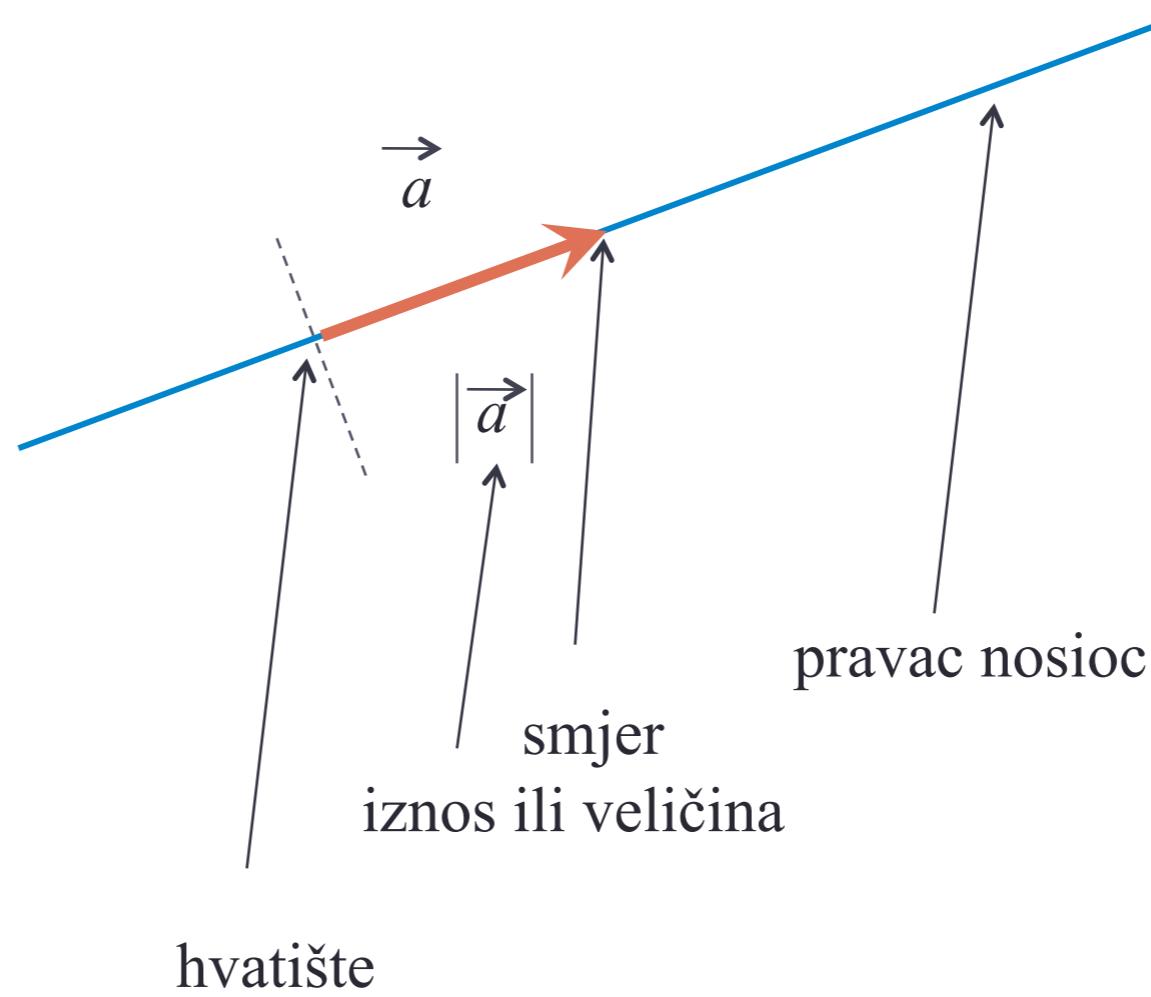
# Sustav jedinica: prefiksi

Young & Freedman University Physics



naziv	simbol	faktor
tera	T	$1\ 000\ 000\ 000\ 000$
giga	G	$1\ 000\ 000\ 000$
mega	M	$1\ 000\ 000$
kilo	k	$1\ 000$
hecto	h	$100$
deci	d	$0.1$
centi	c	$0.01$
mili	m	$0.001$
micro	m	$0.000\ 001$
nano	n	$0.000\ 000\ 001$

# Vektori



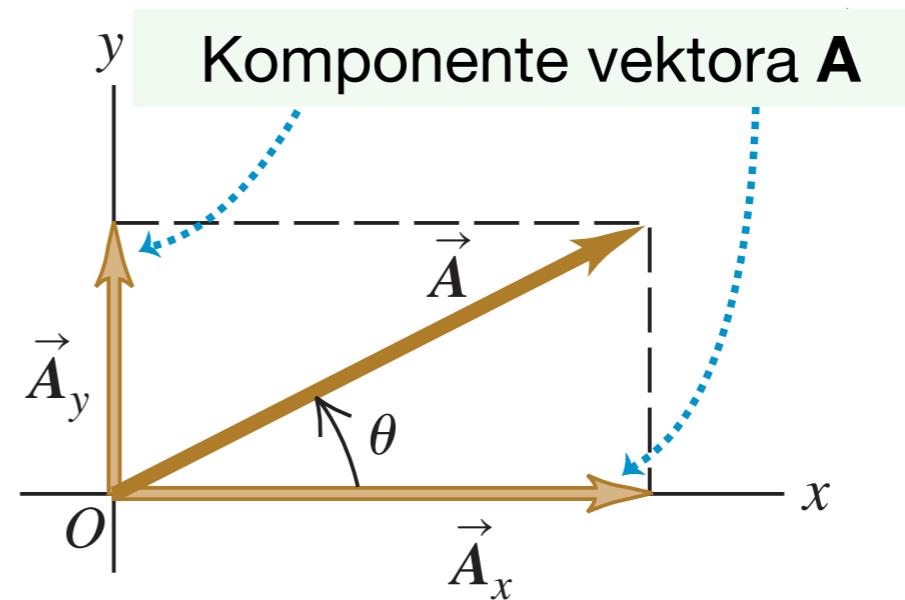
# Komponente vektora

$$\vec{A} = \vec{A}_x + \vec{A}_y$$

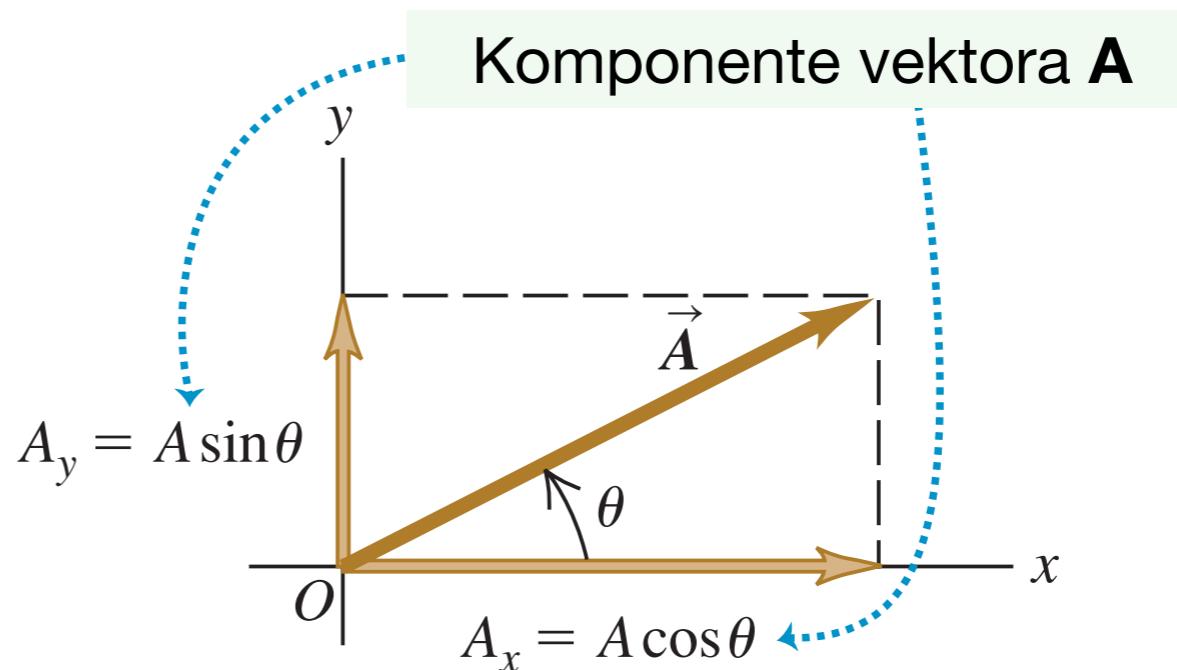
$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$$

$$\tan \theta = \frac{A_y}{A_x}$$

(a)



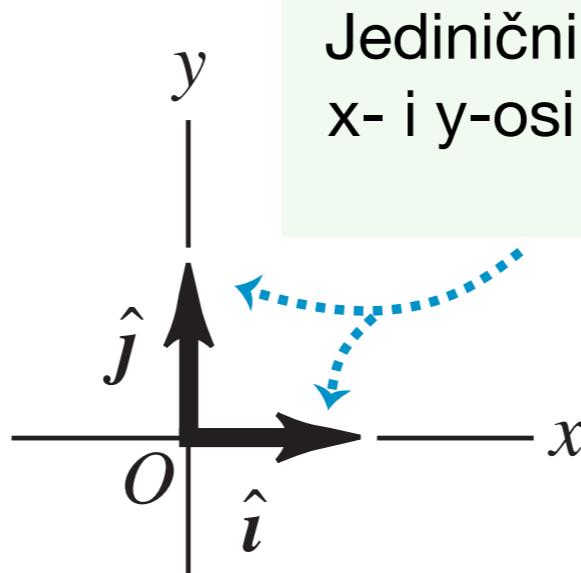
(b)



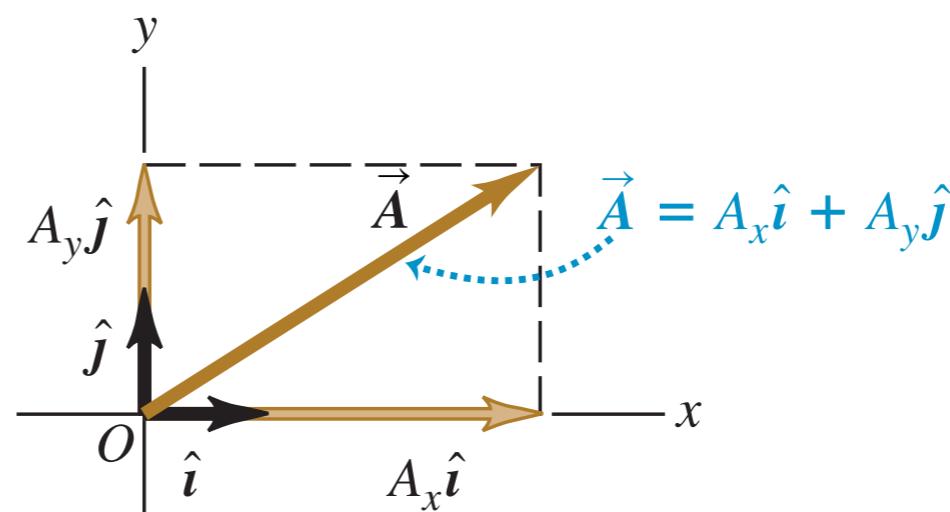
# Jedinični vektori

$$\vec{A}_x = A_x \hat{i}$$
$$\vec{A}_y = A_y \hat{j}$$

$$\vec{A} = A_x \hat{i} + A_y \hat{j}$$

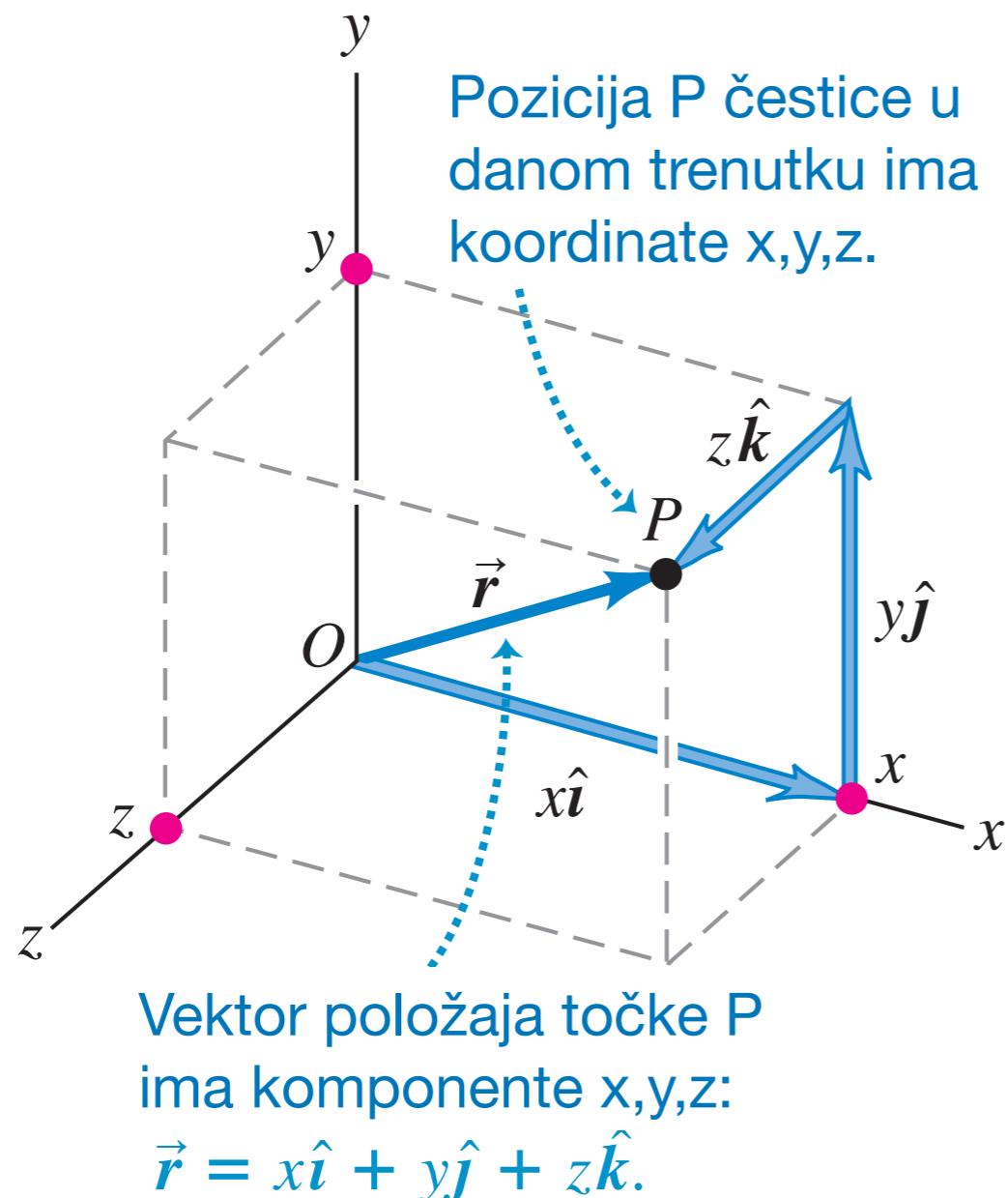


Jedinični vektori  $\mathbf{i}, \mathbf{j}$  usmjereni su duž x- i y-osi , i njihova duljina jednaka je 1.



