

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od **20 pitanja** i ukupno nosi **20 bodova**. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je **150 minuta**. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1** (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. **Što od navedenoga vrijedi?**

- ☐ A Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ B Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$
☐ C Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ D Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$

- 2** (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, 2, \square], [4, 5, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. **Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?**

- ☐ A 1 ☐ B 7 ☐ C 5 ☐ D 6

- 3** (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(b) = 1$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. **Za koju vrijednost heuristike za stanje c algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?**

- ☐ A $h(c) = 5$ ☐ B $h(c) = 4$ ☐ C $h(c) = 2$ ☐ D $h(c) = 0$

- 4** (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. **Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?**

- ☐ A 78729 ☐ B 85257 ☐ C 85293 ☐ D 78696

- 5** (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redosljedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. **Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?**

- ☐ A 11 ☐ B 14 ☐ C 16 ☐ D 18

6 (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?

- ☐ A Algoritam više neće biti potpun ☐ C Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$
☐ B Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4 ☐ D Algoritam više neće biti optimalan

7 (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). Koji su sadržaji listi O i C nakon četvrtog koraka izvođenja algoritma A^* ?

- ☐ A $O = [(f, 9)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ B $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ C $O = [(e, 7), (f, 10), (b, 13)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ D Algoritam ne dostiže četvrti korak

2. Igranje igara (3 pitanja)

8 (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?

- ☐ A 1 ☐ B 3 ☐ C 2 ☐ D 4

9 (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?

- ☐ A T raste b puta, S se ne mijenja ☐ C T raste b puta, S se povećava za b
☐ B T se povećava za b , S raste b puta ☐ D T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta

10 (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	-3	-2	1	-4

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A . Kroz koja stanja će se razvijati igra?

- ☐ A A, D, J, \dots ☐ B A, C, G, \dots ☐ C A, D, I, \dots ☐ D A, C, H, \dots

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

11 (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F ?

- ☐ A Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina
☐ B Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije
☐ C Svaki model formule G ujedno je i model formule F
☐ D Formula G je istinita u svim modelima formule F

- 12 (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “*Neki Amerikanci ne vole hamburger*”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**

- ☐ A $\exists x \forall y ((A(x) \wedge H(y)) \rightarrow \neg V(x, y))$ ☐ C $\forall x (A(x) \rightarrow (\forall y (H(y) \rightarrow \neg V(x, y))))$
☐ B $\exists x (A(x) \wedge \forall y (V(x, y) \rightarrow \neg H(y)))$ ☐ D $\exists x \forall y (A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$

- 13 (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**

- ☐ A $\{R(a), Q(a)\}$ ☐ B $\{R(a), Q(x)\}$ ☐ C $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$ ☐ D $\{R(y)\}$

- 14 (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtn (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtn ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtn, onda je obična smrtna životinja.* **Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?**

- ☐ A *Jednorog je magičan.*
☐ B *Ako jednorog nije obična smrtna životinja, onda je besmrtn.*
☐ C *Ako je jednorog obična smrtna životinja, onda nije besmrtn.*
☐ D *Jednorog je obična smrtna životinja ili rogat.*

- 15 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x (\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x \forall y (Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

- ☐ A $\forall x Q(a, x)$ ☐ B $\forall x R(x)$ ☐ C $\exists x P(x) \wedge P(b)$ ☐ D $\forall x (\exists y P(y) \vee R(x))$

- 16 (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**

- ☐ A Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti
☐ B Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa
☐ C Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu
☐ D Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

- 17 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).
podvrsta(ptica, reptil).
podvrsta(kokoška, ptica).
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).
leti(X) :- potomak(X, ptica).
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit vratiti `True`. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za `not(P(X))` i drugi za `P(X)`), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- ☐ A 12 ☐ B 14 ☐ C 10 ☐ D 8

18 (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**

- ☐ A Atomi klauzula iz skupa premisa ☐ C Atomi činjenica iz logičkog programa
☐ B Atomi klauzula iz skupa potpore ☐ D Atomi glave pravila iz logičkog programa

19 (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuje od dokazivača teorema?**

- ☐ A Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama
☐ B Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju
☐ C Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje
☐ D Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed

20 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$
(2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$
(3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na može bitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$. **Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?**

- ☐ A Pali dva pravila i izvodi $D = d_2$ ☐ C Pali tri pravila i izvodi $D = d_1$
☐ B Izvodi $E = e_2$ te kasnije $C = c_2$ ☐ D Završava s tri činjenice u radnoj memoriji

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od 20 pitanja i ukupno nosi 20 bodova. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je 150 minuta. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1 (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, \square, 2], [4, 5, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?

☐ A 5 ☐ B 7 ☐ C 1 ☐ D 2

- 2 (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?

☐ A Algoritam više neće biti potpun ☐ C Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$
☐ B Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4 ☐ D Algoritam više neće biti optimalan

- 3 (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?

☐ A 78696 ☐ B 78729 ☐ C 85293 ☐ D 85257

- 4 (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). Koji su sadržaji listi O i C nakon četvrtog koraka izvođenja algoritma A^* ?

☐ A $O = [(f, 9)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ B $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ C $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ D Algoritam ne dostiže četvrti korak

- 5 (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. Što od navedenoga vrijedi?

☐ A Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$
☐ B Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ C Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$
☐ D Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$

- 6 (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i

dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redoslijedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. **Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?**

- ☐ A 18 ☐ B 14 ☐ C 16 ☐ D 11

- 7** (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(c) = 2$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. **Za koju vrijednost heuristike za stanje b algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?**

- ☐ A $h(b) = 5$ ☐ B $h(b) = 0$ ☐ C $h(b) = 4$ ☐ D $h(b) = 3$

2. Igranje igara (3 pitanja)

- 8** (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. **Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?**

- ☐ A T se povećava za b , S raste b puta ☐ C T raste b puta, S se povećava za b
☐ B T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta ☐ D T raste b puta, S se ne mijenja

- 9** (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. **Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?**

- ☐ A 3 ☐ B 1 ☐ C 2 ☐ D 4

- 10** (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	-3	-2	1	-4

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A . **Kroz koja stanja će se razvijati igra?**

- ☐ A A, C, H, \dots ☐ B A, C, G, \dots ☐ C A, D, I, \dots ☐ D A, D, J, \dots

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

- 11** (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “Neki Amerikanci ne vole hamburger”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**

