천천중학교 1학기 기말고사

1. 제곱근에 대한 설명으로 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

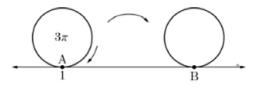
<보기>

- ㄱ. 제곱근 $\frac{1}{36}$ 은 $\pm \frac{1}{6}$ 이다.
- L. -5는 25의 음의 제곱근이다.
- C. 0.9의 양의 제곱근은 0.3이다.
- =. $\sqrt{(-11)^2}$ 의 제곱근은 $\pm \sqrt{11}$ 이다.
- ① 7. L
- ② 7, 5
- 3 L. Z
- ④ □. ≥
- (5) L, C, 2
- 2. 부등식 $\sqrt{25} < 2\sqrt{x} < \sqrt{76}$ 을 만족시키는 모든 자연수 x의 개수는?
 - ① 117]
- ② 127
- ③ 137H
- ④ 147]
- (5) 157H
- **3.** 무리수인 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

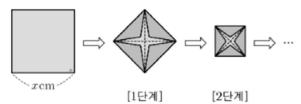
- 그. 넓이가 12인 정사각형의 한 변의 길이
- L. 한 변의 길이가 2√3 인 정삼각형의 높이
- C. 지름의 길이가 8인 바퀴가 한 바퀴 굴러간 거리
- 라로와 세로의 길이가 각각 3, 4인 직사각형의 대각 선의 길이
- ① 7, ∟
- ② 7. □
- ③ 7. ≥
- 4 L, C
- (5) L, C, 2

4. 그림과 같이 넓이가 3m인 원이 수직선 위에서 점 A에 접하고 있다. 이 접점 A에 대응하는 수가 1이고, 원을 수직선을 따라 시계방향으로 한 바퀴 굴려점 A가 다시 수직선에 접하는 점을 B라고 하자. 이때 점 B에 대응하는 수는?



- 6π
- $2\sqrt{3}\pi$
- $31 + \sqrt{3}\pi$
- 4 $1+2\sqrt{3}\pi$
- (5) $1+3\sqrt{2}\pi$
- 5. $3.1^2 = 9.61$ 일 때, $\sqrt{96100}$ 의 값은?
 - ① 0.31
- ② 3.1
- ③ 31
- 4 310
- ⑤ 3100
- 6. \sqrt{x} 이하의 자연수의 개수를 N(x)라고 하자. 예를 들어 $1<\sqrt{3}<2$ 이므로 N(3)=1이다. $N(1)+N(2)+N(3)+\cdots+N(x)=85$ 를 만족하는 자연수 x의 값은?
 - ① 25
- ② 26
- ③ 27
- 4 28
- ⑤ 29

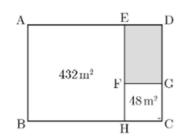
7. 그림과 같이 한 변의 길이가 x cm 인 정사각형 모양의 종이를 각 변의 중점을 꼭짓점으로 하는 정사각형 모양으로 접어 나갈 때, [4단계]에서 생기는 정사각형의 넓이는 9 cm^2 이다. 이때 처음 정사각형의 한 변의 길이 x의 값은?



- ① $2\sqrt{3}$
- $\bigcirc 3\sqrt{2}$

3 9

- 4 12
- ⑤ 16
- 8. 그림과 같이 직사각형 ABCD에서 변 AB를 한 변으로 하는 정사각형 ABHE와 변 HC를 한 변으로 하는 정사각형 HCGF를 그렸더니 그 넓이가 각 각 $432\,\mathrm{m}^2$, $48\,\mathrm{m}^2$ 이었다. 이때 직사각형EFGD의 넓이는?



- ① $32\sqrt{3} \text{ m}^2$
- $2\sqrt{6}$ m²
- 3 64 m²
- $40.64 \sqrt{2} \text{ m}^2$
- ⑤ 96 m²
- 9. $1+\sqrt{3}$ 의 정수 부분을 a, $\sqrt{7}$ 의 소수 부분을 b 라고 할 때, $\frac{a+b}{a-b}$ 의 값은?
 - ① -1
- ② $\frac{4\sqrt{7}-7}{9}$
- $3 \frac{4\sqrt{7}+7}{9}$
- $4\sqrt{7}-7$
- $\bigcirc \frac{4\sqrt{7}+7}{7}$

10. $a^2 = 32$. $b^2 = 75$ $\mathbf{9}$ \mathbf{H} .

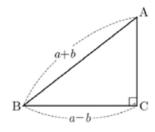
$$\left(\frac{\sqrt{3}}{4}a + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}b\right)\left(\frac{\sqrt{3}}{4}a - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}b\right)$$
의 값은?

- ① -24

3 0

4 6

- ⑤ 24
- 11. (2x+a)(x-5)를 전개하면 $2x^2+bx-55$ 일 때, 그림과 같이 $\overline{AB}=a+b$, $\overline{BC}=a-b$, $\angle C=90$ °인 직각삼각형 ABC의 넓이는?