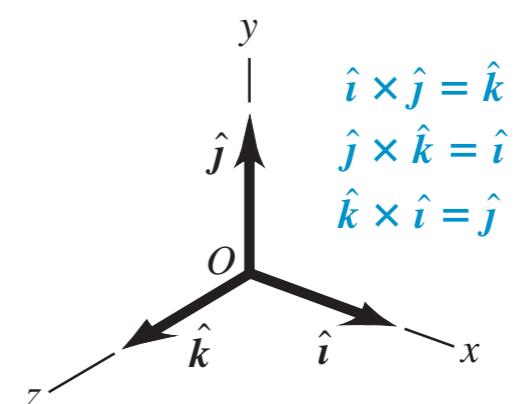
# Koordinatni sustav

- da bismo odredili mjesto nekog fizikalnog događaja, moramo dogovorno odrediti mjesto od kojeg ćemo mjeriti sve udaljenosti u prostoru: ishodište koordinatnog sustava
- osi koordinatnog sustava omogućuju da jednoznačno odredimo položaj u prostoru



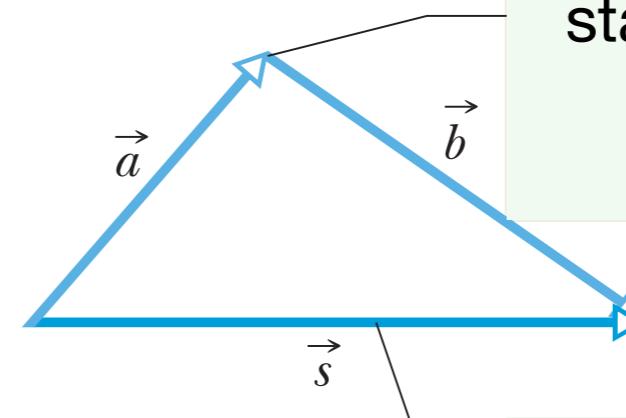
$$\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$$

Jedinični vektori: pokazuju duž osi (x, y, z) i imaju uvijek iznos 1



# Zbrajanje i oduzimanje vektora

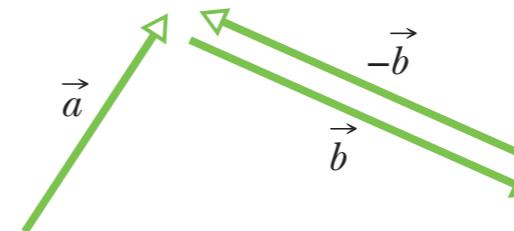
$$\vec{s} = \vec{a} + \vec{b},$$



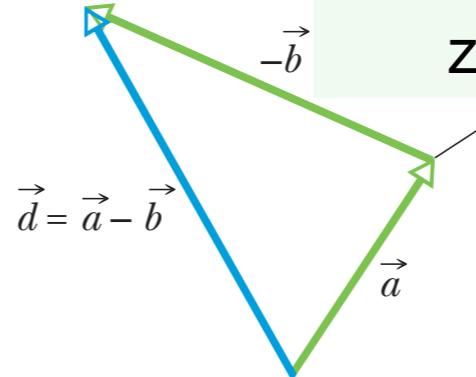
Na kraj vektora **a** stavljamo početak vektora **b**

Zbroj vektora **a** i **b**.

$$\vec{d} = \vec{a} - \vec{b} = \vec{a} + (-\vec{b})$$

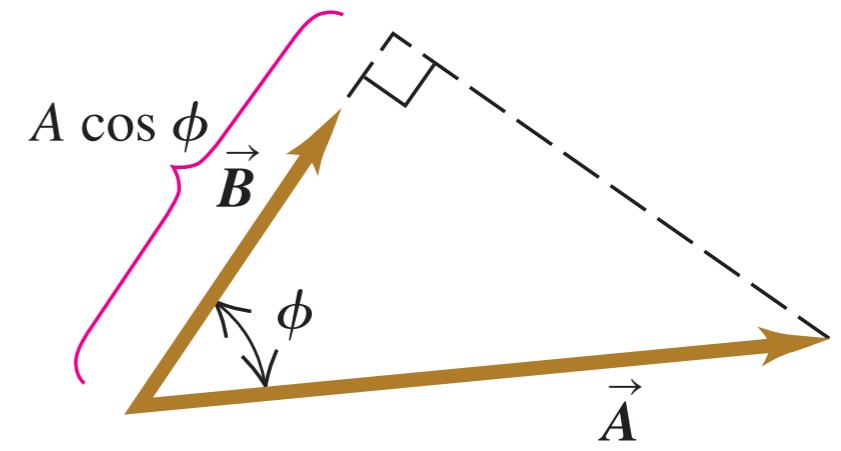
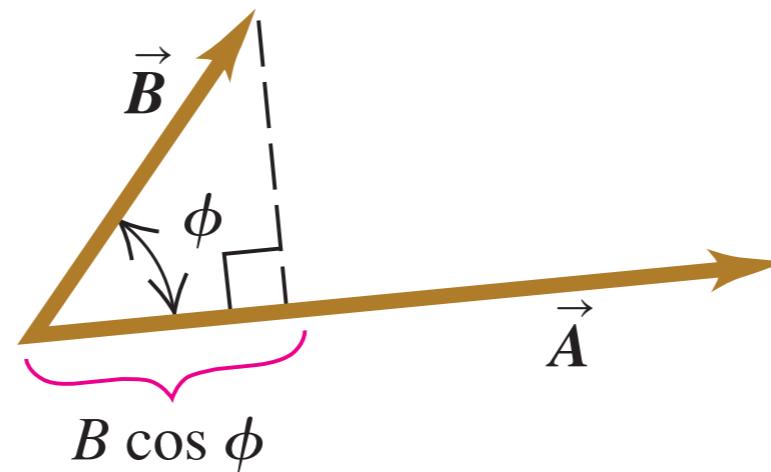


Da bismo od **a** oduzeli **b**, zbrajamo vektor **a** sa **-b**.



# Skalarno množenje

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \phi = |\vec{A}| |\vec{B}| \cos \phi$$



$$\hat{i} \cdot \hat{i} = \hat{j} \cdot \hat{j} = \hat{k} \cdot \hat{k} = (1)(1) \cos 0^\circ = 1$$

$$\hat{i} \cdot \hat{j} = \hat{i} \cdot \hat{k} = \hat{j} \cdot \hat{k} = (1)(1) \cos 90^\circ = 0$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = (A_x \hat{i} + A_y \hat{j} + A_z \hat{k}) \cdot (B_x \hat{i} + B_y \hat{j} + B_z \hat{k})$$

$$= A_x B_x \hat{i} \cdot \hat{i} + A_x B_y \hat{i} \cdot \hat{j} + A_x B_z \hat{i} \cdot \hat{k}$$

$$+ A_y B_x \hat{j} \cdot \hat{i} + A_y B_y \hat{j} \cdot \hat{j} + A_y B_z \hat{j} \cdot \hat{k}$$

$$+ A_z B_x \hat{k} \cdot \hat{i} + A_z B_y \hat{k} \cdot \hat{j} + A_z B_z \hat{k} \cdot \hat{k}$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$$

# Vektorsko množenje

$$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$$

$$C = AB \sin \phi$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = -\vec{B} \times \vec{A}$$

$$\hat{i} \times \hat{i} = \hat{j} \times \hat{j} = \hat{k} \times \hat{k} = 0$$

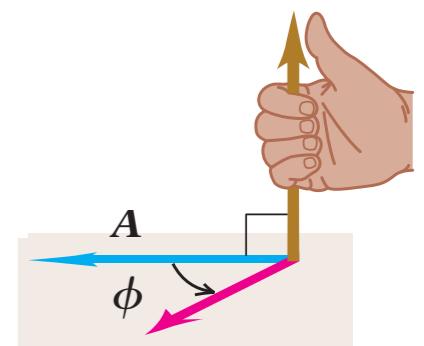
$$\hat{i} \times \hat{j} = -\hat{j} \times \hat{i} = \hat{k}$$

$$\hat{j} \times \hat{k} = -\hat{k} \times \hat{j} = \hat{i}$$

$$\hat{k} \times \hat{i} = -\hat{i} \times \hat{k} = \hat{j}$$

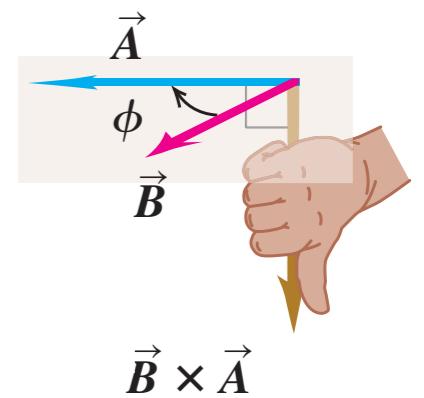
$$\vec{A} \times \vec{B} = (A_x \hat{i} + A_y \hat{j} + A_z \hat{k}) \times (B_x \hat{i} + B_y \hat{j} + B_z \hat{k})$$

$$\vec{A} \times \vec{B}$$



$$\vec{A} \times \vec{B} = (A_y B_z - A_z B_y) \hat{i} + (A_z B_x - A_x B_z) \hat{j} + (A_x B_y - A_y B_x) \hat{k}$$

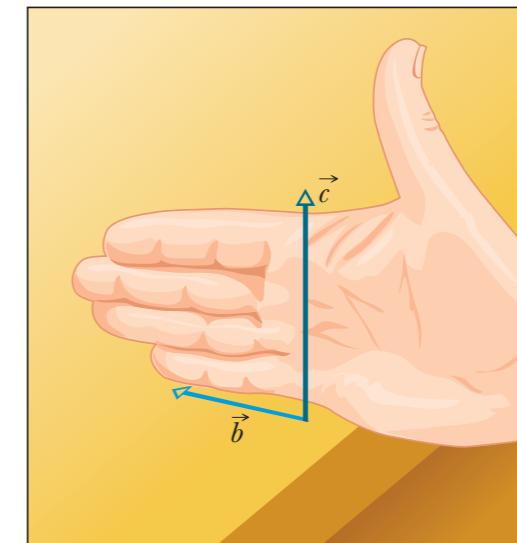
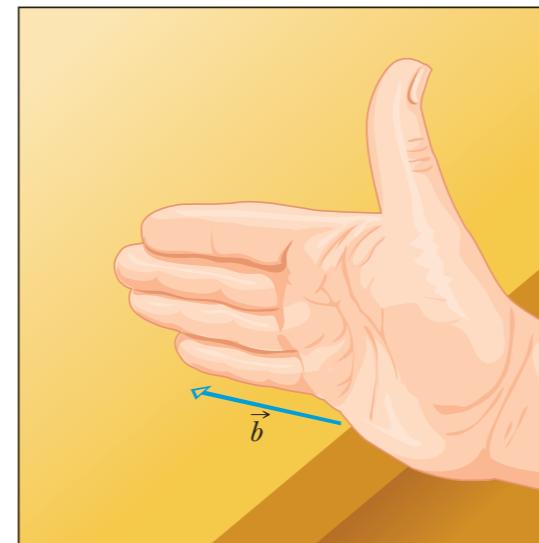
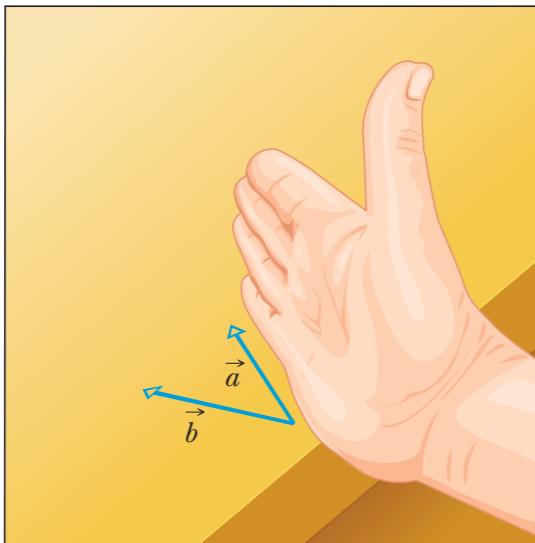
$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix}$$



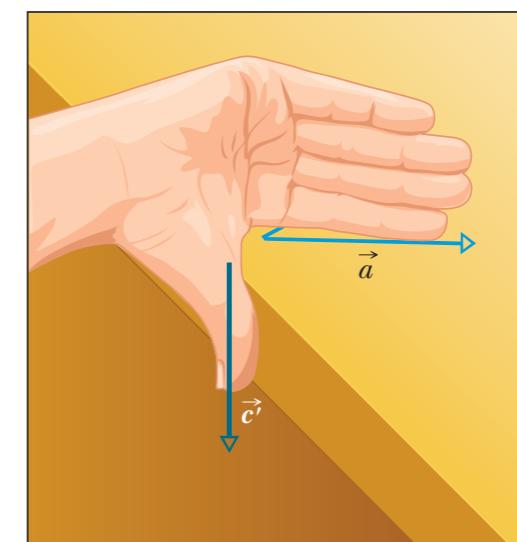
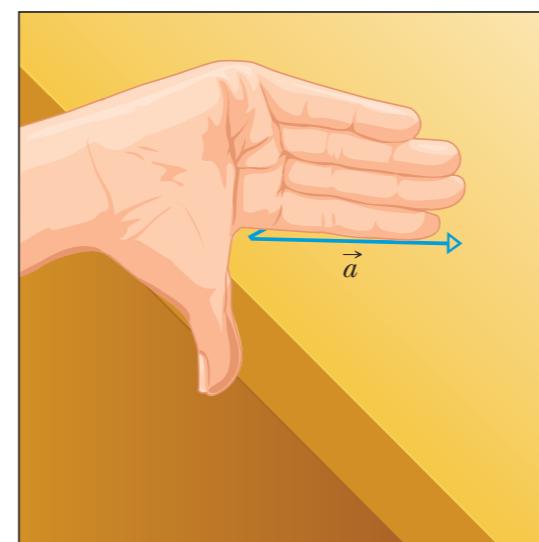
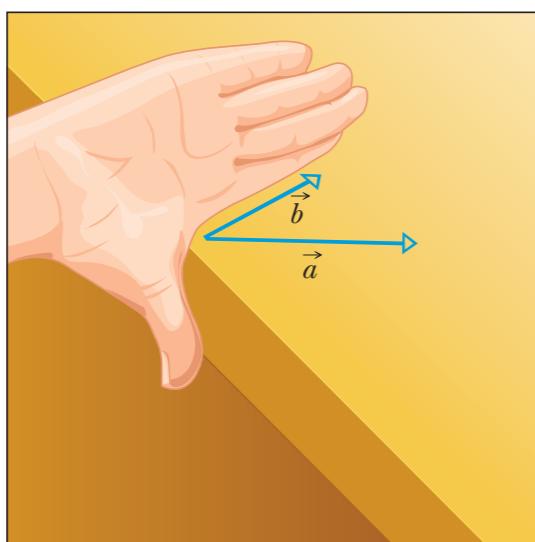
# Vektorsko množenje