- ☐ A $\forall x (A(x) \rightarrow (\exists y (H(y) \rightarrow \neg V(x, y))))$ ☐ C $\exists x \forall y (A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$
☐ B $\exists x \forall y (A(x) \wedge (H(y) \rightarrow \neg V(x, y)))$ ☐ D $\exists x (A(x) \rightarrow (\exists y (H(y) \rightarrow \neg V(x, y))))$

12 (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**

- ☐ A Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti
- ☐ B Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa
- ☐ C Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu
- ☐ D Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa

13 (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**

- ☐ A $\{R(a), Q(a)\}$ ☐ B $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$ ☐ C $\{R(a), Q(x)\}$ ☐ D $\{R(y)\}$

14 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x (\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x \forall y (Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

- ☐ A $\exists x P(x) \vee P(b)$ ☐ B $\exists x P(x) \wedge P(b)$ ☐ C $\exists x \neg P(x)$ ☐ D $\forall x P(x)$

15 (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtna (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtna ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtna, onda je obična smrtna životinja.* **Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?**

- ☐ A *Ako jednorog nije obična smrtna životinja, onda je besmrtna.*
- ☐ B *Jednorog je mitsko biće.*
- ☐ C *Jednorog je magičan.*
- ☐ D *Jednorog je obična smrtna životinja ili rogat.*

16 (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. **Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F ?**

- ☐ A Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije
- ☐ B Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina
- ☐ C Svaki model formule G ujedno je i model formule F
- ☐ D Formula G je istinita u svim modelima formule F

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

17 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$
- (2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$
- (3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na može bitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$. **Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?**

- ☐ A Izvodi $B = b_3$ te kasnije $A = a_2$ ☐ C Završava s tri činjenice u radnoj memoriji
- ☐ B Izvodi $E = e_2$ te kasnije $C = c_2$ ☐ D Pali tri pravila i izvodi $D = d_1$

18 (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**

- ☐ A Atomi klauzula iz skupa premisa ☐ C Atomi klauzula iz skupa potpore
- ☐ B Atomi glave pravila iz logičkog programa ☐ D Atomi činjenica iz logičkog programa

- 19 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).  
podvrsta(ptica, reptil).  
podvrsta(kokoška, ptica).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).  
leti(X) :- potomak(X, ptica).  
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit vratiti `True`. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za `not(P(X))` i drugi za `P(X)`), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- ☐ A 12 ☐ B 14 ☐ C 8 ☐ D 10

- 20 (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuje od dokazivača teorema?**

- ☐ A Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje
- ☐ B Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed
- ☐ C Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama
- ☐ D Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od **20 pitanja** i ukupno nosi **20 bodova**. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je **150 minuta**. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1** (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?
- ☐ A Algoritam više neće biti optimalan ☐ C Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4
- ☐ B Algoritam više neće biti potpun ☐ D Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$
- 2** (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redoslijedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. **Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?**
- ☐ A 18 ☐ B 11 ☐ C 14 ☐ D 16
- 3** (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, \square, 2], [4, 5, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. **Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?**
- ☐ A 4 ☐ B 2 ☐ C 6 ☐ D 0
- 4** (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. **Što od navedenoga vrijedi?**
- ☐ A Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$
- ☐ B Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
- ☐ C Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
- ☐ D Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$
- 5** (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). **Koji su sadržaji listi O i C nakon petog koraka izvođenja algoritma A^* ?**
- ☐ A $O = [(e, 7), (f, 10), (b, 13)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
- ☐ B $O = [(f, 9)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5), (e, 7)\}$
- ☐ C Algoritam ne dostiže peti korak
- ☐ D $O = [(f, 0), (e, 2), (b, 4)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$

- 6 (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(b) = 1$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. **Za koju vrijednost heuristike za stanje c algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?**

☐ A $h(c) = 5$ ☐ B $h(c) = 0$ ☐ C $h(c) = 4$ ☐ D $h(c) = 2$

- 7 (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. **Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?**

☐ A 85257 ☐ B 78729 ☐ C 78696 ☐ D 85293

2. Igranje igara (3 pitanja)

- 8 (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. **Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?**

☐ A 3 ☐ B 2 ☐ C 1 ☐ D 4

- 9 (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	-3	-2	1	-4

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A. **Kroz koja stanja će se razvijati igra?**

☐ A A, C, H, \dots ☐ B A, D, J, \dots ☐ C A, C, G, \dots ☐ D A, D, I, \dots

- 10 (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. **Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?**

☐ A T raste b puta, S se povećava za b ☐ C T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta
☐ B T se povećava za b , S raste b puta ☐ D T raste b puta, S se ne mijenja

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

- 11 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x (\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x \forall y (Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

☐ A $\exists x \neg P(x)$ ☐ B $P(b)$ ☐ C $\exists x P(x) \wedge P(b)$ ☐ D $\exists x (P(x) \vee R(x))$

- 12** (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “*Neki Amerikanci ne vole hamburger*”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**
- ☐ A $\exists x(A(x) \wedge \exists y(H(y) \rightarrow \neg V(x, y)))$ ☐ C $\exists x(A(x) \wedge \forall y(H(y) \rightarrow \neg V(x, y)))$
☐ B $\exists x \forall y(A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$ ☐ D $\forall x(A(x) \rightarrow (\exists y(H(y) \rightarrow \neg V(x, y))))$
- 13** (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**
- ☐ A Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa
☐ B Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu
☐ C Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti
☐ D Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa
- 14** (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. **Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F ?**
- ☐ A Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina
☐ B Svaki model formule G ujedno je i model formule F
☐ C Formula G je istinita u svim modelima formule F
☐ D Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije
- 15** (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**
- ☐ A $\{R(a), Q(a)\}$ ☐ B $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$ ☐ C $\{R(y)\}$ ☐ D $\{R(a), Q(x)\}$
- 16** (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtna (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtna ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtna, onda je obična smrtna životinja.* **Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?**
- ☐ A *Ako je jednorog obična smrtna životinja, onda nije besmrtna.*
☐ B *Jednorog je magičan.*
☐ C *Ako je jednorog rogat, onda je jednorog rogat.*
☐ D *Ako je jednorog mitsko biće, onda je rogat.*

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

- 17** (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**
- ☐ A Atomi klauzula iz skupa premisa ☐ C Atomi klauzula iz skupa potpore
☐ B Atomi glave pravila iz logičkog programa ☐ D Atomi činjenica iz logičkog programa
- 18** (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuje od dokazivača teorema?**
- ☐ A Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama
☐ B Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju
☐ C Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed
☐ D Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje

19 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- | | |
|--|--|
| (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ | (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$ |
| (2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ | (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$ |
| (3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ | (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$ |

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na možebitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$. Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?

