



मागील इयत्तेत, आपण पुढील विस्तार सूत्रांचा अभ्यास केला आहे.

(i)
$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$
, (ii) $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$,

(ii)
$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$
.

(iii)
$$(a + b) (a - b) = a^2 - b^2$$

वरील विस्तार सूत्रांचा उपयोग करून खालील चौकटींत योग्य ते पद लिहा.

(i)
$$(x + 2y)^2 = x^2 + 4y^2$$

(iii)
$$(101)^2 = (100 + 1)^2 =$$
 + + 1² =

(iv)
$$(98)^2 = (100 - 2)^2 = 10000 -$$

(v)
$$(5m + 3n)(5m - 3n) =$$
 _ _ _ = _ _ _



आयत व चौरस यांच्या क्षेत्रफळांच्या साहाय्याने (x + a)(x + b) याचा विस्तार करा. कृती

$$(x + a)(x + b) = x^2 + ax + bx + ab$$

$$(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$$

(I) (x + a)(x + b) चा विस्तार (Expansion of (x + a)(x + b))

(x + a) व (x + b) या एक पद समान असलेल्या द्विपदी आहेत. या द्विपदींचा गुणाकार करू.

$$(x + a)(x + b) = x(x + b) + a(x + b) = x^2 + bx + ax + ab$$

$$= x^2 + (a+b)x + ab$$

$$\therefore (x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

विस्तार करा.

उदा. (1)
$$(x+2)(x+3) = x^2 + (2+3)x + (2\times3) = x^2 + 5x + 6$$

उदा. (2)
$$(y+4)(y-3) = y^2 + (4-3)y + (4) \times (-3) = y^2 + y - 12$$

उदा. (3)
$$(2a+3b)(2a-3b) = (2a)^2 + [(3b) + (-3b)]2a + [3b \times (-3b)]$$

= $4a^2 + 0 \times 2a - 9b^2 = 4a^2 - 9b^2$

उदा. (4)
$$\left(m+\frac{3}{2}\right)\left(m+\frac{1}{2}\right)=m^2+\left(\frac{3}{2}+\frac{1}{2}\right)m+\frac{3}{2}\times\frac{1}{2}=m^2+2m+\frac{3}{4}$$

उदा. (5)
$$(x-3)(x-7) = x^2 + (-3-7)x + (-3)(-7) = x^2 - 10x + 21$$

सरावसंच 5.1

विस्तार करा. 1.

$$(1)(a+2)(a-1)$$

$$(1) (a + 2)(a - 1) (2) (m - 4)(m + 6) (3) (p + 8)(p - 3)$$

$$(3) (p + 8)(p - 3)$$

$$(4) (13 + x)(13 - x)$$

$$(4) (13 + x)(13 - x) (5) (3x + 4y)(3x + 5y) (6) (9x - 5t)(9x + 3t)$$

$$(6) (9x - 5t)(9x + 3t)$$

$$(7)\left(m+\frac{2}{3}\right)\left(m-\frac{7}{3}\right)$$

(8)
$$\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(x-\frac{1}{x}\right)$$

$$(7) \left(m + \frac{2}{3}\right) \left(m - \frac{7}{3}\right) \qquad (8) \left(x + \frac{1}{x}\right) \left(x - \frac{1}{x}\right) \qquad (9) \left(\frac{1}{y} + 4\right) \left(\frac{1}{y} - 9\right)$$



(II) $(a + b)^3$ चा विस्तार (Expansion of $(a + b)^3$)

$$(a + b)^{3} = (a + b) (a + b) (a + b) = (a + b) (a + b)^{2}$$

$$= (a + b)(a^{2} + 2ab + b^{2})$$

$$= a(a^{2} + 2ab + b^{2}) + b(a^{2} + 2ab + b^{2})$$

$$= a^{3} + 2a^{2}b + ab^{2} + ba^{2} + 2ab^{2} + b^{3}$$

$$= a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3}$$

$$\therefore (a + b)^{3} = a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3}$$

$$\therefore (a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

या विस्तार सुत्राचा उपयोग करून सोडवलेली काही उदाहरणे अभ्यासु,

उदा. (1) $(x + 3)^3$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$
 येथे $a = x$ व $b = 3$ आहे.