$$\vec{A} \times \vec{B} = -\vec{B} \times \vec{A}$$

$$\vec{a} \times \vec{b}$$



$$\vec{b} \times \vec{a}$$

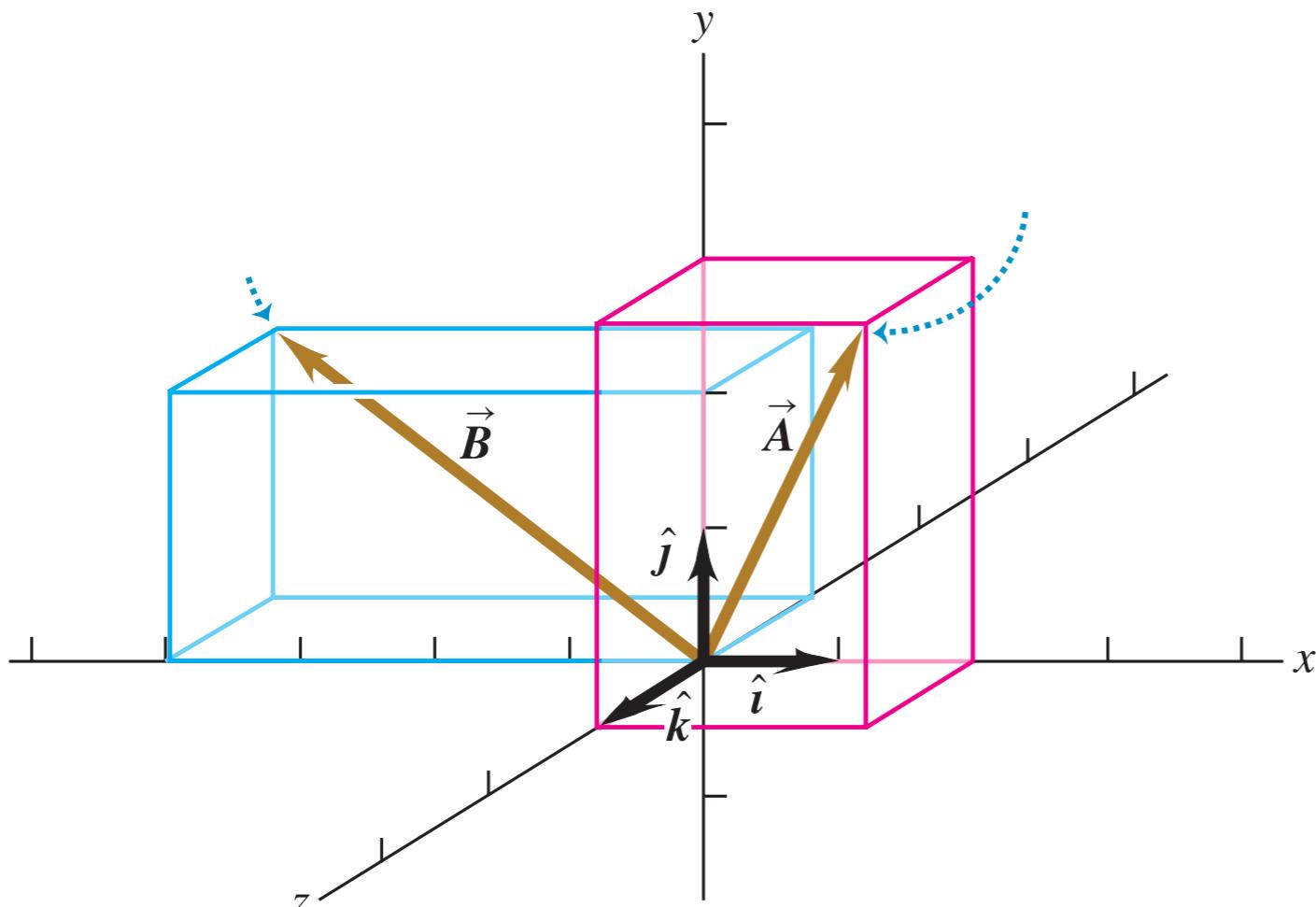


# Zadatak

- Odredi kut između vektora:

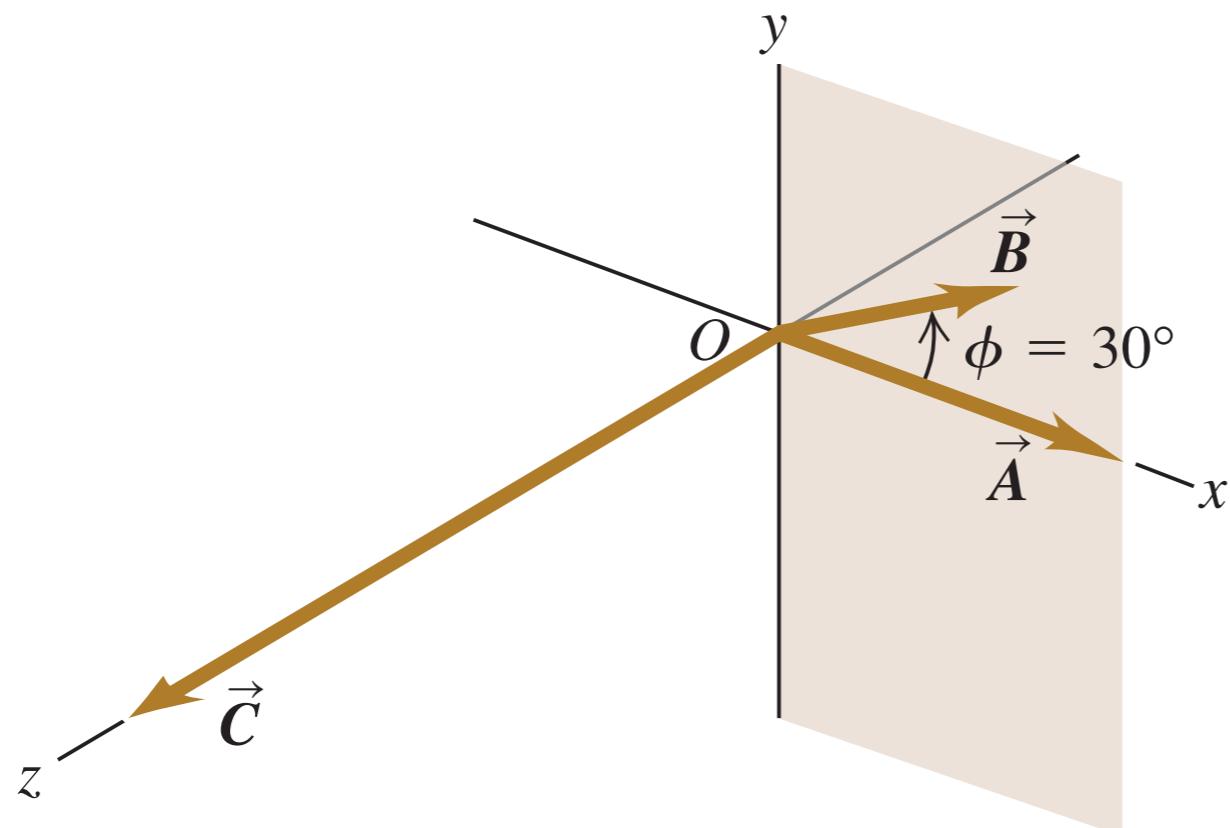
$$\vec{A} = 2.00\hat{i} + 3.00\hat{j} + 1.00\hat{k}$$

$$\vec{B} = -4.00\hat{i} + 2.00\hat{j} - 1.00\hat{k}$$



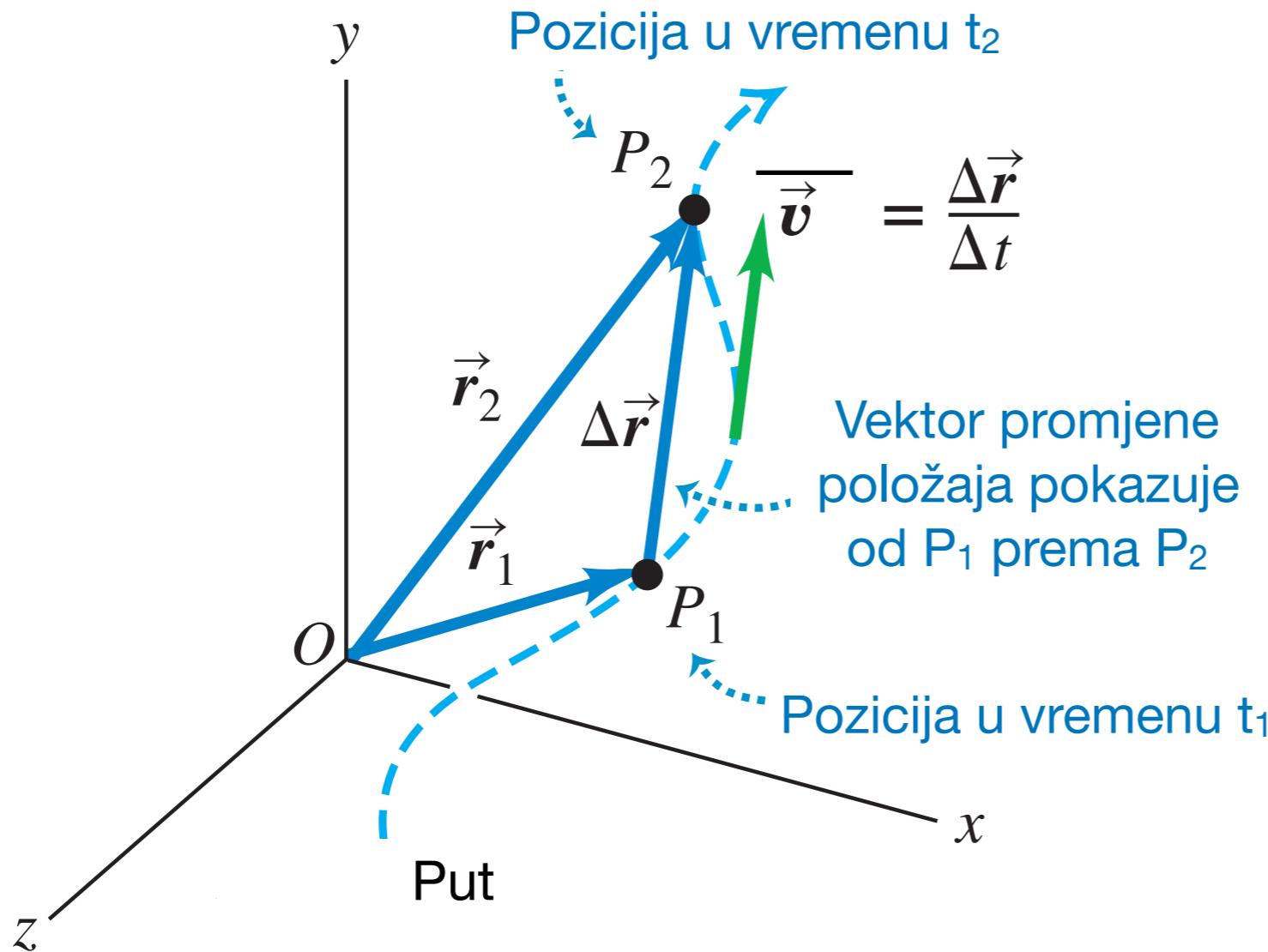
# Zadatak

- Vektor  $\mathbf{A}$  ima duljinu 6 i usmjeren je duž x-osi. Vektor  $\mathbf{B}$  ima duljinu 4 i leži u xy ravnini, pod kutom od  $30^\circ$  u odnosu na x-os. Nađi vektorski produkt  $\mathbf{C} = \mathbf{A} \times \mathbf{B}$ .



# Srednja i trenutna brzina

- materijalna točka kojoj se koordinate mijenjaju u vremenu  $\Delta t$ :



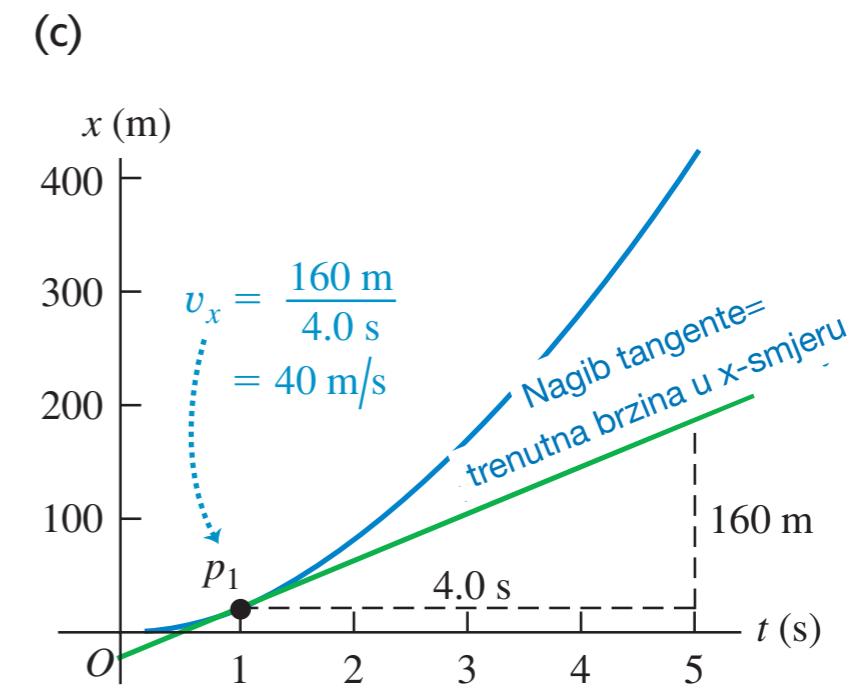
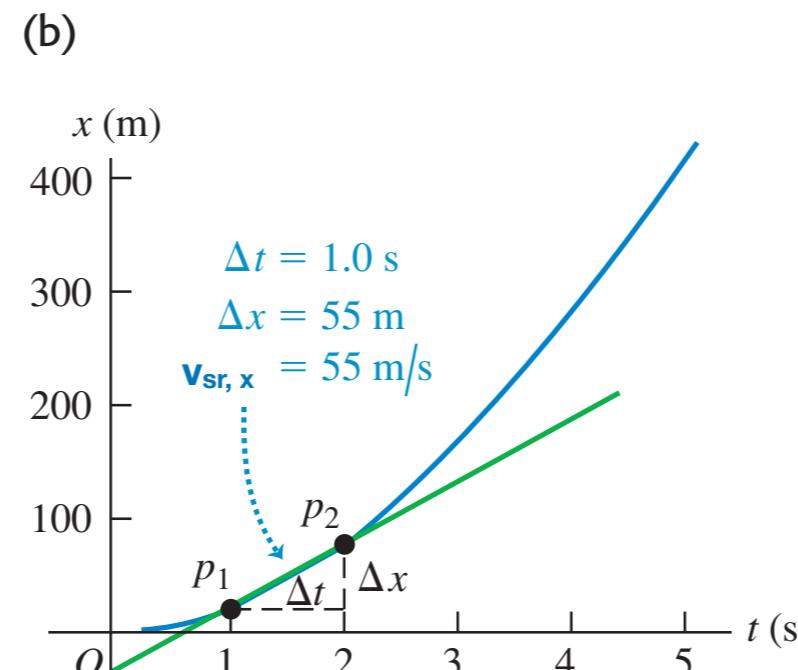
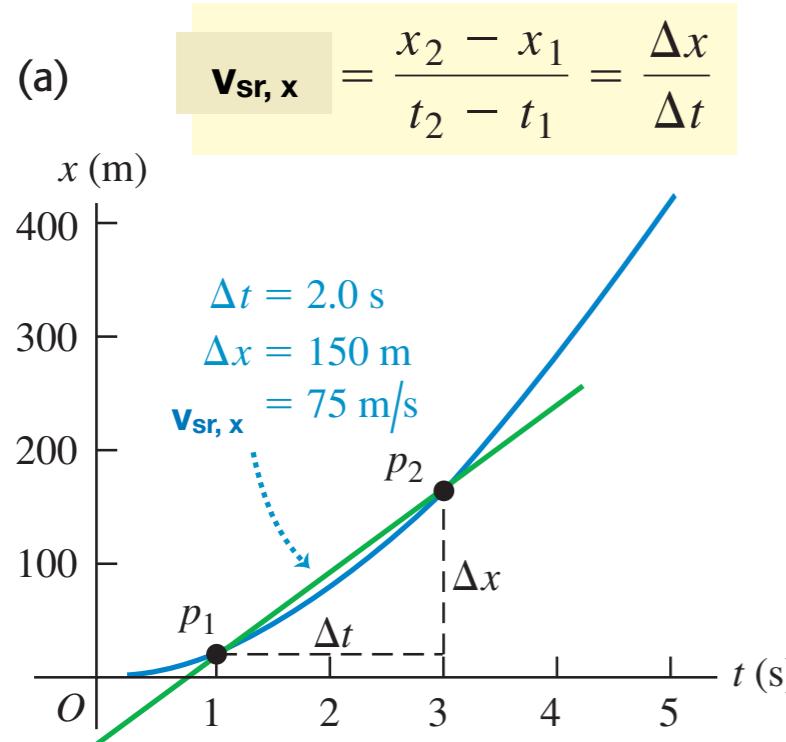
$$\Delta \vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

## SREDNJA BRZINA

$$\bar{\vec{v}} = \frac{\vec{r}_2 - \vec{r}_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$$

# Srednja i trenutna brzina

- za svaki vremenski interval mozemo izračunati srednju brzinu:



Kako je srednja brzina u x-smjeru računata na sve kraćim i kraćim vremenskim intervalima...