- | | |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> A Izvodi $E = e_2$ te kasnije $C = c_2$ | <input type="checkbox"/> C Odbacuje pravilo 3 te kasnije pali pravilo 5 |
| <input type="checkbox"/> B Pali tri pravila i izvodi $D = d_1$ | <input type="checkbox"/> D Izvodi $B = b_3$ te kasnije $A = a_2$ |

20 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).
podvrsta(ptica, reptil).
podvrsta(kokoška, ptica).
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).
leti(X) :- potomak(X, ptica).
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit vratiti `True`. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za `not(P(X))` i drugi za `P(X)`), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- | | | | |
|-------------------------------|-------------------------------|------------------------------|-------------------------------|
| <input type="checkbox"/> A 12 | <input type="checkbox"/> B 10 | <input type="checkbox"/> C 8 | <input type="checkbox"/> D 14 |
|-------------------------------|-------------------------------|------------------------------|-------------------------------|

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od 20 pitanja i ukupno nosi 20 bodova. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je 150 minuta. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1 (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?
- ☐ A Algoritam više neće biti optimalan
☐ B Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$
☐ C Algoritam više neće biti potpun
☐ D Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4
- 2 (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, 2, \square], [4, 5, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?
- ☐ A 8 ☐ B 3 ☐ C 1 ☐ D 6
- 3 (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. Što od navedenoga vrijedi?
- ☐ A Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$
☐ B Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ C Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$
☐ D Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
- 4 (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?
- ☐ A 78729 ☐ B 78696 ☐ C 85257 ☐ D 85293
- 5 (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(c) = 2$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. Za koju vrijednost heuristike za stanje b algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?
- ☐ A $h(b) = 5$ ☐ B $h(b) = 4$ ☐ C $h(b) = 0$ ☐ D $h(b) = 3$
- 6 (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u

svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). **Koji su sadržaji listi O i C nakon petog koraka izvođenja algoritma A^* ?**

- ☐ A $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ B Algoritam ne dostiže peti korak
☐ C $O = [(f, 0), (e, 2), (b, 4)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ D $O = [(f, 9)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5), (e, 7)\}$

- 7** (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redoslijedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. **Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?**

- ☐ A 14 ☐ B 11 ☐ C 18 ☐ D 16

2. Igranje igara (3 pitanja)

- 8** (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. **Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?**

- ☐ A 4 ☐ B 3 ☐ C 2 ☐ D 1

- 9** (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. **Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?**

- ☐ A T raste b puta, S se povećava za b ☐ C T se povećava za b , S raste b puta
☐ B T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta ☐ D T raste b puta, S se ne mijenja

- 10** (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	1	-4	-3	-2

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A. **Kroz koja stanja će se razvijati igra?**

- ☐ A A, D, J, \dots ☐ B A, C, G, \dots ☐ C A, D, I, \dots ☐ D A, C, H, \dots

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

- 11 (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtna (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtna ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtna, onda je obična smrtna životinja.* **Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?**
- ☐ A *Jednorog nije mitsko biće, ako nije rogat.*
☐ B *Ako je jednorog obična smrtna životinja, onda nije besmrtna.*
☐ C *Ako je jednorog mitsko biće, onda je rogat.*
☐ D *Jednorog je obična smrtna životinja ili rogat.*
- 12 (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. **Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F ?**
- ☐ A Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina
☐ B Formula G je istinita u svim modelima formule F
☐ C Svaki model formule G ujedno je i model formule F
☐ D Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije
- 13 (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**
- ☐ A Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti
☐ B Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa
☐ C Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu
☐ D Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa
- 14 (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “*Neki Amerikanci ne vole hamburger*”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**
- ☐ A $\exists x(A(x) \rightarrow (\forall y(\neg V(x, y) \rightarrow H(y))))$ ☐ C $\exists x(A(x) \rightarrow (\forall y(\neg H(y) \vee \neg V(x, y))))$
☐ B $\exists x(A(x) \wedge \forall y(\neg H(y) \vee \neg V(x, y)))$ ☐ D $\exists x \forall y(A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$
- 15 (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**
- ☐ A $\{R(a), Q(a)\}$ ☐ B $\{R(y)\}$ ☐ C $\{R(a), Q(x)\}$ ☐ D $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$
- 16 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x(\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x \forall y(Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

- ☐ A $\forall x(\exists y P(y) \vee R(x))$ ☐ B $Q(a, b)$ ☐ C $P(b)$ ☐ D $\forall x P(x)$

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

17 (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuje od dokazivača teorema?**

- ☐ A Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama
- ☐ B Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed
- ☐ C Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju
- ☐ D Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje

18 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).  
podvrsta(ptica, reptil).  
podvrsta(kokoška, ptica).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).  
leti(X) :- potomak(X, ptica).  
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit vratiti `True`. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za `not(P(X))` i drugi za `P(X)`), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- ☐ A 12 ☐ B 10 ☐ C 8 ☐ D 14

19 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- | | |
|--|--|
| (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ | (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$ |
| (2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ | (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$ |
| (3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ | (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$ |

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na možebitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$. **Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?**

- ☐ A Izvodi $E = e_2$ te kasnije $C = c_2$
- ☐ B Odbacuje pravilo 3 te kasnije pali pravilo 5
- ☐ C Odbacuje pravilo 5 te kasnije pali pravilo 6
- ☐ D Završava s tri činjenice u radnoj memoriji

20 (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**

- | | |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> A Atomi glave pravila iz logičkog programa | <input type="checkbox"/> C Atomi klauzula iz skupa potpore |
| <input type="checkbox"/> B Atomi klauzula iz skupa premisa | <input type="checkbox"/> D Atomi činjenica iz logičkog programa |

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od **20 pitanja** i ukupno nosi **20 bodova**. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je **150 minuta**. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1** (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). **Koji su sadržaji listi O i C nakon petog koraka izvođenja algoritma A^* ?**

- ☐ A $O = [(f, 9)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5), (e, 7)\}$
☐ B $O = [(f, 0), (e, 2), (b, 4)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ C $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ D Algoritam ne dostiže peti korak

- 2** (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(c) = 2$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. **Za koju vrijednost heuristike za stanje b algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?**

- ☐ A $h(b) = 4$ ☐ B $h(b) = 1$ ☐ C $h(b) = 5$ ☐ D $h(b) = 3$

- 3** (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. **Što od navedenoga vrijedi?**

- ☐ A Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ B Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$
☐ C Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ D Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$

- 4** (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redoslijedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. **Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?**

- ☐ A 16 ☐ B 11 ☐ C 18 ☐ D 14

5 (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?

