赵鹏巍理论力学(A)21-22 秋期末考试

- 1、用相空间的哈密顿原理推导哈密顿正则方程,并说明与位形空间推导运动方程是等价的。
- 2、说明哈密顿量是系统随时间演化的无穷小正则变换的生成元。
- 3、将三维空间简化为一维空间,写出洛伦兹变换与伽利略变换,并证明一维波动方程

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = 0$$

在洛伦兹变换下不变,但是在伽利略变换下不能维持不变

- 4、一个高为 h,质量为 m,顶角为 2 α 的均匀圆锥躺在地面上进行纯滚动,角速度为 α ,求动能的表达式;如果顶点固定,对称轴与地面平行进行同样的纯滚动,求动能的表达式。
- 5、一个质量为 m 的质点与水平方向成 θ 角,初速度为 v_0 进行斜抛,用哈密顿雅可比方法,解哈密顿主函数,并求解运动轨迹以及 x,y 坐标随时间的变化关系。
- 6、三根弹簧连接两个质点, m_1 =m, m_2 =4m, k_1 =k, k_2 =k, k_3 =28k,原长均为 a。在平衡位置时,三根弹簧均处于原长。求系统的振动频率、简正模式与简正坐标,求出系统运动的解。如果初始时刻 m1 相对于平衡位置的偏移为 b,m2 处于平衡位置轻轻释放,求 m2 用时多久回到平衡位置。



7、已知体系的哈密顿量

$$H = \frac{1}{2m} e^{-2\pi i} p^2 + \frac{1}{2} m \omega^2 e^{2\pi i} q^2$$

找一个正则变换使哈密顿量具有谐振子的形式,求出生成函数,并写出新正则变量对应的正则方程。如果 $q(t=0)=q_0$, $p(t=0)=p_0$,用这个正则变换求解 q, p与时间的关系。