... njena komponenta  $\Delta x/\Delta t$  se približava trenutnoj brzini.

Trenutna brzina  $v_x$  u bilo kojoj točki jednaka je **nagibu tangente** na x-t krivulju u toj točki.

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{dx}{dt}\hat{i} + \frac{dy}{dt}\hat{j} + \frac{dz}{dt}\hat{k}$$

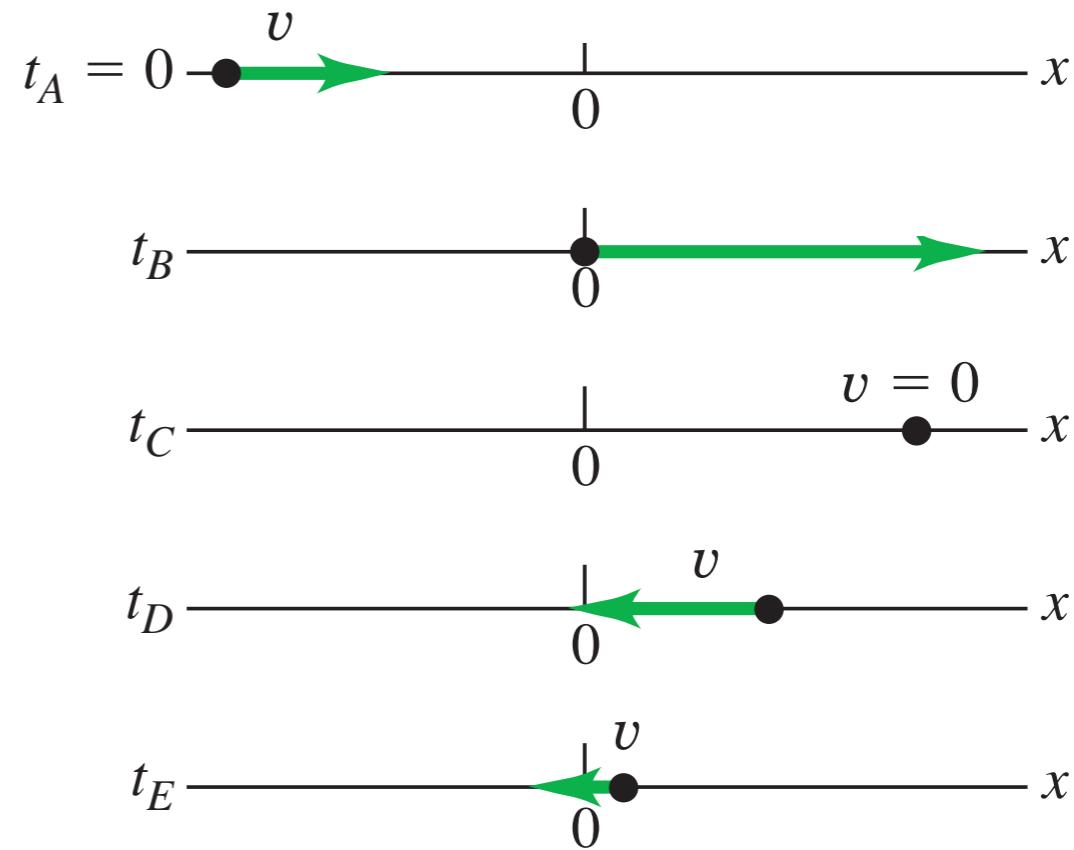
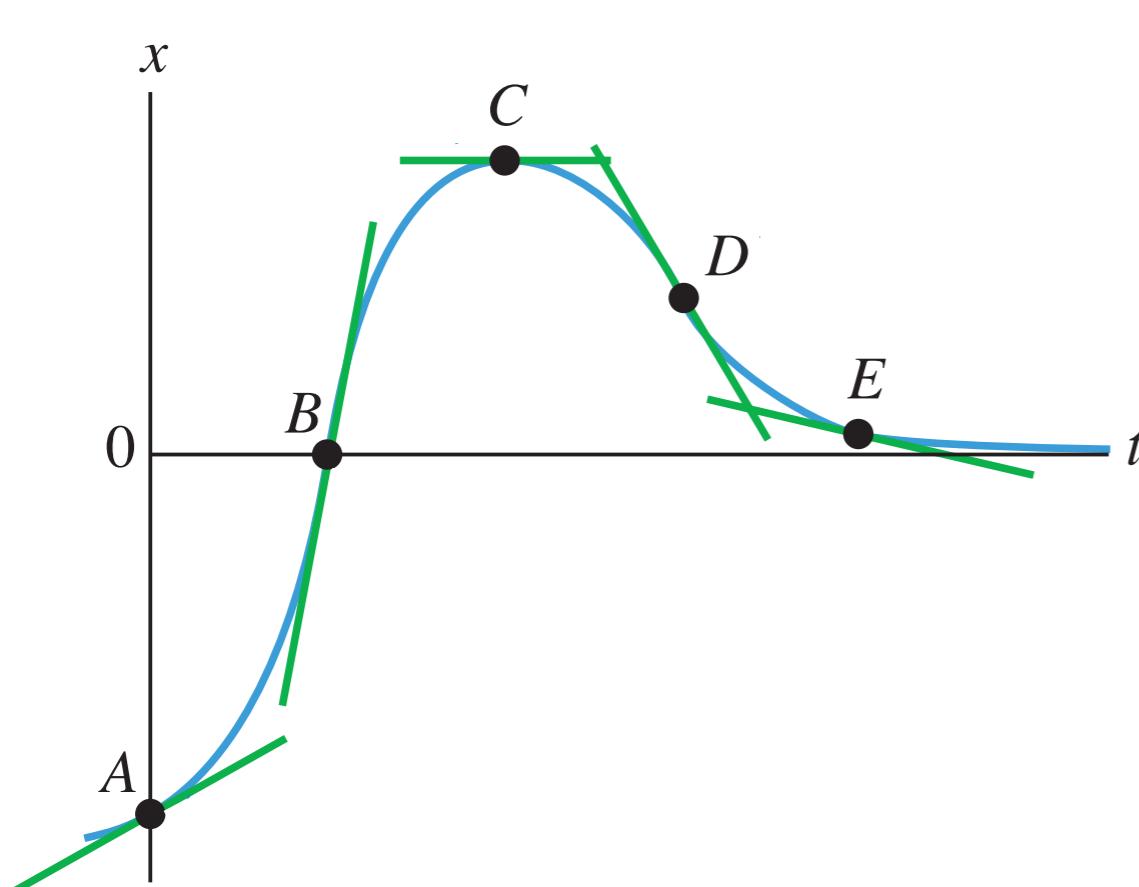
$$|\vec{v}| = v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$$

## Trenutna brzina:

$$v_x = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$

# Razumijevanje

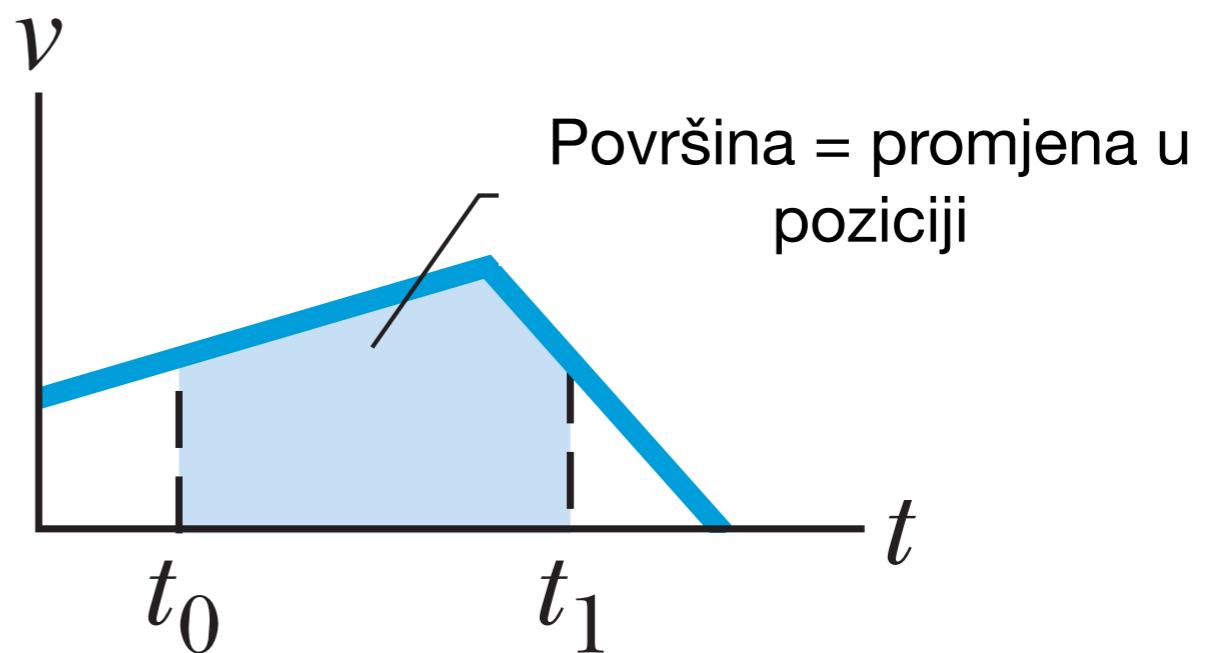
- Na slici je dan x-t grafikon gibanja nekog tijela. Što se može zaključiti o brzini tijela u točkama A, B, C, D, E na grafikonu?



$$v_x = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$

# Površina u v-t grafikonu

$$v_x = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$

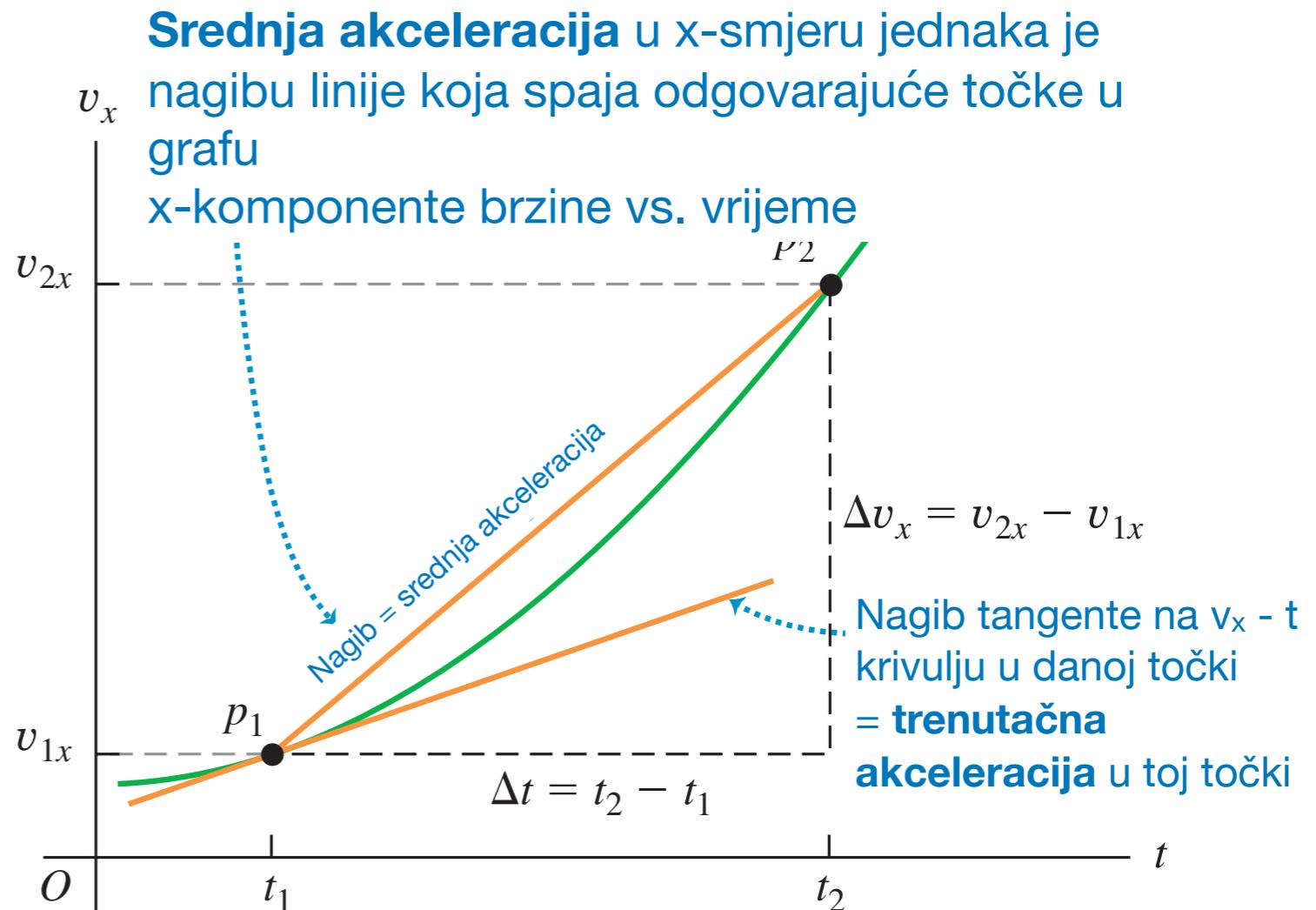


$$x_1 - x_0 = \int_{t_0}^{t_1} v \, dt$$

# Srednja i trenutna akceleracija

**SREDNJA AKCELERACIJA:**  
promjena u trenutačnoj brzini  
podijeljena sa vremenskim  
intervalom  $\Delta t = t_2 - t_1$

$$\bar{\vec{a}} \equiv \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} \hat{i} = \frac{(v_{2x} - v_{1x})}{\Delta t} \hat{i} = \bar{a}_x \hat{i}$$