- ☐ A Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$ ☐ C Algoritam više neće biti optimalan
☐ B Algoritam više neće biti potpun ☐ D Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4

6 (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. **Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?**

- ☐ A 78696 ☐ B 85293 ☐ C 78729 ☐ D 85257

7 (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, \square, 2], [4, 5, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. **Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?**

- ☐ A 7 ☐ B 2 ☐ C 6 ☐ D 9

2. Igranje igara (3 pitanja)

8 (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. **Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?**

- ☐ A T se povećava za b , S raste b puta ☐ C T raste b puta, S se ne mijenja
☐ B T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta ☐ D T raste b puta, S se povećava za b

9 (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	1	-4	-3	-2

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A . **Kroz koja stanja će se razvijati igra?**

- ☐ A A, C, H, \dots ☐ B A, C, G, \dots ☐ C A, D, J, \dots ☐ D A, D, I, \dots

10 (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. **Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?**

- ☐ A 4 ☐ B 3 ☐ C 1 ☐ D 2

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

11 (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. **Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F ?**

- ☐ A Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina
☐ B Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije
☐ C Svaki model formule G ujedno je i model formule F
☐ D Formula G je istinita u svim modelima formule F

- 12 (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**

☐ A $\{R(a), Q(x)\}$ ☐ B $\{R(y)\}$ ☐ C $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$ ☐ D $\{R(a), Q(a)\}$

- 13 (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtna (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtna ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtna, onda je obična smrtna životinja.* **Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?**

☐ A *Ako je jednorog rogat, onda je jednorog rogat.*
☐ B *Ako jednorog nije obična smrtna životinja, onda je besmrtna.*
☐ C *Ako je jednorog obična smrtna životinja, onda nije besmrtna.*
☐ D *Jednorog nije mitsko biće, ako nije rogat.*

- 14 (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “*Neki Amerikanci ne vole hamburger*”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**

☐ A $\exists x(A(x) \rightarrow (\exists y(H(y) \rightarrow \neg V(x, y))))$ ☐ C $\exists x\forall y(A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$
☐ B $\exists x(A(x) \wedge \forall y(\neg H(y) \vee \neg V(x, y)))$ ☐ D $\exists x(A(x) \wedge \exists y(H(y) \rightarrow \neg V(x, y)))$

- 15 (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**

☐ A Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti
☐ B Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa
☐ C Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa
☐ D Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu

- 16 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x(\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x\forall y(Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

☐ A $\exists x R(x)$ ☐ B $\exists x \neg P(x)$ ☐ C $P(b)$ ☐ D $\exists x P(x)$

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

- 17 (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuje od dokazivača teorema?**

☐ A Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje
☐ B Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama
☐ C Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju
☐ D Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed

- 18 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).  
podvrsta(ptica, reptil).  
podvrsta(kokoška, ptica).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).  
leti(X) :- potomak(X, ptica).  
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit vratiti `True`. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za `not(P(X))` i drugi za `P(X)`), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- ☐ A 10 ☐ B 14 ☐ C 8 ☐ D 12

- 19 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- | | |
|--|--|
| (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ | (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$ |
| (2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ | (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$ |
| (3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ | (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$ |

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na možebitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$.

Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?

- ☐ A Pali dva pravila i izvodi $D = d_2$ ☐ C Završava s tri činjenice u radnoj memoriji
☐ B Pali tri pravila i izvodi $D = d_1$ ☐ D Odbacuje pravilo 3 te kasnije pali pravilo 5

- 20 (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**

- ☐ A Atomi klauzula iz skupa premisa ☐ C Atomi činjenica iz logičkog programa
☐ B Atomi glave pravila iz logičkog programa ☐ D Atomi klauzula iz skupa potpore

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od **20 pitanja** i ukupno nosi **20 bodova**. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je **150 minuta**. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1** (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. **Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?**

☐ A 78729 ☐ B 85257 ☐ C 85293 ☐ D 78696

- 2** (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. **Što od navedenoga vrijedi?**

- ☐ A Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$
☐ B Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ C Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$
☐ D Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$

- 3** (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redoslijedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. **Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?**

☐ A 16 ☐ B 18 ☐ C 11 ☐ D 14

- 4** (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, 2, \square], [4, 5, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. **Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?**

☐ A 5 ☐ B 4 ☐ C 6 ☐ D 1

- 5** (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). **Koji su sadržaji listi O i C nakon petog koraka izvođenja algoritma A^* ?**

- ☐ A $O = [(e, 7), (f, 10), (b, 13)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ B $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ C $O = [(f, 9)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5), (e, 7)\}$
☐ D Algoritam ne dostiže peti korak

6 (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?

- ☐ A Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$ ☐ C Algoritam više neće biti optimalan
☐ B Algoritam više neće biti potpun ☐ D Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4

7 (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(c) = 2$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. **Za koju vrijednost heuristike za stanje b algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?**

- ☐ A $h(b) = 5$ ☐ B $h(b) = 4$ ☐ C $h(b) = 1$ ☐ D $h(b) = 3$

2. Igranje igara (3 pitanja)

8 (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. **Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?**

- ☐ A 4 ☐ B 1 ☐ C 3 ☐ D 2

9 (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. **Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?**

- ☐ A T se povećava za b , S raste b puta ☐ C T raste b puta, S se ne mijenja
☐ B T raste b puta, S se povećava za b ☐ D T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta

10 (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	-3	-2	1	-4

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A . **Kroz koja stanja će se razvijati igra?**

- ☐ A A, D, J, \dots ☐ B A, C, G, \dots ☐ C A, C, H, \dots ☐ D A, D, I, \dots

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

11 (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “Neki Amerikanci ne vole hamburger”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**

- ☐ A $\exists x \forall y ((A(x) \wedge H(y)) \rightarrow \neg V(x, y))$ ☐ C $\exists x (A(x) \wedge \forall y (\neg H(y) \vee \neg V(x, y)))$
☐ B $\forall x \exists y ((A(x) \wedge H(y)) \rightarrow \neg V(x, y))$ ☐ D $\exists x \forall y (A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$