$$\therefore (x+3)^3 = (x)^3 + 3 \times x^2 \times 3 + 3 \times x \times (3)^2 + (3)^3$$
$$= x^3 + 9x^2 + 27x + 27$$

उदा. (2)
$$(3x + 4y)^3 = (3x)^3 + 3(3x)^2(4y) + 3(3x)(4y)^2 + (4y)^3$$

= $27x^3 + 3 \times 9x^2 \times 4y + 3 \times 3x \times 16y^2 + 64y^3$
= $27x^3 + 108x^2y + 144xy^2 + 64y^3$

उदा. (3)
$$\left(\frac{2m}{n} + \frac{n}{2m}\right)^3 = \left(\frac{2m}{n}\right)^3 + 3\left(\frac{2m}{n}\right)^2 \left(\frac{n}{2m}\right) + 3\left(\frac{2m}{n}\right) \left(\frac{n}{2m}\right)^2 + \left(\frac{n}{2m}\right)^3$$
$$= \frac{8m^3}{n^3} + 3\left(\frac{4m^2}{n^2}\right) \left(\frac{n}{2m}\right) + 3\left(\frac{2m}{n}\right) \left(\frac{n^2}{4m^2}\right) + \frac{n^3}{8m^3}$$
$$= \frac{8m^3}{n^3} + \frac{6m}{n} + \frac{3n}{2m} + \frac{n^3}{8m^3}$$

उदा. (4)
$$(41)^3 = (40 + 1)^3 = (40)^3 + 3 \times (40)^2 \times 1 + 3 \times 40 \times (1)^2 + (1)^3$$

= $64000 + 4800 + 120 + 1 = 68921$

सरावसंच 5.2

- 1. विस्तार करा.
 - $(1) (k + 4)^3$
- (2) $(7x + 8y)^3$ (3) $(7 + m)^3$ (4) $(52)^3$

- $(5) (101)^3$

- (6) $\left(x + \frac{1}{x}\right)^3$ (7) $\left(2m + \frac{1}{5}\right)^3$ (8) $\left(\frac{5x}{y} + \frac{y}{5x}\right)^3$

: a व b या सोईच्या बाजू असलेला प्रत्येकी एक घन तयार करा. लांबी व रुंदी a आणि उंची bकती अशा 3 इष्टिकाचिती तसेच लांबी व रुंदी b आणि उंची a अशा 3 इष्टिकाचिती तयार करा. या घनाकृती योग्य प्रकारे रचून (a + b) बाजू असलेला घन तयार करा.

(III) $(a-b)^3$ चा विस्तार (Expansion of $(a-b)^3$)

$$(a-b)^3 = (a-b)(a-b)(a-b) = (a-b)(a-b)^2$$
$$= (a-b)(a^2 - 2ab + b^2)$$
$$= a(a^2 - 2ab + b^2) - b(a^2 - 2ab + b^2)$$

$$= a^{3} - 2a^{2}b + ab^{2} - a^{2}b + 2ab^{2} - b^{3}$$

$$= a^{3} - 3a^{2}b + 3ab^{2} - b^{3}$$

$$\therefore (a - b)^{3} = a^{3} - 3a^{2}b + 3ab^{2} - b^{3}$$

उदा. (1) विस्तार करा. $(x-2)^3$ $(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ येथे, a = x व b = 2 घेऊन, $(x-2)^3 = (x)^3 - 3 \times x^2 \times 2 + 3 \times x \times (2)^2 - (2)^3$ $= x^3 - 6x^2 + 12x - 8$

उदा. (2)
$$(4p - 5q)^3$$
 याचा विस्तार करा.
$$(4p - 5q)^3 = (4p)^3 - 3(4p)^2(5q) + 3(4p)(5q)^2 - (5q)^3$$

$$(4p - 5q)^3 = 64p^3 - 240p^2q + 300pq^2 - 125q^3$$

- उदा. (3) विस्तार सूत्राचा उपयोग करून 99 चा घन करा. $(99)^3 = (100 1)^3$ $(99)^3 = (100)^3 - 3 \times (100)^2 \times 1 + 3 \times 100 \times (1)^2 - 1^3$ = 1000000 - 30000 + 300 - 1 = 9,70,299
- उदा. (4) सोपे रूप द्या.