Ako brzina ima komponente ( $v_x, v_y, v_z$ ):

$$\bar{\vec{a}} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{\Delta t} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}.$$

# Srednja i trenutna akceleracija

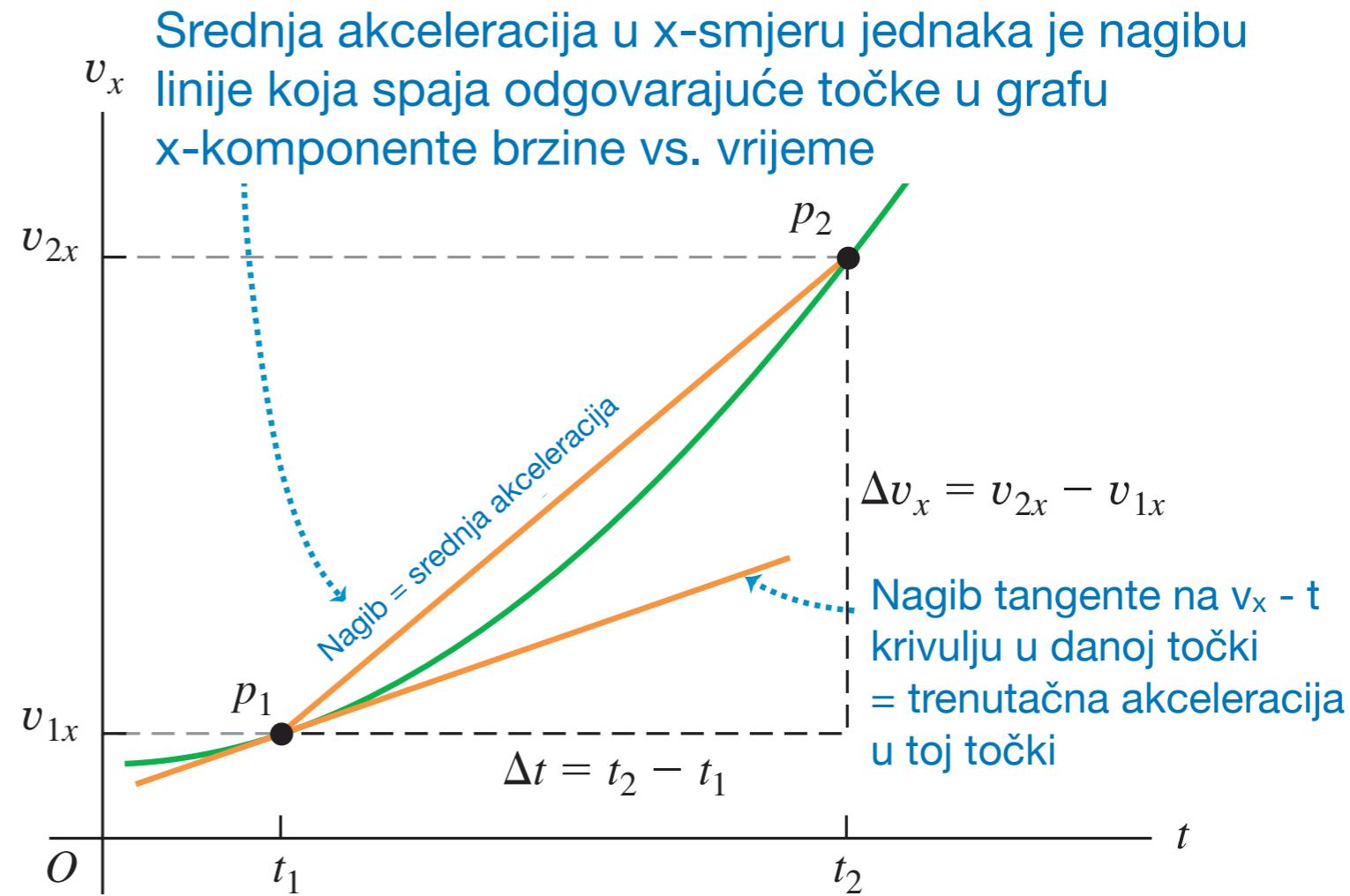
## TRENUTNA AKCELERACIJA:

$$a_x(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{v_x(t + \Delta t) - v_x(t)}{\Delta t} = \frac{dv_x}{dt}$$

$$\vec{a} = \frac{d}{dt} (v_x \hat{i} + v_y \hat{j} + v_z \hat{k})$$

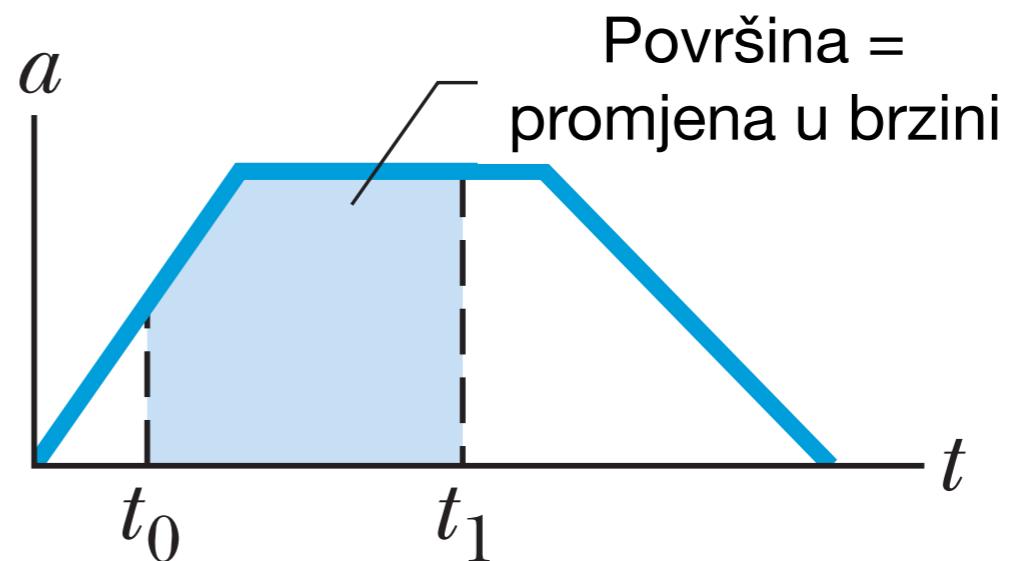
$$= \frac{dv_x}{dt} \hat{i} + \frac{dv_y}{dt} \hat{j} + \frac{dv_z}{dt} \hat{k}.$$

$$\vec{a} = \frac{d^2x}{dt^2} \hat{i} + \frac{d^2y}{dt^2} \hat{j} + \frac{d^2z}{dt^2} \hat{k}$$



# Površina u a-t grafikonu

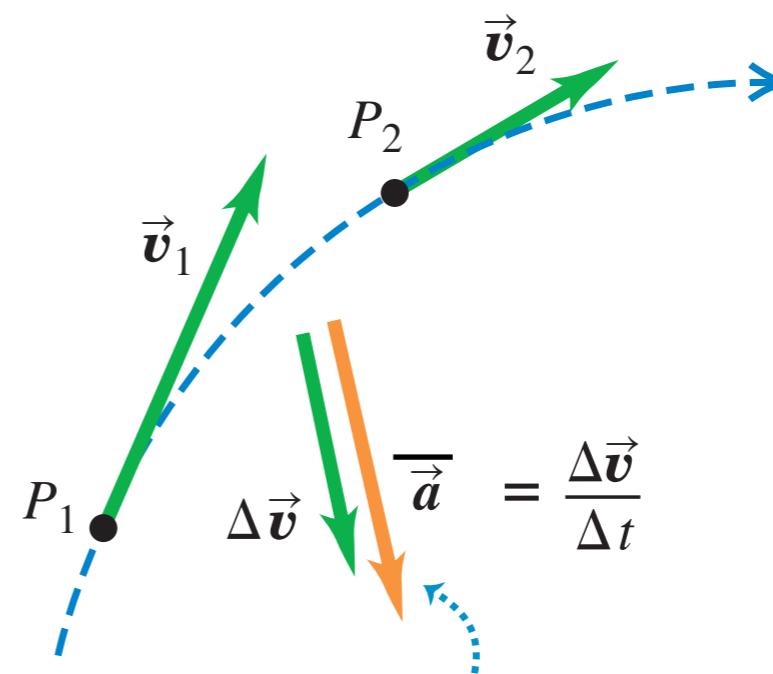
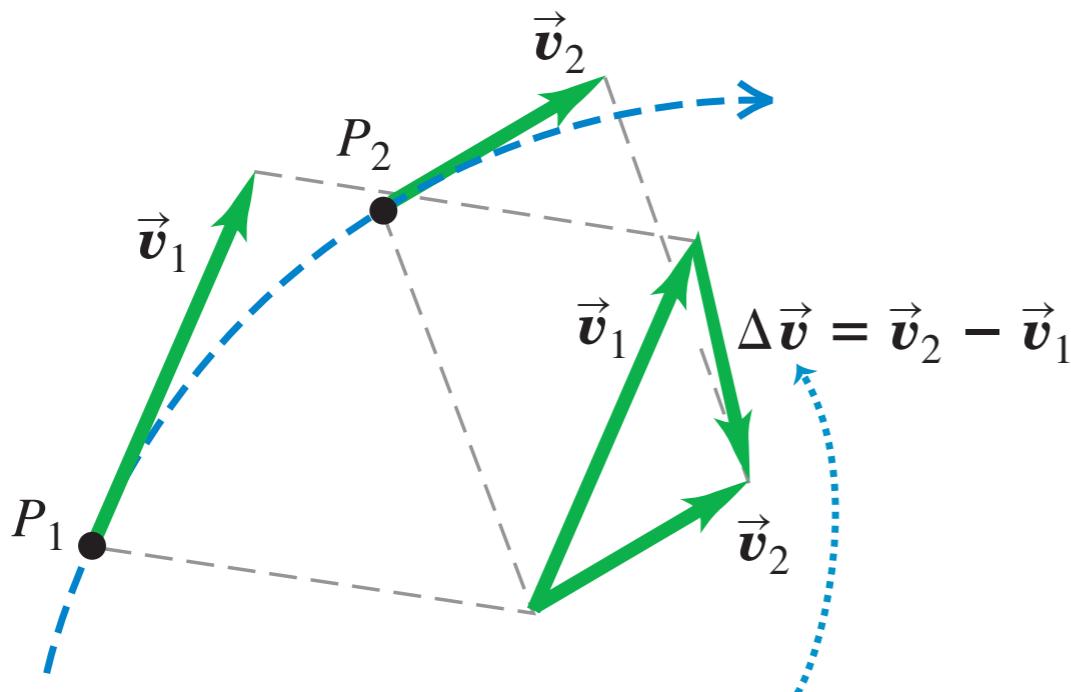
$$a_x(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{v_x(t + \Delta t) - v_x(t)}{\Delta t} = \frac{dv_x}{dt}$$



$$v_1 - v_0 = \int_{t_0}^{t_1} a \, dt.$$

# Smjer akceleracije: primjer

$$\overline{\vec{a}} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$



# Jednoliko pravocrtno gibanje

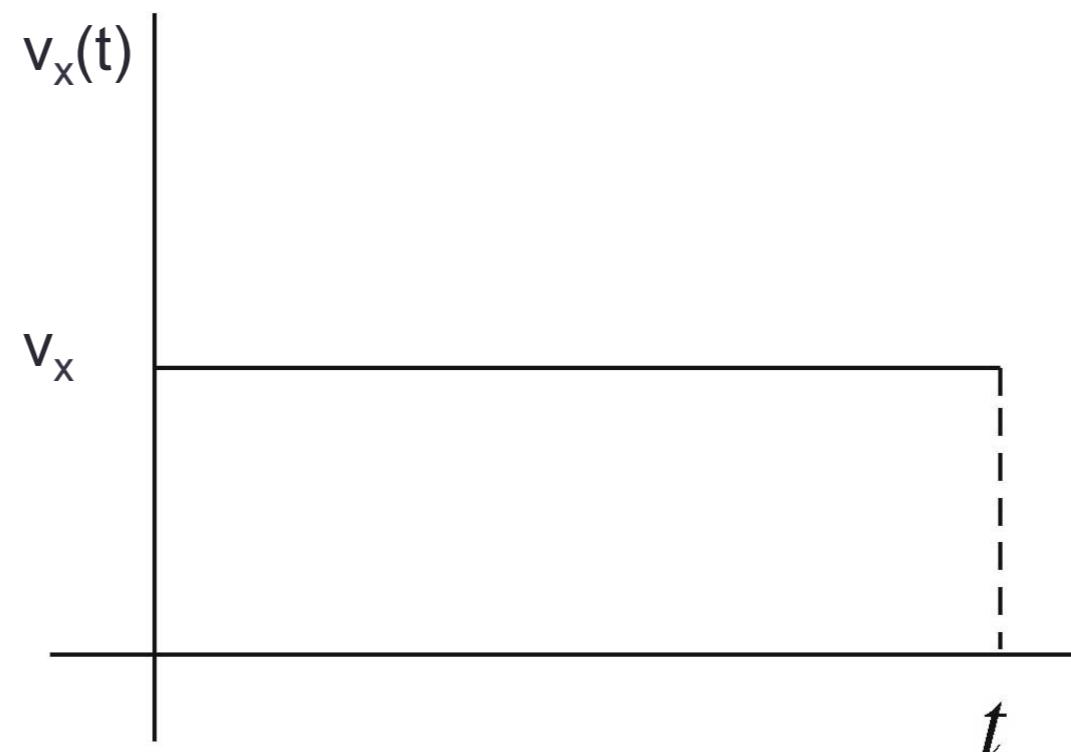
- Brzina je stalna u vremenu:

$$t=0: \quad x_0, \quad v=v_x$$

$$t: \quad x(t), \quad v=v_x$$

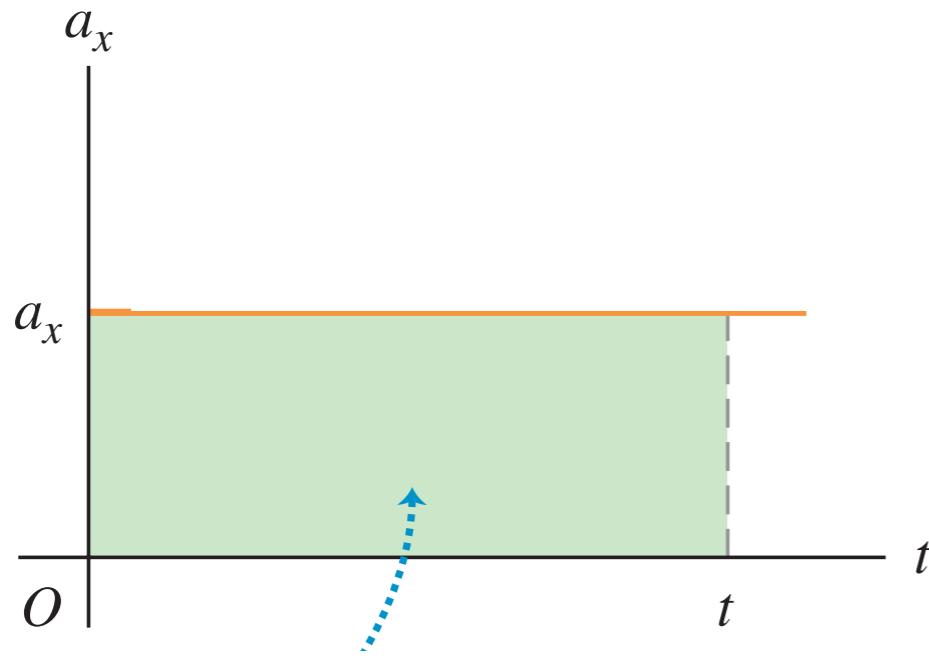
$$\Delta x \equiv x(t) - x_0 = \bar{v}_x t = v_x t$$

$$x(t) = x_0 + v_x t$$



$\Delta x = S(v_x, t)$  povrsina u v-t grafikonu

# Konstantna akceleracija



Površina ispod  $a_x$  - t krivulje  $= v_x - v_{0x}$   
 $=$  promjena u brzini duž x u vremenu 0 do t