12 (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**

- ☐ A Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu
- ☐ B Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa
- ☐ C Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa
- ☐ D Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti

13 (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtna (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtna ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtna, onda je obična smrtna životinja.* **Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?**

- ☐ A *Ako jednorog nije obična smrtna životinja, onda je besmrtna.*
- ☐ B *Ako je jednorog obična smrtna životinja, onda nije besmrtna.*
- ☐ C *Ako je jednorog mitsko biće, onda je rogat.*
- ☐ D *Jednorog nije mitsko biće, ako nije rogat.*

14 (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. **Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F?**

- ☐ A Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina
- ☐ B Svaki model formule G ujedno je i model formule F
- ☐ C Formula G je istinita u svim modelima formule F
- ☐ D Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije

15 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x (\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x \forall y (Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

- ☐ A $\neg \exists x P(x)$ ☐ B $\forall x (\exists y P(y) \vee R(x))$ ☐ C $Q(a, b)$ ☐ D $\forall x R(x)$

16 (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**

- ☐ A $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$ ☐ B $\{R(a), Q(x)\}$ ☐ C $\{R(y)\}$ ☐ D $\{R(a), Q(a)\}$

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

17 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).
podvrsta(ptica, reptil).
podvrsta(kokoška, ptica).
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).
leti(X) :- potomak(X, ptica).
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit vratiti `True`. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za `not(P(X))` i drugi za `P(X)`), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- ☐ A 12 ☐ B 8 ☐ C 14 ☐ D 10

18 (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**

- ☐ A Atomi klauzula iz skupa potpore ☐ C Atomi glave pravila iz logičkog programa
☐ B Atomi klauzula iz skupa premisa ☐ D Atomi činjenica iz logičkog programa

19 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$
(2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$
(3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na možebitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$. **Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?**

- ☐ A Izvodi $E = e_2$ te kasnije $C = c_2$ ☐ C Odbacuje pravilo 5 te kasnije pali pravilo 6
☐ B Odbacuje pravilo 3 te kasnije pali pravilo 5 ☐ D Pali tri pravila i izvodi $D = d_1$

20 (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuje od dokazivača teorema?**

- ☐ A Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama
☐ B Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju
☐ C Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed
☐ D Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od **20 pitanja** i ukupno nosi **20 bodova**. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je **150 minuta**. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1** (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. **Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?**

☐ A 78729 ☐ B 85293 ☐ C 85257 ☐ D 78696

- 2** (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, 5, 2], [4, \square, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. **Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?**

☐ A 9 ☐ B 0 ☐ C 2 ☐ D 3

- 3** (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redoslijedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. **Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?**

☐ A 14 ☐ B 11 ☐ C 16 ☐ D 18

- 4** (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). **Koji su sadržaji listi O i C nakon petog koraka izvođenja algoritma A^* ?**

- ☐ A $O = [(f, 9)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5), (e, 7)\}$
☐ B $O = [(e, 7), (f, 10), (b, 13)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ C Algoritam ne dostiže peti korak
☐ D $O = [(f, 0), (e, 2), (b, 4)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$

- 5** (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. **Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?**

- ☐ A Algoritam više neće biti potpun
☐ B Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$
☐ C Algoritam više neće biti optimalan
☐ D Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4

- 6 (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(b) = 1$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. **Za koju vrijednost heuristike za stanje c algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?**

☐ A $h(c) = 4$ ☐ B $h(c) = 5$ ☐ C $h(c) = 0$ ☐ D $h(c) = 2$

- 7 (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. **Što od navedenoga vrijedi?**

- ☐ A Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ B Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$
☐ C Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$
☐ D Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$

2. Igranje igara (3 pitanja)

- 8 (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. **Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?**

☐ A 1 ☐ B 4 ☐ C 3 ☐ D 2

- 9 (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. **Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?**

- ☐ A T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta ☐ C T raste b puta, S se ne mijenja
☐ B T raste b puta, S se povećava za b ☐ D T se povećava za b , S raste b puta

- 10 (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	1	-4	-3	-2

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A . **Kroz koja stanja će se razvijati igra?**

☐ A A, C, G, \dots ☐ B A, D, J, \dots ☐ C A, D, I, \dots ☐ D A, C, H, \dots

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

11 (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. **Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F ?**

- ☐ A Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije
☐ B Svaki model formule G ujedno je i model formule F
☐ C Formula G je istinita u svim modelima formule F
☐ D Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina

12 (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtn (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtn ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtn, onda je obična smrtna životinja.* **Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?**

- ☐ A *Ako je jednorog mitsko biće, onda je rogat.* ☐ C *Jednorog je magičan.*
☐ B *Jednorog je mitsko biće.* ☐ D *Jednorog je obična smrtna životinja ili magičan.*

13 (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**

- ☐ A Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa
☐ B Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu
☐ C Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa
☐ D Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti

14 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x (\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x \forall y (Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

- ☐ A $\forall x (\exists y P(y) \vee R(x))$ ☐ B $\exists x R(x)$ ☐ C $\exists x \neg P(x)$ ☐ D $\exists x P(x) \wedge P(b)$

15 (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “*Neki Amerikanci ne vole hamburger*”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**

- ☐ A $\exists x (A(x) \rightarrow (\forall y \neg (H(y) \vee \neg V(x, y))))$ ☐ C $\exists x (A(x) \wedge \forall y (\neg H(y) \vee \neg V(x, y)))$
☐ B $\exists x \forall y (A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$ ☐ D $\forall x \exists y ((A(x) \wedge H(y)) \rightarrow \neg V(x, y))$

16 (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**

- ☐ A $\{R(y)\}$ ☐ B $\{R(a), Q(a)\}$ ☐ C $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$ ☐ D $\{R(a), Q(x)\}$

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

17 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).  
podvrsta(ptica, reptil).  
podvrsta(kokoška, ptica).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).  
leti(X) :- potomak(X, ptica).  
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit

vratiti **True**. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za $\text{not}(P(X))$ i drugi za $P(X)$), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- ☐ A 8 ☐ B 10 ☐ C 12 ☐ D 14

18 (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**

- ☐ A Atomi klauzula iz skupa premisa ☐ C Atomi činjenica iz logičkog programa
☐ B Atomi glave pravila iz logičkog programa ☐ D Atomi klauzula iz skupa potpore

19 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$
(2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$
(3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na možebitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$. **Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?**

- ☐ A Završava s tri činjenice u radnoj memoriji
☐ B Izvodi $E = e_2$ te kasnije $C = c_2$
☐ C Odbacuje pravilo 5 te kasnije pali pravilo 6
☐ D Pali tri pravila i izvodi $D = d_1$

20 (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuju od dokazivača teorema?**

- ☐ A Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed
☐ B Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje
☐ C Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju
☐ D Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama

Međuispit iz Uvoda u umjetnu inteligenciju (2022./2023.) – NEKORIGIRANA VERZIJA –

Ispit se sastoji od **20 pitanja** i ukupno nosi **20 bodova**. Točan odgovor nosi 1 bod, a netočan $-1/3$ boda. Trajanje ispita je **150 minuta**. Primjerak ispita trebate predati zajedno sa svojim rješenjima.