(i)
$$(p+q)^3 + (p-q)^3 = p^3 + 3p^2q + 3pq^2 + q^3 + p^3 - 3p^2q + 3pq^2 - q^3$$

= $2p^3 + 6pq^2$

(ii)
$$(2x + 3y)^3 - (2x - 3y)^3$$

$$= [(2x)^3 + 3(2x)^2(3y) + 3(2x)(3y)^2 + (3y)^3]$$

$$- [(2x)^3 - 3(2x)^2(3y) + 3(2x)(3y)^2 - (3y)^3]$$

$$= (8x^3 + 36x^2y + 54xy^2 + 27y^3) - (8x^3 - 36x^2y + 54xy^2 - 27y^3)$$

$$= 8x^3 + 36x^2y + 54xy^2 + 27y^3 - 8x^3 + 36x^2y - 54xy^2 + 27y^3$$

$$= 72x^2y + 54y^3$$

हे मला समजले.

(i)
$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a + b)$$

(ii)
$$(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3 = a^3 - b^3 - 3ab(a - b)$$

सरावसंच 5.3

1. विस्तार करा.

$$(1)(2m-5)^3$$

$$(2)(4-p)^{2}$$

$$(1) (2m-5)^3 \qquad (2) (4-p)^3 \qquad (3) (7x-9y)^3$$

$$(4)(58)^3$$

$$(5)(198)^3$$

(6)
$$\left(2p - \frac{1}{2p}\right)^3$$
 (7) $\left(1 - \frac{1}{a}\right)^3$ (8) $\left(\frac{x}{3} - \frac{3}{x}\right)^3$

$$(7)\left(1-\frac{1}{a}\right)^3$$

$$(8) \left(\frac{x}{3} - \frac{3}{x}\right)^3$$

2. सरळरूप द्या.

$$(1)(2a+b)^3 - (2a-b)$$

(1)
$$(2a + b)^3 - (2a - b)^3$$
 (2) $(3r - 2k)^3 + (3r + 2k)^3$

(3)
$$(4a-3)^3 - (4a+3)^3$$
 (4) $(5x-7y)^3 + (5x+7y)^3$

$$(4) (5x - 7y)^3 + (5x + 7y)^3$$



(IV) $(a+b+c)^2$ चा विस्तार [Expansion of $(a+b+c)^2$]

$$(a + b + c)^{2} = (a + b + c) \times (a + b + c)$$

$$= a (a + b + c) + b (a + b + c) + c (a + b + c)$$

$$= a^{2} + ab + ac + ab + b^{2} + bc + ac + bc + c^{2}$$

$$= a^{2} + b^{2} + c^{2} + 2ab + 2bc + 2ac$$

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ac$$
 हे सूत्र मिळते.

उदा. (1) विस्तार करा
$$(p+q+3)^2$$

$$= p^{2} + q^{2} + (3)^{2} + 2 \times p \times q + 2 \times q \times 3 + 2 \times p \times 3$$

$$= p^{2} + q^{2} + 9 + 2pq + 6q + 6p = p^{2} + q^{2} + 2pq + 6q + 6p + 9$$

उदा. (2) वर्ग विस्ताराच्या पायऱ्यांतील चौकटींत योग्य पदे लिहा.