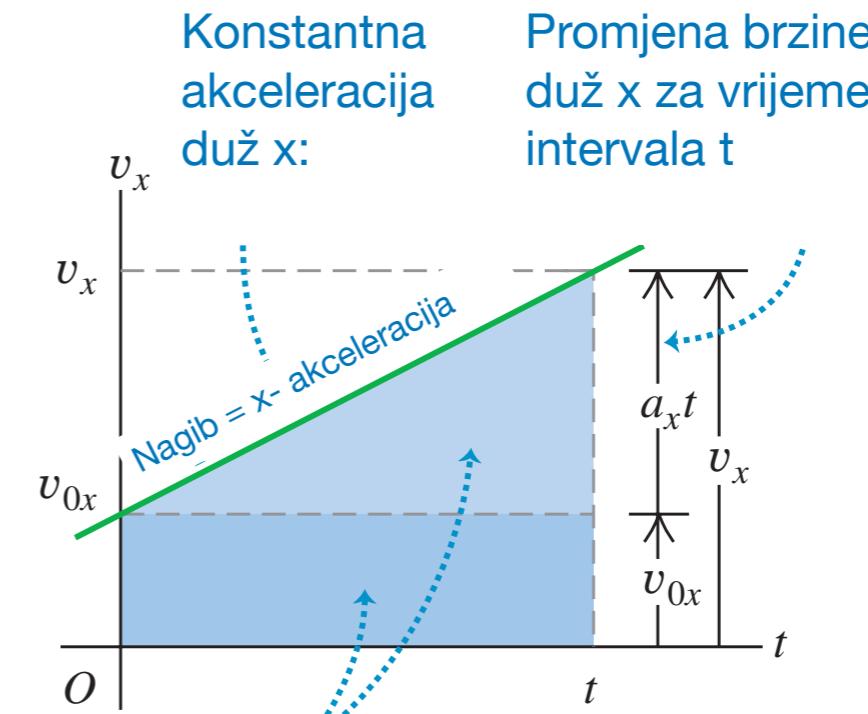
$$a_x = \bar{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_x(t) - v_{x,0}}{t}$$

$$v_x(t) = v_{x,0} + a_x t$$

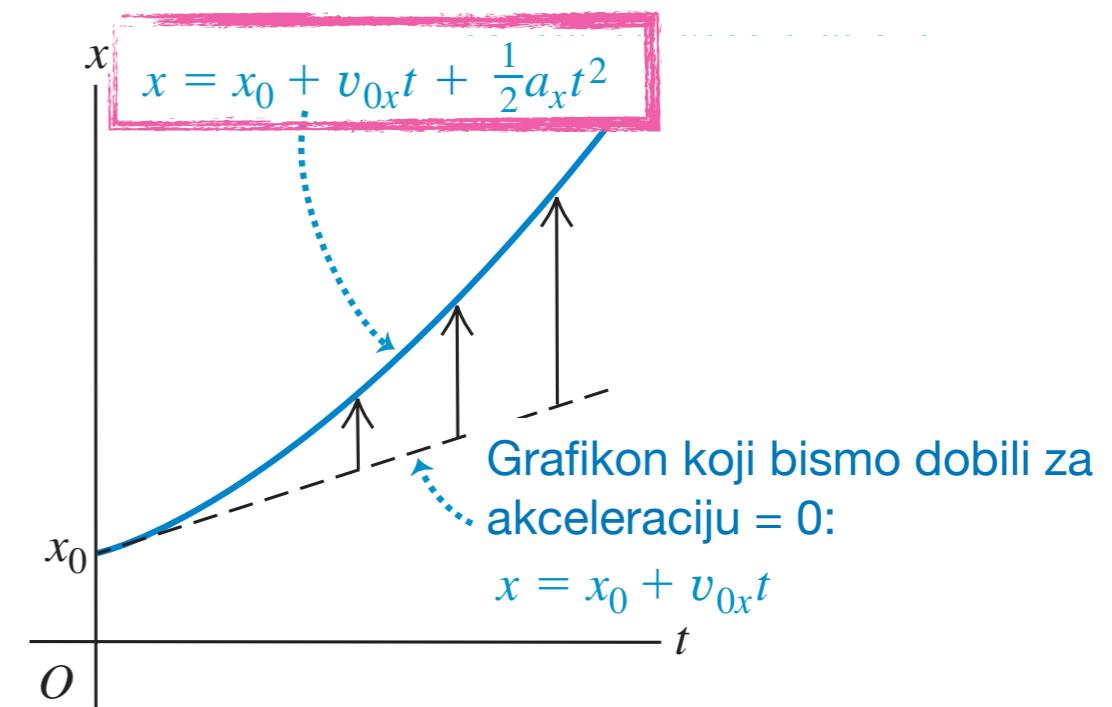
Površina:

$$S(v_x, t) = v_{x,0}t + \frac{1}{2}(v_x(t) - v_{x,0})t$$

$$S(v_x, t) = v_{x,0}t + \frac{1}{2}(v_{x,0} + a_x t - v_{x,0})t = v_{x,0}t + \frac{1}{2}a_x t^2$$



Površina ispod  $v_x$  - t grafikona  $= x - x_0$   
 $=$  promjena u x-koordinati od vremena 0 do t



# Zadatak

- Tijelo se giba u ravnini na način da mu je pozicija kao funkcija vremena dana sa:

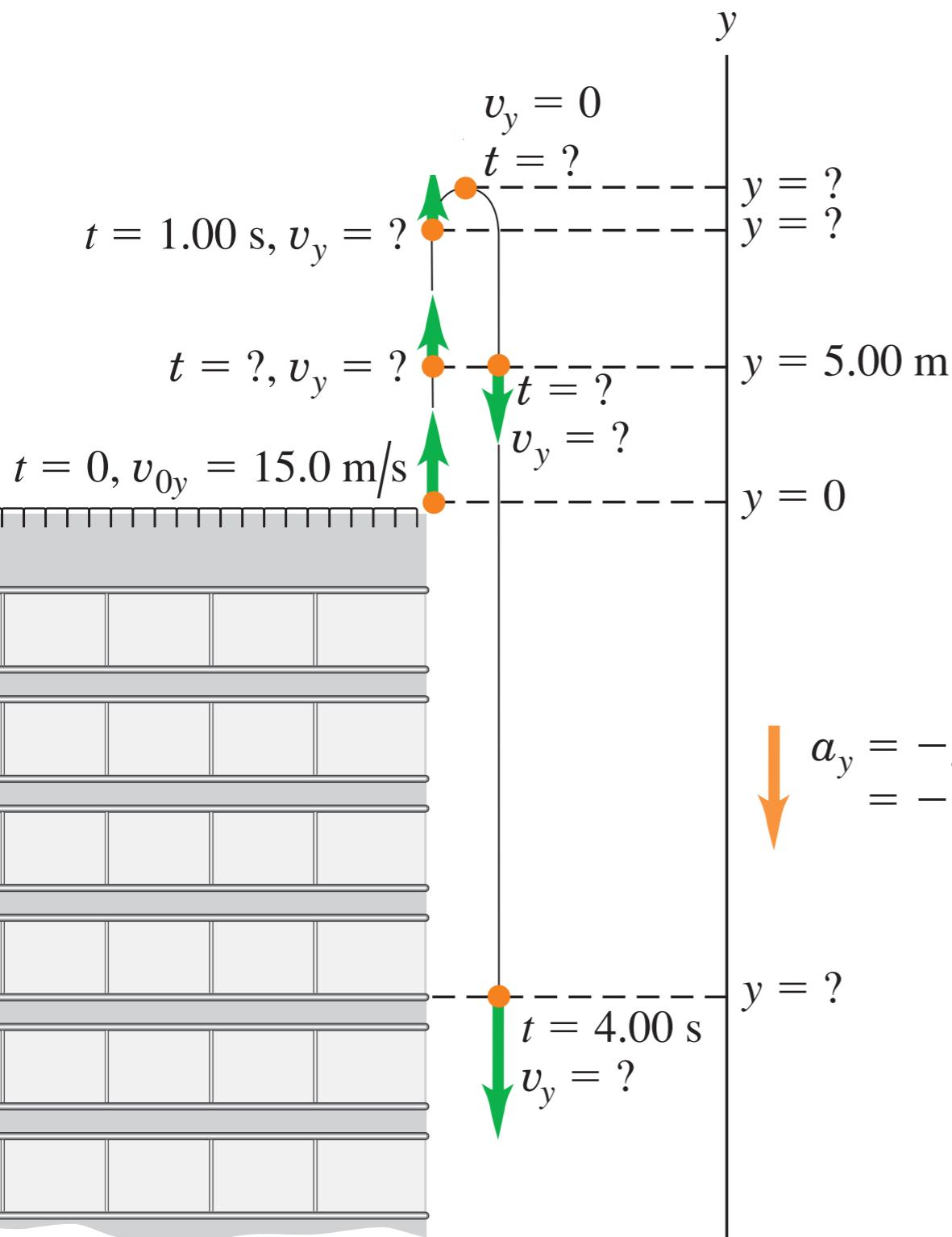
$$x = -0.31 t^2 + 7.2 t + 28$$

$$y = 0.22 t^2 - 9.1 t + 30$$

Odredite vektor pozicije  $\mathbf{r}$ , te vektore brzine  $\mathbf{v}$  i akceleracije  $\mathbf{a}$ , u vremenu  $t = 15 \text{ s}$ .

# Zadatak

- Lopta je izbačena vertikalno prema gore sa ruba zgrade brzinom 15 m/s. Nakon što je dosegla maksimalnu visinu, slobodno pada prema dolje (vidi sliku).



- Odredi: (a) poziciju lopte i brzinu u trenutku 1s i 4 s nakon što je izbačena; (b) brzinu lopte na visini 5m iznad ruba zgrade; (c) maksimalnu visinu koju postiže; (d) akceleraciju lopte kada se nalazi na maksimalnoj visini.

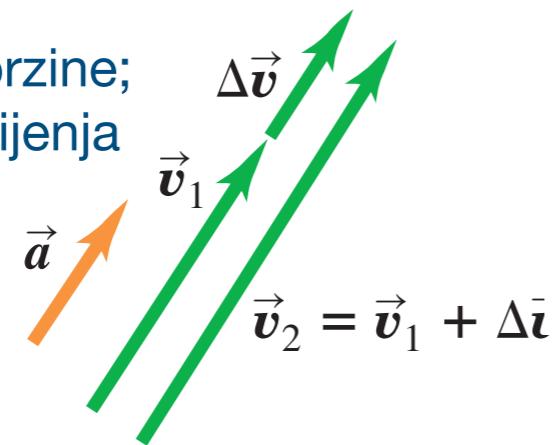
$$a_y = -g \\ = -9.80 \text{ m/s}^2$$

# Kružno gibanje

- Kružno gibanje je gibanje čija je putanja kružni luk radiusa  $r$

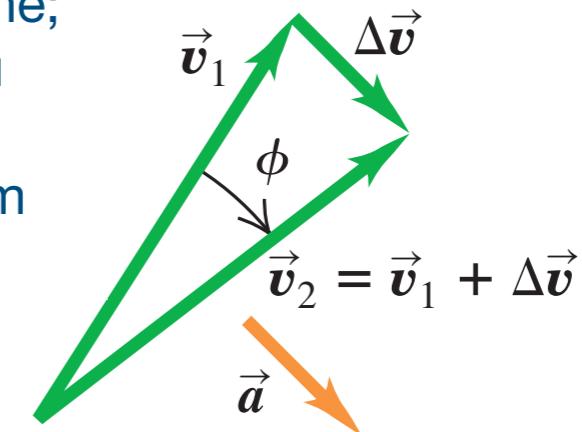
(a) Akceleracija je paralelna brzini

Mijenja samo **iznos** brzine;  
smjer brzine se ne mijenja



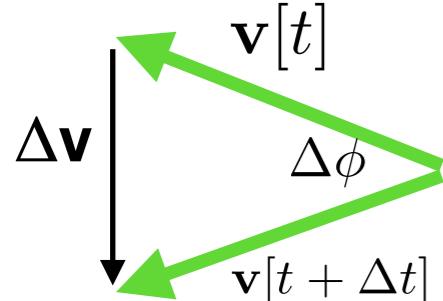
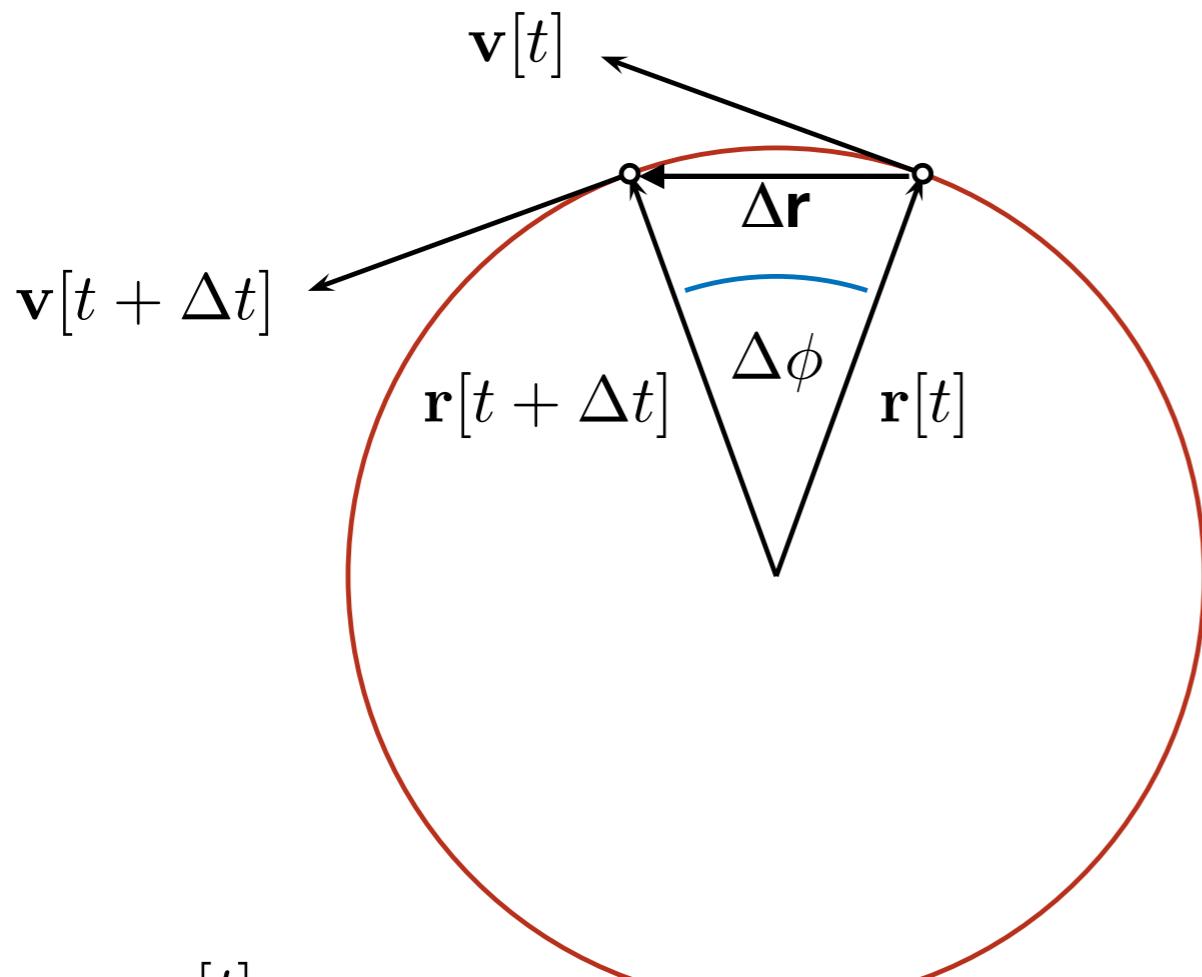
(b) Akceleracija je okomita na brzinu