1. Pretraživanje prostora stanja i heurističko pretraživanje (7 pitanja)

- 1** (T) Algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu u svakoj iteraciji dubinsku granicu k povećava za jedan. Što će se dogoditi ako dubinsku granicu povećamo za 2?

☐ A Algoritam više neće biti potpun ☐ C Algoritam će se ubrzati za faktor $\log 2$
☐ B Algoritam više neće biti optimalan ☐ D Vremenska složenost će se smanjiti za faktor 4

- 2** (P) Rješavamo problem pretraživanja prostora stanja za koji vrijedi $m = 10$, $d = 7$ i $b = 3$. Koristimo pretraživanje u širinu (BFS) i pretraživanje u dubinu (DFS). Za oba algoritma razmotrite najgori slučaj vremenske složenosti. Koliko će u takvom slučaju algoritam DFS generirati više čvorova od algoritma BFS?

☐ A 85293 ☐ B 85257 ☐ C 78696 ☐ D 78729

- 3** (R) Neka su definirani skup stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ i funkcija sljedbenika $\text{succ}(a) = \{(b, 1), (c, 2)\}$, $\text{succ}(b) = \text{succ}(f) = \emptyset$, $\text{succ}(c) = \{(d, 3), (e, 5)\}$, $\text{succ}(d) = \{(b, 8), (f, 5)\}$, te $\text{succ}(e) = \{(d, 1), (f, 2)\}$. Heurističke vrijednosti čvorova neka su $h(a) = 7$, $h(b) = 4$, $h(c) = 6$, $h(d) = h(e) = 2$, $h(f) = 0$. Početno stanje neka je a , a ciljno f . Izvršite pretraživanje algoritmom A^* , bilježeći pritom sadržaje liste otvorenih čvorova O i zatvorenih čvorova C u svakom koraku algoritma (u nultom koraku $O = [(a, 0)]$ i $C = \emptyset$). Koji su sadržaji listi O i C nakon četvrtog koraka izvođenja algoritma A^* ?

☐ A Algoritam ne dostiže četvrti korak
☐ B $O = [(e, 7), (f, 10), (b, 13)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ C $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (c, 2), (d, 5)\}$
☐ D $O = [(e, 7), (f, 10)]$, $C = \{(a, 0), (b, 1), (c, 2), (d, 5)\}$

- 4** (R) Algoritmom slijepog pretraživanja rješavamo problem misionara i kanibala. Tri misionara i tri kanibala potrebno je jednim čamcem prevesti s jedne strane obale rijeke na drugu, pri čemu se niti u jednom trenutku na jednoj strani obale ne smije naći više kanibala nego misionara. Čamac može prevesti najviše dvije osobe i ne može ploviti prazan. Stanje prikazujemo kao trojku MKC, gdje su M i K broj misionara odnosno kanibala na lijevoj obali rijeke, a C je strana obale na kojoj se nalazi čamac. Npr., u stanju 32D na lijevoj obali su tri misionara i dva kanibala (jedan kanibal je onda na desnoj obali), a čamac je na desnoj obali. Početno stanje je 33L, a završno 00D. Funkcija sljedbenika generira sva legitimna stanja, uključivo i ona koja rezultiraju neuspjehom i nemaju sljedbenika, npr., stanje 23D. Koristimo algoritam iterativnog pretraživanja u dubinu (IDS) bez liste posjećenih stanja. Kod proširenja čvora, algoritam čvorove djecu generira prema numeričkom redoslijedu; npr., stanje 13D prethodi stanju 23D. Koliko će čvorova algoritam IDS ispitati prije nego što proširi čvor sa stanjem 32D?

☐ A 16 ☐ B 14 ☐ C 11 ☐ D 18

- 5** (P) Poželjno svojstvo algoritma pretraživanja jest da je optimalan. Međutim, algoritmi “najbolji prvi” i “uspon na vrh” nisu optimalni. Oba su ova algoritma “pohlepna”, ali je algoritam “najbolji prvi” manje pohlepan od algoritma “uspon na vrh”, pa u praksi postoji veća vjerojatnost da će algoritam “najbolji prvi” pronaći optimalan put. Skicirajte prostor stanja $S = \{a, b, c, d, e, f\}$ s prijelazima $\text{succ}(a) = \{b, c\}$, $\text{succ}(b) = \{d, e\}$, $\text{succ}(c) = \text{succ}(d) = \text{succ}(e) = \{f\}$. Cijene svih prijelaza su jednake i iznose 1. Heuristika neka je $h(b) = 1$, $h(d) = h(e) = 3$ i $h(f) = 0$. Stanje a je početno stanje, a stanje f je ciljno stanje. Za koju vrijednost heuristike za stanje c algoritam “uspona na vrh” ne pronalazi optimalno rješenje, ali ga algoritam “najbolji prvi” pronalazi?