- ① 2√11
- ② $10\sqrt{11}$
- ③ $12\sqrt{11}$
- $4) 20\sqrt{11}$
- ⑤ 24√11
- **12.** 다항식 $4xy^2 8x^2y$ 의 인수가 아닌 것은?
 - ① xy
- ② 4y 8x
- 34x-8y
- $\bigcirc y^2 2xy$
- 13. 다항식을 인수분해한 것 중 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

$$\exists x^2 + 7x + 6 = (x+6)(x+1)$$

$$-1$$
 $\frac{1}{9}x^2 - \frac{4}{3}xy + 4y^2 = \left(\frac{1}{3}x - 2\right)^2$

$$\Box$$
. $2x^2 + 32xy + 128y^2 = 2(x+4y)^2$

$$=.4x^2-17xy+15y^2=(x-3y)(4x-5y)$$

- ① T. I
- 20 7 2
- ③ ∟, ⊏
- ④ 7, ⊏, ≥
- (5) L, C, 2

- **14.** 다항식 $2x^2 9ax + b$ 에 다항식 ax + b를 더한 후 인수분해하면 완전제곱식이 될 때, 이를 만족시키는 순서쌍 (a,b)중에서 a+b의 최댓값은? (단, a,b는 100 이하의 자연수)
 - ① 68
- ② 78
- ③ 105
- 4 108
- ⑤ 110
- **15**, x에 대한 이차방정식 $ax^2 + bx + 9 = 0$ 의 해가 x=1 또는 x=3일 때, a+b의 값은? (단, a, b는 상수)
 - (1) 9
- 2 6
- 3 3
- 4 9
- ⑤ 15
- **16.** x에 대한 이차방정식 (x-5)(x-9)=2k가 x=m을 중근으로 가질 때, k+m의 값은? (단, k, m은 상수)
 - ① 5

② 6

③ 7

4) 8

- ⑤ 9
- 17. 다음 두 이차방정식의 공통인 해는?

$$\frac{1}{3}x^2 - \frac{5}{12}x - \frac{1}{8} = 0, \ 0.6x^2 - 1.1x + 0.3 = 0$$

- ① $x = -\frac{1}{4}$ ② $x = \frac{1}{3}$
- $3 x = \frac{1}{2}$ $4 x = \frac{3}{4}$
- (5) $x = \frac{3}{2}$

- **18.** 이차방정식 $3(x-a)^2 = 2$ 의 해가 $x = -1 \pm \frac{\sqrt{b}}{2}$ 일 때, a-b의 값은? (단, a, b는 유리수)
 - ① -7
- $^{\circ}$ $^{-6}$
- $^{\circ}$ $^{-5}$
- 4
- ⑤ -3
- 19. 어떤 두 자리 자연수가 있다. 일의 자리 수와 십 의 자리 수의 합은 14이고, 원래 두 자리 자연수는 각 자리 수의 곱보다 20만큼 크다고 할 때, 이 두 자리 자연수는?
 - ① 59
- ② 68
- 3 77
- 4) 86
- ⑤ 95
- **20.** 이차방정식 $x^2+4x-k+1=0$ 의 두 해가 모두 정 수가 되도록 하는 두 자리 자연수 k의 개수는?
 - ① 67H
- ② 77]
- ③ 8개
- 4 97 P
- (5) 107H
- **21**. y가 x에 대한 이차함수인 것은?

 - ① $y = -\frac{1}{x}$ ② $y = \frac{1}{5}x + 1$

 - $y=x^2-(x+3)^2$ $y=(\frac{1}{2}x-3)(2x+3)$
 - $y = (2+x)(2-x)+x^2$

- **22.** 이차함수 $y=2x^2+\frac{1}{2}$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?
 - ① 모든 사분면을 지난다.
 - ② 점 $\left(-1, -\frac{3}{2}\right)$ 을 지난다.
 - ③ 꼭짓점의 좌표는 $\left(\frac{1}{2},0\right)$ 이다.
 - ④ x축을 축으로 하는 포물선이다.
 - ⑤ x < 0일 때, x의 값이 증가하면 y의 값은 감소한다.
- **23**. 두 이차함수 $y=7x^2$, $y=\frac{1}{7}x^2$ 의 그래프가 각각 제 1 사분면 위의 두 점 A, B를 지난다고 하자. 두 점 A, B의 y작표가 모두 k이고 $\overline{AB}=12$ 일 때, 양수 k의 값은?
 - ① 14
- ② 28
- ③ 48
- 49
- ⑤ 63
- **24.** 이차함수 $y=a(x+p)^2$ 의 그래프는 이차함수 $y=-\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 평행이동한 것이고, 꼭짓점의 작표가 (-5,r)일 때, 2a+p-r의 값은? (단, a, p는 상수)
 - ① -6
- $^{\circ}$ $^{-4}$
- 3 2
- 4
- ⑤ 6
- **25**. 이차함수 $y=-3(x+2)^2+5$ 의 그래프를 x축의 방향으로 α 만큼, y축의 방향으로 b만큼 평행이동하였더니 이차함수 $y=-3x^2$ 의 그래프와 일치하였다. 이때 $\alpha+b$ 의 값은?
 - ① -5
- ② -3
- 3 2
- 4) 2

⑤ 3



- 1) [중] ③
- 2) [중] ②
- 3) [중] ②
- 4) [중] ④
- 5) [중] ④
- 6) [중상] ③
- 7) [중] ④
- 8) [중] ⑤
- 9) [중] ③
- 10) [중] ①
- 11) [중] ②
- 12) [중] ③
- 13) [중] ②
- 14) [중상] ③
- 15) [중] ①
- 16) [중] ①
- 17) [중] ⑤
- 18) [중] ①
- 19) [중] ②
- 20) [중상] ②
- 21) [중] ④
- 22) [중] ⑤
- 23) [상] ②
- 24) [중] ④
- 25) [중] ②