Mijenja samo **smjer** brzine;  
čestica ima zakrivljenu  
putanju  
sa konstantnim iznosom  
brzine



# Kružno gibanje

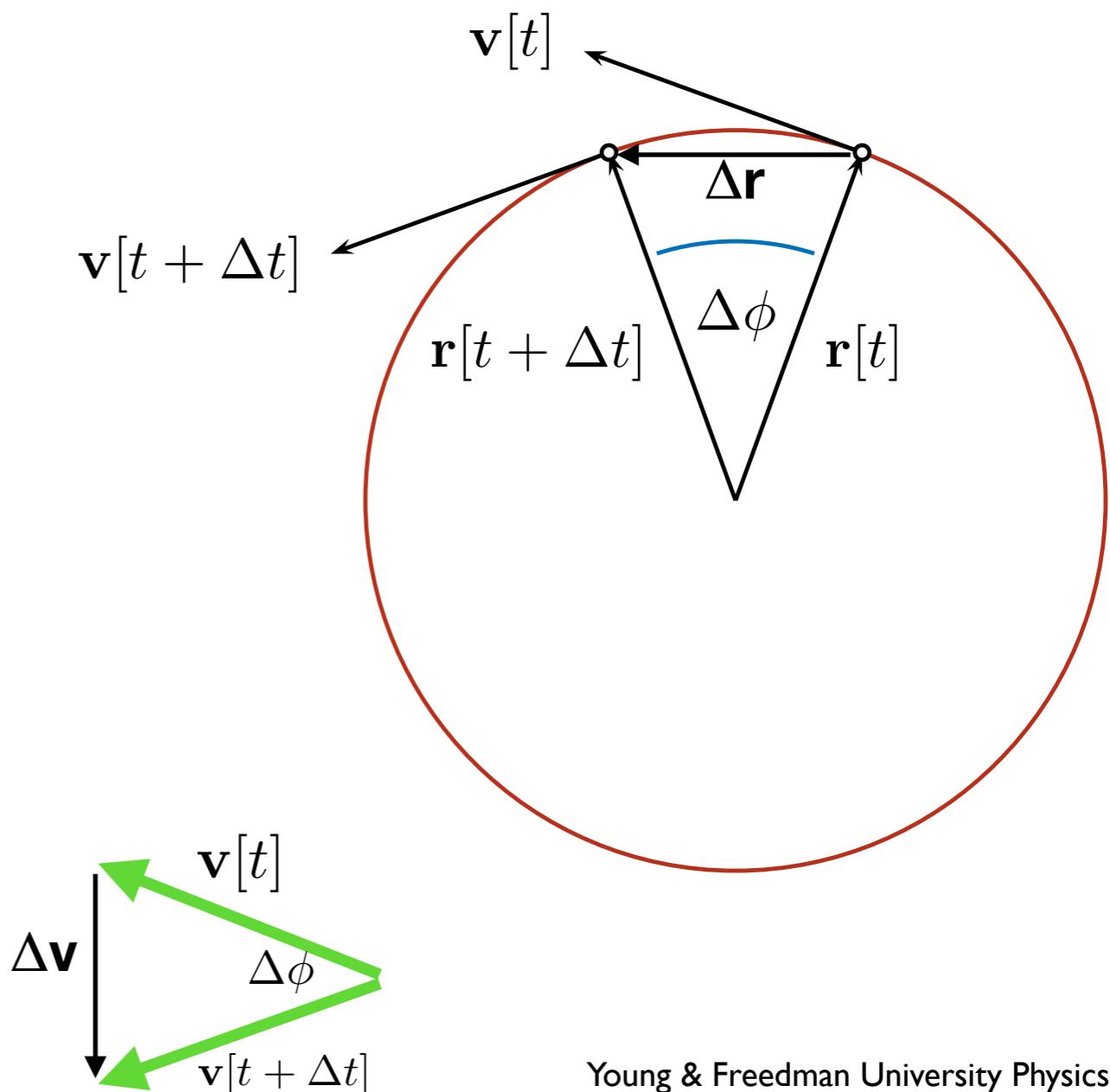
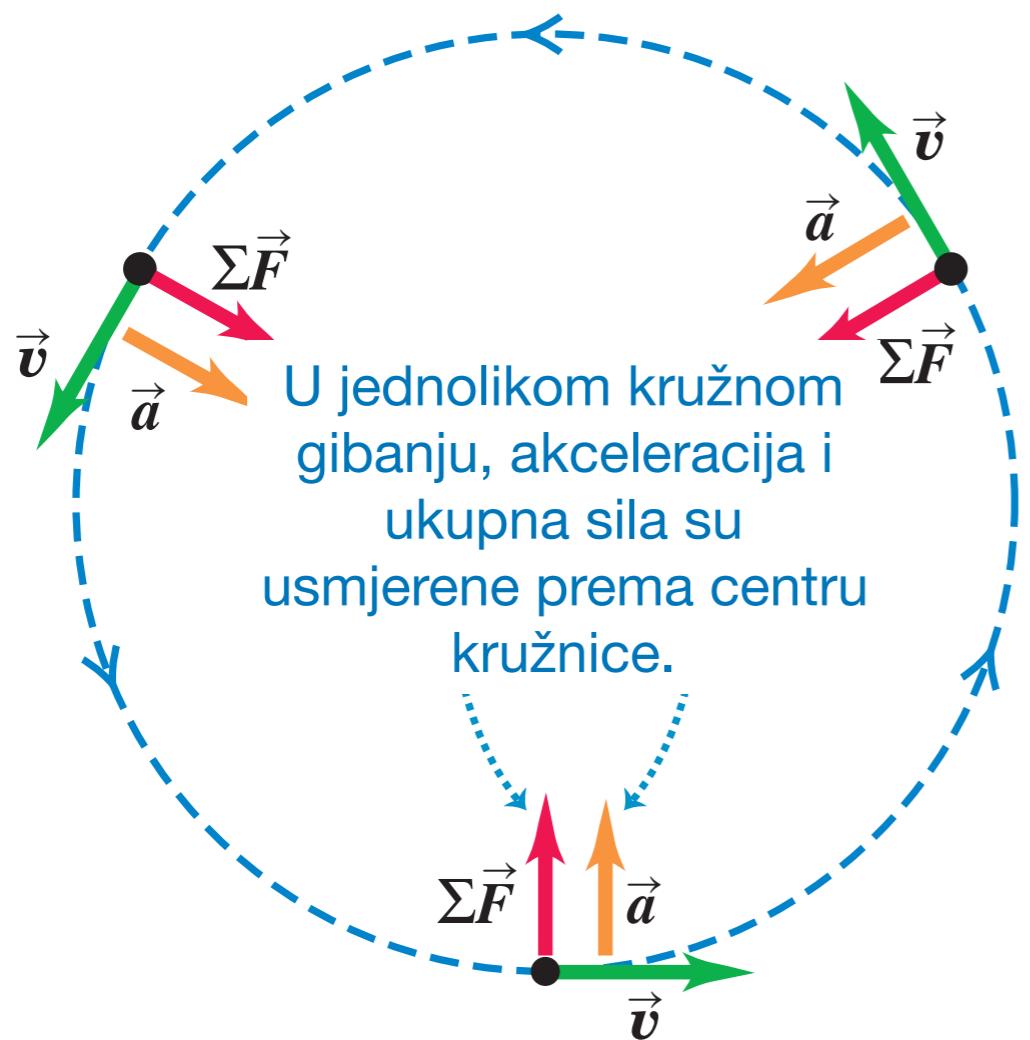
- Umjesto koordinate položaja  $x$  u trenutku  $t$  te prijeđenog puta  $\Delta s$  u vremenskom intervalu  $\Delta t$  kod pravocrtnog gibanja, kod kružnog gibanja promatra se kutna koordinata  $\phi$  (položajni kut, faza) u trenutku  $t$  te opisani (prebrisani) kut  $\Delta\phi$ , što ga vektor položaja  $\mathbf{r}$  prebriše u vremenskom intervalu  $\Delta t$



- Vektor pozicije mijenja smjer, ali ne i veličinu
- Smjer **obodne** (tangencijalne) brzine je okomit na smjer pozicije i čini tangentu na kruznu orbitu
- Smjer obodne brzine se stalno mijenja

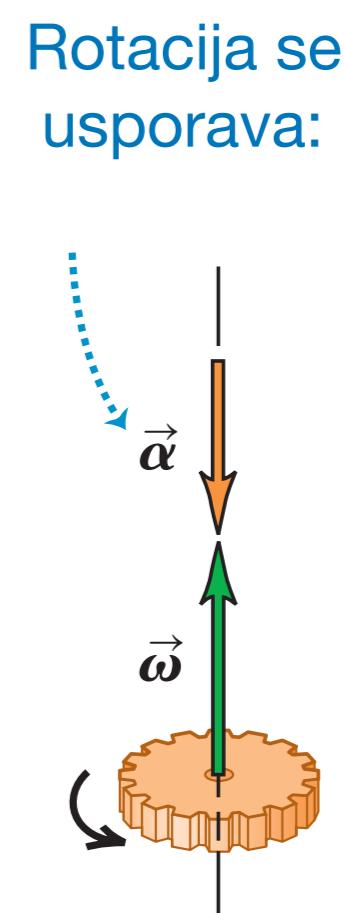
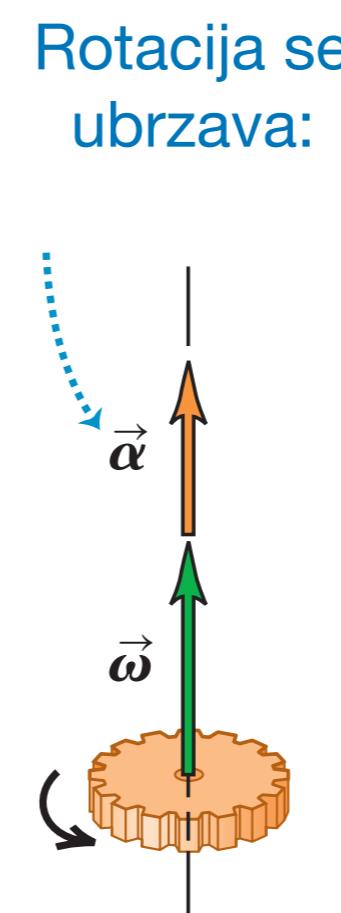
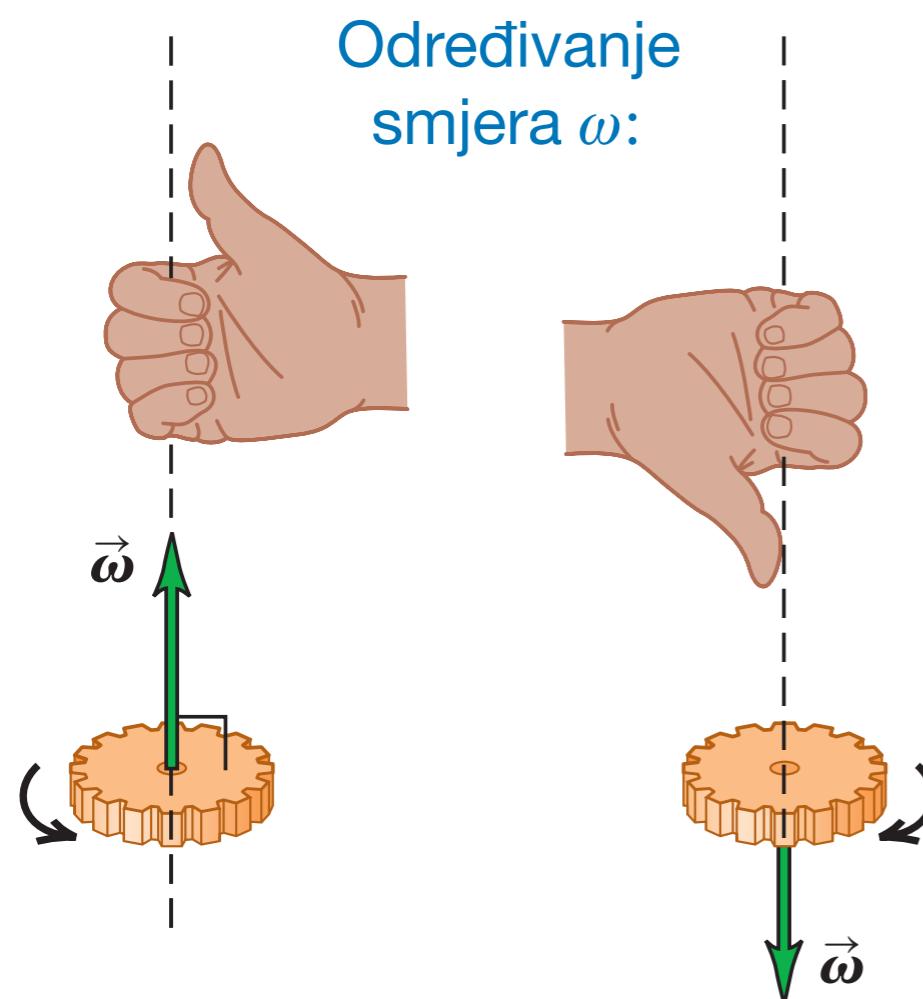
# Centripetalno (radijalno) ubrzanje

- Tijelo dobiva radikalnu (ili centripetalnu) akceleraciju kada sila djeluje okomito na brzinu
- Jednoliko kružno gibanje:** gibanje se odvija duž putanje koja ima oblik kružnice i to **brzinom stalnog iznosa**



# Kružno gibanje

- Kada se tijelo giba po kružnoj putanji, **smjer brzine** se mijenja, ali se i **iznos brzine** može mijenjati
- za kružno gibanje, **ubrzanje uvijek ima radikalnu komponentu zbog promjene smjera brzine**
- *ubrzanje može imati i tangencijalnu komponentu  $a_t$  ako se iznos brzine mijenja.*  
Kada je  $a_t = 0$ , iznos brzine ostaje konstantan
- vektor ubrzanja  $\mathbf{a}$  se može rastaviti na dvije komponente: radikalnu (centripetalnu)  $\mathbf{a}_r$  i tangencijalnu  $\mathbf{a}_t$