$$(2p + 3m + 4n)^2$$

$$= (2p)^{2} + (3m)^{2} + \Box + 2 \times 2p \times 3m + 2 \times \Box \times 4n + 2 \times 2p \times \Box$$

$$=$$
 + $9m^2$ + + $12pm$ + + +

उदा. (3) सरळरूप द्या. $(l + 2m + n)^2 + (l - 2m + n)^2$

$$= l^{2} + 4m^{2} + n^{2} + 4lm + 4mn + 2ln + l^{2} + 4m^{2} + n^{2} - 4lm - 4mn + 2ln$$

$$= 2l^{2} + 8m^{2} + 2n^{2} + 4ln$$

सरावसंच 5.4

1. विस्तार करा. (1)
$$(2p + q + 5)^2$$
 (2) $(m + 2n + 3r)^2$

$$(2) (m + 2n + 3r)^2$$

$$(3) (3x + 4y - 5p)^2 (4) (7m - 3n - 4k)^2$$

$$(4) (7m - 3n - 4k)^2$$

2. सरळरूप द्या. (1)
$$(x-2y+3)^2 + (x+2y-3)^2$$

$$(2) (3k - 4r - 2m)^2 - (3k + 4r - 2m)^2$$

$$(2) (3k - 4r - 2m)^2 - (3k + 4r - 2m)^2$$
 (3) $(7a - 6b + 5c)^2 + (7a + 6b - 5c)^2$

kkk

उत्तरसूची

सरावसंच 5.1 (1)
$$a^2 + a - 2$$

(2)
$$m^2 + 2m - 24$$

$$(3) p^2 + 5p - 24$$

$$(4) 169 - x^2$$

$$(5) 9x^2 + 27xy + 20y^2$$

(6)
$$81x^2 - 18xt - 15t$$

(4)
$$169 - x^2$$
 (5) $9x^2 + 27xy + 20y^2$ (6) $81x^2 - 18xt - 15t^2$ (7) $m^2 - \frac{5}{3}m - \frac{14}{9}$ (6) $x^2 - \frac{1}{x^2}$ (9) $\frac{1}{y^2} - \frac{5}{y} - 36$

(6)
$$x^2 - \frac{1}{x^2}$$

(9)
$$\frac{1}{y^2} - \frac{5}{y} - 36$$

सरावसंच 5.2 (1)
$$k^3 + 12k^2 + 48k + 64$$

$$(2) 343x^3 + 1176x^2y + 1344xy^2 + 512y^3$$

(2)
$$343 + 147m + 21m^2 + m^3$$
 (4) 140608

(6)
$$x^3 + 3x + \frac{3}{x} + \frac{1}{x^3}$$

(6)
$$x^3 + 3x + \frac{3}{x} + \frac{1}{x^3}$$
 (7) $8m^3 + \frac{12m^2}{5} + \frac{6m}{25} + \frac{1}{125}$

(8)
$$\frac{125x^3}{y^3} + \frac{15x}{y} + \frac{3y}{5x} + \frac{y^3}{125x^3}$$

सरावसंच 5.3 1. (1)
$$8m^3 - 60m^2 + 150m - 125$$

(2)
$$64 - 48p + 12p^2 - p^3$$

(3)
$$343x^3 - 1323x^2y + 1701xy^2 - 729y^3$$

(6)
$$8p^3 - 6p + \frac{3}{2p} - \frac{1}{8p^3}$$

(7)
$$1 - \frac{3}{a} + \frac{3}{a^2} - \frac{1}{a^3}$$

$$(8) \ \frac{x^3}{27} - x + \frac{9}{x} - \frac{27}{x^3}$$

2. (1)
$$24a^2b + 2b^3$$
 (2) $54r^3 + 72 rk^2$

(2)
$$54r^3 + 72 rk^2$$

$$(3) -288a^2 - 54$$

$$(3) -288a^2 - 54$$
 $(4) 250x^3 + 1470 xy^2$

सरावसंच 5.4 1. (1)
$$4p^2 + q^2 + 25 + 4pq + 10q + 20p$$

(2)
$$m^2 + 4n^2 + 9r^2 + 4mn + 12nr + 6mr$$

(3)
$$9x^2 + 16y^2 + 25p^2 + 24xy - 40py - 30px$$

$$(4) 49m^2 + 9n^2 + 16k^2 - 42mn + 24nk - 56km$$

2. (1)
$$2x^2 + 8y^2 + 18 - 24y$$
 (2) $32rm - 48kr$

(3)
$$98a^2 + 72b^2 + 50c^2 - 120bc$$