☐ A $h(c) = 4$ ☐ B $h(c) = 5$ ☐ C $h(c) = 2$ ☐ D $h(c) = 0$

6 (T) Algoritam A^* čvorove proširuje prema vrijednosti funkcije f . Ta funkcija za čvor n kombinira cijenu puta do čvora n , $g(n)$, te optimističnu procjenu cijene od čvora n do ciljnog stanja, $h(s)$. Neka je $h^*(s)$ stvarna minimalna cijena puta od s do ciljnog stanja te neka je $C^* = h^*(s_0)$ ukupna minimalna cijena puta od početnog do ciljnog stanja. **Što od navedenoga vrijedi?**

- ☐ A Za čvor n_2 koji je sljedbenik čvora n_1 vrijedi $f(n_1) \leq f(n_2) \leq C^*$
☐ B Za čvor n koji je na putu minimalne cijene vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$
☐ C Za svaki čvor n vrijedi $g(n) + h^*(\text{state}(n)) = C^*$
☐ D Za svaki čvor n vrijedi $g(n) \leq f(n) \leq C^*$

7 (P) Stanje s slagalice 3×3 neka je $[[1, \square, 2], [4, 5, 3], [7, 8, 6]]$, dok je ciljno stanje $[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, \square]]$. Neka je h optimistična heuristika. **Među ponuđenim vrijednostima, koju vrijednost $h(s)$ može poprimiti, a da je najviše obaviještena?**

- ☐ A 1 ☐ B 7 ☐ C 4 ☐ D 2

2. Igranje igara (3 pitanja)

8 (R) Razmatramo igru dvaju minimax-igrača. Stablo igre definirano je prijelazima $\text{succ}(A) = \{B, C, D\}$, $\text{succ}(B) = \{E, F\}$, $\text{succ}(C) = \{G, H\}$, $\text{succ}(D) = \{I, J\}$, $\text{succ}(F) = \text{succ}(G) = \{K, L\}$, $\text{succ}(E) = \text{succ}(H) = \text{succ}(I) = \{M, N\}$ te $\text{succ}(J) = \{O, P\}$. Igrač MAX koristi heuristiku h_1 , a igrač MIN heuristiku h_2 . Vrijednosti heuristika su sljedeće (obje heuristike definiraju dobit dotičnog igrača):

	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
h_1	1	-2	3	2	3	5	-1	0	-2	-1	0	2
h_2	0	5	2	4	-1	2	3	2	-3	-2	1	-4

Oba igrača pretražuju najviše dva poteza unaprijed (jedan svoj i jedan suparnički). Igru započinje igrač MAX u stanju A . **Kroz koja stanja će se razvijati igra?**

- ☐ A A, D, I, \dots ☐ B A, C, G, \dots ☐ C A, D, J, \dots ☐ D A, C, H, \dots

9 (T) Algoritam minimax oslanja se na heurističku funkciju h , koja se poziva na svim stanjima igre na zadanoj dubini d . Neka je b faktor grananja igre. Neka su T i S gornje ograde vremenske odnosno prostorne složenosti. **Kakav utjecaj na gornje ograde složenosti algoritma minimax ima povećanje dubine d za jedan?**

- ☐ A T raste b puta, S se ne mijenja ☐ C T se povećava za 1, S raste b^{d+1} puta
☐ B T se povećava za b , S raste b puta ☐ D T raste b puta, S se povećava za b

10 (P) Alfa-beta podrezivanje može značajno smanjiti broj generiranih čvorova kod algoritma minimax. Ušteda ovisi o redoslijedu kojim se generiraju čvorovi. Optimalan redoslijed je onaj koji djecu čvora MAX generira silazno po minimax vrijednostima, a djecu čvora MIN uzlazno po minimax vrijednostima. Razmotrite igru s dva moguća poteza u svakome stanju. Stablo se pretražuje do dubine 3. Vrijednosti heuristike igrača MAX za stanja u listovima stabla igre, kada su čvorovi-djeca generirani nasumičnim redoslijedom, su sljedeća (slijeva nadesno): 0, 3, 4, -3, 4, -1, 0, 2. Na potezu je igrač MAX. Odredite broj čvorova koji će biti uklonjeni podrezivanjem alfa-beta. Zatim ponovite izračun, ali s optimalnim redoslijedom generiranja čvorova. **Koliko više čvorova će biti podrezano s optimalnim redoslijedom u odnosu na slučajni redoslijed generiranja čvorova?**

- ☐ A 1 ☐ B 2 ☐ C 3 ☐ D 4

3. Prikazivanje znanja i automatsko zaključivanje (6 pitanja)

11 (P) Neka $A(x)$ označava “ x je Amerikanac”, $H(x)$ označava “ x je hamburger”, a $V(x, y)$ označava “ x voli y ”. Pomoću ovih predikata formalizirajte u FOL rečenicu “Neki Amerikanci ne vole hamburger”. **Kako glasi ispravna formalizacija te rečenice?**

- ☐ A $\exists x(A(x) \wedge \forall y(V(x, y) \rightarrow \neg H(y)))$ ☐ C $\exists x(A(x) \rightarrow (\forall y(\neg H(y) \vee \neg V(x, y))))$
☐ B $\exists x \forall y(A(x) \wedge H(y) \wedge \neg V(x, y))$ ☐ D $\exists x(A(x) \rightarrow (\forall y(V(x, y) \rightarrow \neg H(y))))$

- 12 (R) Zadane su sljedeće tvrdnje: *Jednorog je besmrtn (B), ako je mitsko biće (A). Ako je jednorog besmrtn ili je obična smrtna životinja (C), onda je i rogat (D). Čim je jednorog rogat, onda je i magičan (E). No, ako nije besmrtn, onda je obična smrtna životinja. Koja se od sljedećih tvrdnji ne može dokazati?*

- ☐ A *Jednorog je obična smrtna životinja ili magičan.*
☐ B *Ako jednorog nije obična smrtna životinja, onda je besmrtn.*
☐ C *Jednorog je mitsko biće.*
☐ D *Jednorog je magičan.*

- 13 (T) Logička posljedica središnji je koncept formalne logike. **Koji je nužan i dovoljan uvjet da formula G bude logička posljedica formule F ?**

- ☐ A Svaki model formule G ujedno je i model formule F
☐ B Formule F i G imaju identične vrijednosti istinitosti kroz sve interpretacije
☐ C Formula G je nezadovoljiva ako je $\neg F$ istina
☐ D Formula G je istinita u svim modelima formule F

- 14 (P) Rezolucija u FOL oslanja se na nalaženje najopćenitije zajedničke instance atoma pomoću algoritma MGU. Pritom, kao i u PL, važnu ulogu igra faktorizacija klauzula. Primijenite rezoluciju na par klauzula $\{P(x), R(x)\}$ i $\{\neg P(y), Q(a), Q(y)\}$. **Koja je od navedenih klauzula rezolventa ovog para klauzula?**