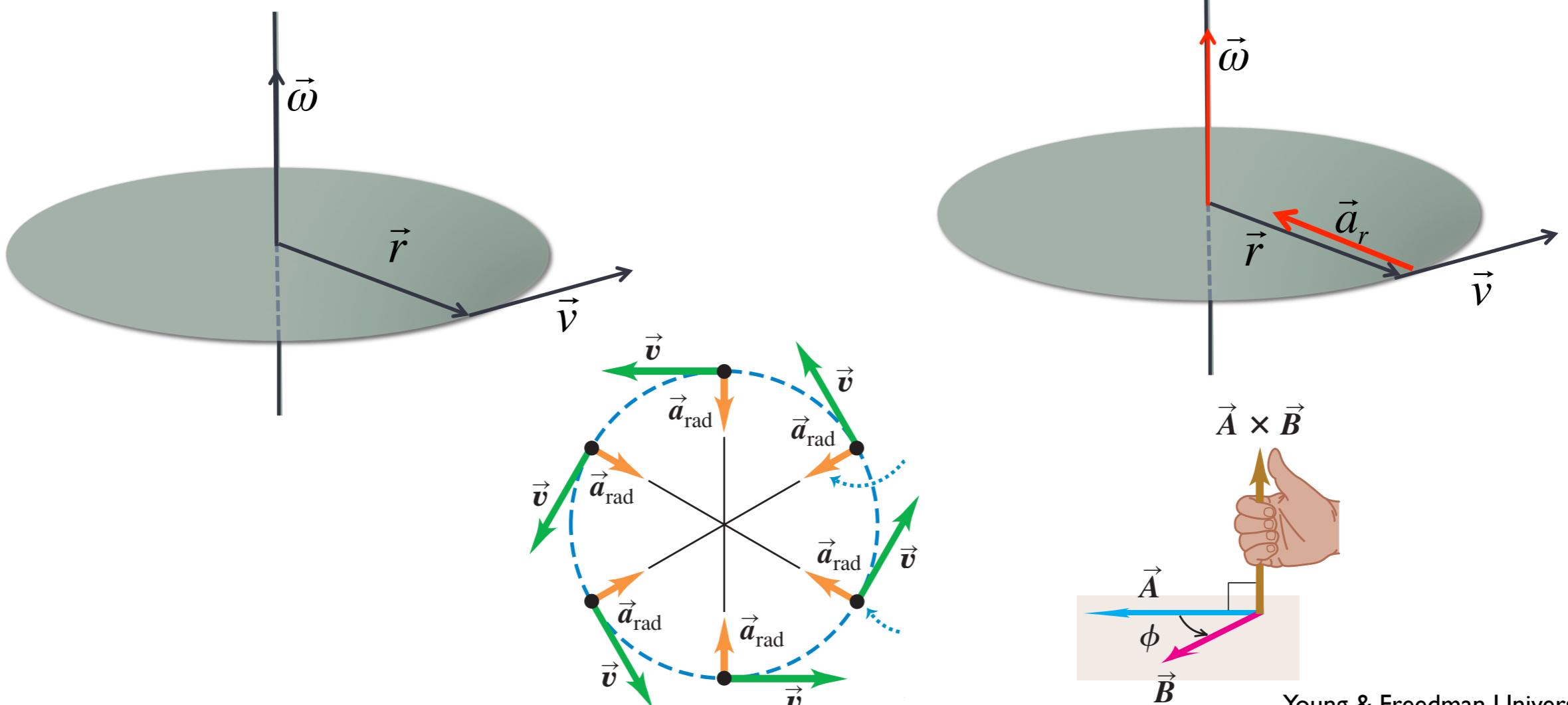


# Zadatak

- Kolika je brzina čestice koja se nalazi na rubu kružne ploče polujera 40 cm i koja se okreće 10 puta u minuti?

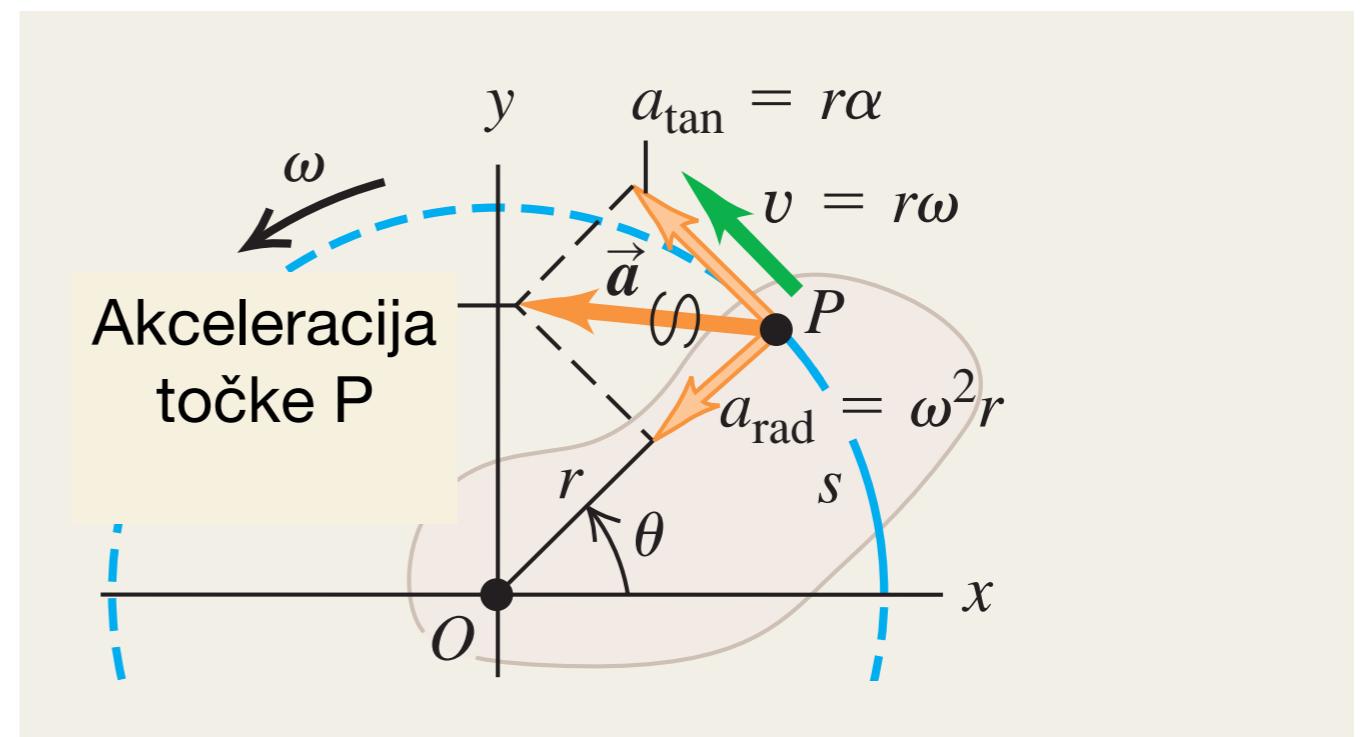
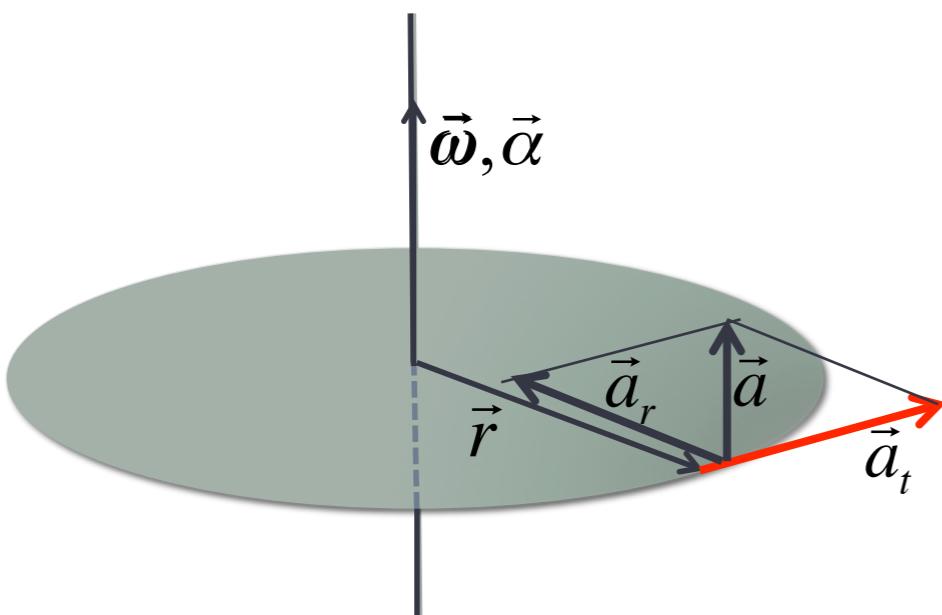
# Kružno gibanje

- Kada se tijelo giba po kružnoj putanji, **smjer brzine** se mijenja, ali se i **iznos brzine** može mijenjati
  - za kružno gibanje, **ubrzanje uvijek ima radikalnu komponentu zbog promjene smjera brzine**
  - *ubrzanje može imati i tangencijalnu komponentu  $a_t$  ako se iznos brzine mijenja.*
- Kada je  $a_t = 0$ , iznos brzine ostaje konstantan
- vektor ubrzanja  $\mathbf{a}$  se može rastaviti na dvije komponente: radikalnu (centripetalnu)  $\mathbf{a}_r$  i tangencijalnu  $\mathbf{a}_t$



# Tangencijalno ubrzanje

- Kada se tijelo giba po kružnoj putanji, **smjer brzine** se mijenja, ali se i **iznos brzine** može mijenjati
  - za kružno gibanje, **ubrzanje uvijek ima radikalnu komponentu zbog promjene smjera brzine**
  - ubrzanje može imati i tangencijalnu komponentu  $a_t$  ako se iznos brzine mijenja.*
- Kada je  $a_t = 0$ , iznos brzine ostaje konstantan
- vektor ubrzanja  $\mathbf{a}$  se može rastaviti na dvije komponente: radikalnu (centripetalnu)  $\mathbf{a}_r$  i tangencijalnu  $\mathbf{a}_t$



# Zadatak

- Kotač polumjera 10 cm rotira tako da mu se kutni pomak mijenja prema zakonu  $\phi = a + bt + ct^2$ , gdje je  $a = 1.57$  rad,  $b = 3.14$  rad/s i  $c = 0.78$  rad/s<sup>2</sup>. Potrebno je izračunati:

- kutni pomak
- kutnu brzinu
- kutnu akceleraciju

u t = 1s.

Kolika je tangencijalna akceleracija točke na rubu kotača?

# Zadatak

- Automobil se kreće zavojem polumjera zakrivljenosti 500m ubrzavajući se u tangencijalnom smjeru akceleracijom  $0.5\text{m/s}^2$ . Izračunajte centripetalnu i ukupnu akceleraciju automobila u trenutku kada mu je brzina 72 km/h. Koliko je vremena potrebno da automobil ubrza od 54 km/h do 72 km/h?

# Zadatak

- Zamašnjak stroja okreće se kutnom brzinom jednakoj 600 okretaja/minuti. Koliko će okretaja napraviti zamašnjak od trenutka kada ga počne zaustavljati tangencijalna sila, ako se on zaustavi za 5 s?

# Newtonovi zakoni gibanja

## 1. Newtonov aksiom

*Kada na tijelo - materijalnu točku ne djeluje sila ili je ukupna sila jednaka 0, ono ostaje u stanju mirovanja ili jednolikog gibanja po pravcu.*

$$\sum \vec{F} = 0$$

- Uzrok promjene stanja gibanja je sila.
- Ako sile nema ili je rezultanta sila jednaka nuli, tijelo ostaje u početnom stanju (princip ustrajnosti, tromosti ili inercije)
- ***Svaki sustav u kojem vrijedi prvi Newtonov zakon jest inercijalni sustav***

# Newtonovi zakoni gibanja

## 2. Newtonov aksiom

Ako postoji vanjska sila koja djeluje na tijelo, ono će ubrzavati. Smjer ubrzanja (akceleracije) je jednak smjeru ukupne sile na tijelo. Masa tijela pomnožena sa akceleracijom jednaka je ukupnoj sili.

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

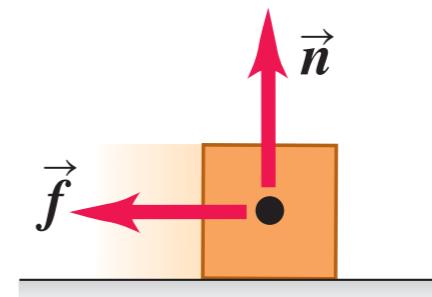
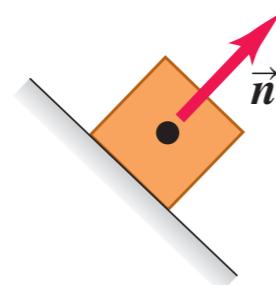
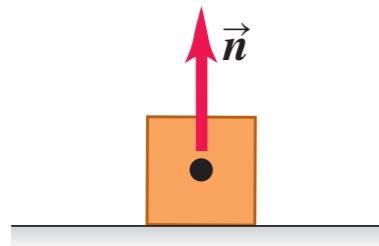
$$\sum F_x = ma_x \quad \sum F_y = ma_y \quad \sum F_z = ma_z$$

# Sila i interakcije

- Sila = interakcija između dva tijela ili između tijela i njegove okoline. Jedinica:

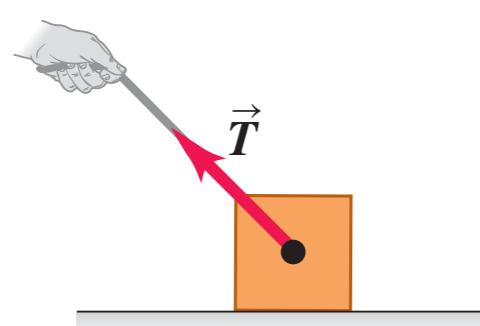
$$1 \text{ N} = 1 \text{ kg} \cdot \text{m/s}^2$$

- vektorska veličina!
- Uobičajene sile:

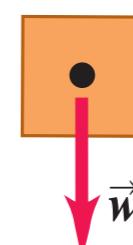


**SILA PODLOGE (“NORMAL FORCE”):** kada se objekt nalazi na nekoj podlozi, podloga djeluje na tijelo silom koja je okomita na podlogu

**SILA TRENJA**



**SILA NAPETOSTI:** sila na objekt kada ga npr. vučemo uzetom



$$\vec{w} = m\vec{g}$$

$$g = 9.8 \text{ m/s}^2$$

**TEŽINA**

# Inercijalni i neinercijalni sustavi

## I Newtonov zakon:

Tijelo ustraje u stanju mirovanja ili jednolikog gibanja po pravcu, ukoliko se to stanje ne izmijeni djelovanjem sile.

Pripisuje tijelu svojstvo **tromosti** (inercije, ustrajnosti)

U odsustvu sile tijelo miruje ili se jednoliko pravocrtno giba, u suprotnom se odlikuje tromošću.

Tromost je “otpor” tijela djelovanju sile.

I Newtonov zakon naziva se **ZAKONOM INERCIJE**.

# Inercijalni i neinercijalni sustavi

## INERCIJALNI KOORDINATNI SUSTAVI

- sustavi u kojima vrijede Newtonovi aksiomi
- gibaju se jednoliko pravocrtno jedan u odnosu na drugoga

## NEINERCIJALNI SUSTAVI

- gibaju se ubrzano u odnosu na neki inercijalni sustav