- ☐ A $\{R(x), Q(a), Q(y)\}$ ☐ B $\{R(a), Q(x)\}$ ☐ C $\{R(y)\}$ ☐ D $\{R(a), Q(a)\}$

- 15 (T) Rezolucija opovrgavanjem u FOL je ispravna i potpuna. Međutim, dokazivanje valjanosti formule u FOL nije odlučivo. **Koji je efekt nedlučivosti FOL na ispravnost i potpunost rezolucije opovrgavanjem?**

- ☐ A Ako je konjunkcija premisa i negacije zaključka zadovoljiva, rezolucijski postupak ne mora završiti
☐ B Rezolucijski postupak završava u konačno mnogo koraka ako i samo ako je cilj logička posljedica premisa
☐ C Ako su premise nezadovoljive, rezolucija opovrgavanjem uvijek izvodi NIL klauzulu
☐ D Neke deduktivne posljedice dobivene rezolucijom opovrgavanjem nisu logičke posljedice skupa premisa

- 16 (R) Zadane su sljedeće dvije premise:

$$\exists x (\exists y R(y) \vee \forall z \neg Q(x, z)) \rightarrow P(a), \quad \exists x \forall y (Q(x, y) \rightarrow R(y))$$

Koju je od sljedećih formula moguće dokazati iz ovih premisa rezolucijom opovrgavanjem?

- ☐ A $\exists x P(x) \wedge P(b)$ ☐ B $\exists x (P(x) \vee R(x))$ ☐ C $\exists x R(x)$ ☐ D $\neg \exists x P(x)$

4. Logičko programiranje i ekspertni sustavi (4 pitanja)

- 17 (T) Prolog programe izvodi provodeći rezoluciju opovrgavanjem nad klauzulama koje čine logički program. Pritom Prolog koristi stog na kojemu se nalaze atomi. **Koji atomi sačinjavaju Prologov stog?**

- ☐ A Atomi glave pravila iz logičkog programa ☐ C Atomi činjenica iz logičkog programa
☐ B Atomi klauzula iz skupa potpore ☐ D Atomi klauzula iz skupa premisa

- 18 (R) Baza znanja ekspertnog sustava sadrži sljedeća pravila:

- (1) AKO $(A = a_2) \wedge (D = d_2)$ ONDA $C = c_1$ (4) AKO $F = f_1$ ONDA $D = d_1$
(2) AKO $(F = f_3) \vee (B = b_3)$ ONDA $C = c_2$ (5) AKO $F = f_2$ ONDA $E = e_2$
(3) AKO $(E = e_1) \vee (B = b_1)$ ONDA $(A = a_1) \wedge (D = d_2)$ (6) AKO $(B = b_3) \vee (D = d_1)$ ONDA $(E = e_1) \wedge (A = a_2)$

Sustav koristimo za izvođenje vrijednosti varijable D ulančavanjem unazad. Prednost imaju pravila s manjim rednim brojem. Pravila koja su jednom palila više ne mogu paliti. Jednom izvedeni međuciljevi brišu se sa stoga, neovisno o njihovoj poziciji na stogu. Na možebitne upite od strane sustava, korisnik odgovara sa $B = b_3$ i $F = f_1$. **Što radi ekspertni sustav pri izvođenju vrijednosti varijable D ?**

- ☐ A Pali tri pravila i izvodi $D = d_1$ ☐ C Odbacuje pravilo 3 te kasnije pali pravilo 5
☐ B Završava s tri činjenice u radnoj memoriji ☐ D Pali dva pravila i izvodi $D = d_2$

19 (T) Kao i dokazivači teorema, ekspertni sustavi predstavljaju simbolički pristup umjetnoj inteligenciji. Međutim, ekspertni sustavi razlikuju se od dokazivača teorema po svojoj funkcionalnosti i svrsi. **Po čemu se ekspertni sustavi razlikuje od dokazivača teorema?**

- ☐ A Ekspertni sustavi znanje formaliziraju pravilima koja nalikuju implikacijama, dok dokazivači teorema rade s proizvoljnim logičkim formulama
- ☐ B Dokazivači teorema oblikovani su za zaključivanje unutar specifične domene, dok ekspertni sustavi pokrivaju opće ljudsko znanje
- ☐ C Ekspertni sustavi mogu se koristiti za dijagnostiku ulančavanjem unazad, dok dokazivači teorema koriste rezoluciju, koja provodi ulančavanje unaprijed
- ☐ D Dokazivači teorema mogu poništiti jednom izvedenu formulu, dok ekspertni sustavi mogu samo dodavati činjenice u radnu memoriju

20 (R) Baza znanja u Prologu modelira odnose između bioloških vrsta. Baza sadrži sljedeće činjenice i pravila:

```
podvrsta(krokodil, reptil).  
podvrsta(ptica, reptil).  
podvrsta(kokoška, ptica).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Y).  
potomak(X, Y) :- podvrsta(X, Z), potomak(Z, Y).  
leti(X) :- potomak(X, ptica).  
simbionti(X, Y) :- leti(Y), not(leti(X)).
```

Nad ovako definiranom bazom znanja izvodimo upit `simbionti(krokodil, kokoška)`. Prolog će za ovaj upit vratiti `True`. Nacrtajte Prologovo stablo dokaza za ovaj upit. Pritom za dokazivanje negiranog cilja koristite dva čvora (jedan za `not(P(X))` i drugi za `P(X)`), dok prazni stog ne brojite kao čvor. **Koliko čvorova ima stablo dokaza za ovaj upit?**

- ☐ A 10 ☐ B 8 ☐ C 14 ☐ D 12

Grupa																				
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0
A	A	A	C	D	D	D	B	B	C	C	D	B	A	C	D	A	A	B	A	A
B	D	D	A	C	B	A	B	C	A	C	B	A	A	A	B	D	A	C	A	C
C	A	A	B	B	B	D	C	A	D	A	D	C	C	C	A	A	C	A	D	A
D	A	C	B	B	C	D	C	B	A	A	B	B	A	B	A	A	A	A	C	C
E	A	B	C	C	C	A	B	D	C	B	D	D	C	B	A	D	B	D	A	D
F	D	B	B	D	C	C	C	C	B	D	C	D	B	C	B	D	A	A	C	A
G	D	D	D	A	C	D	D	C	B	B	C	B	D	A	C	B	C	D	C	D
H	B	C	D	D	C	B	D	A	D	C	A	C	D	D	A	B	B	D	A	D